

3

$$\bar{F} = -k\bar{x}$$

5

(50 درجة)

السؤال الثالث: حل المسألة الآتية:

تهتز نقطة مادية كتلتها $m = 0.5 \text{ kg}$ حرقة توافقية بسيطة بمرونة نابض مهملا الكتلة حلقاته متباينة فينجز 8 هزات في 2 s ويرسم أثناء حركته قطعة مستقيمة طولها 16 cm فإذا علمت أن النقطة كانت في موضع

مطاله $\frac{X_{max}}{2}$ في بدء الزمن وهي متحركة بالاتجاه السالب، والمطلوب:

1. استنتج التابع الزمني لمطال حركة هذه النقطة بعد تعين قيمة الثوابت.
2. أحسب الاستطالة السكونية لهذا النابض .
3. أحسب قيمة ثابت صلابة النابض .
4. أحسب تسارع الجسم لحظة مروره في وضع مطاله $-X_{max}$.
5. أحسب قوة الإرجاع في نقطة مطالها 2 cm .
6. أحسب الطاقة الكامنة في نقطة مطالها $-2 \text{ cm} = x$ ، واحسب طاقته الحركية عندئذ .

باعتبار $(g = 10 \text{ m.s}^{-2}, \pi^2 = 10)$

10 درجة

درجة واحدة للجواب الصحيح
درجة واحدة للواحدة

1. استنتج التابع الزمني لمطال حركة هذه النقطة بعد تعين قيمة الثوابت.

المعطيات: $m = 0.5 \text{ kg}$ ، $2X_{max} = 16 \text{ cm}$

$$X_{max} = \frac{16}{2} = 8 \text{ cm} \rightarrow X_{max} = 8 \times 10^{-2} \text{ m}$$

$$T_0 = \frac{\text{زمن الهزات}}{\text{عددها}} = \frac{t}{N} = \frac{2}{8} \Rightarrow T_0 = \frac{1}{4} \text{ s}$$

$$(t = 0, \bar{x} = \frac{X_{max}}{2}, \bar{v} < 0)$$

$$\bar{x} = X_{max} \cos(\omega_0 t + \varphi)$$

$$\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{\frac{1}{4}} = 8\pi \text{ rad.s}^{-1} \Rightarrow \boxed{\omega_0 = 8\pi \text{ rad.s}^{-1}}$$

$$\frac{X_{max}}{2} = X_{max} \cos \varphi$$

$$\cos \varphi = \frac{1}{2} \Rightarrow \varphi = +\frac{\pi}{3} \text{ rad} \text{ او } \varphi = +\frac{5\pi}{3} \text{ rad}$$

$$t = 0 \quad \bar{v} = -\omega_0 X_{max} \sin \varphi$$

$$\text{مروف} \quad 20 \varphi = \frac{5\pi}{3} \text{ rad} \Rightarrow \sin \varphi < 0 \Rightarrow \bar{v} > 0$$

$$\varphi = +\frac{\pi}{3} \text{ rad} \Rightarrow \sin \varphi > 0 \Rightarrow \bar{v} < 0 \text{ مقبول}$$

$$\boxed{\varphi = +\frac{\pi}{3} \text{ rad}}$$

$$\boxed{\bar{x} = 8 \times 10^{-2} \cos \left(8\pi t + \frac{\pi}{3} \right) \dots \dots \dots (m)}$$

2. الاستطالة السكونية لهذا النابض

$$\Rightarrow mg = kx_0 \Rightarrow \boxed{x_0 = \frac{mg}{k}}$$

$$x_0 = \frac{m.g}{m.\omega_0^2} \Rightarrow \boxed{x_0 = \frac{g}{\omega_0^2}} = \frac{10}{64\pi^2} \Rightarrow \boxed{x_0 = \frac{1}{64} \text{ m}}$$

3. أحسب قيمة ثابت صلابة النابض وهل تتغير هذه القيمة باستدال الكتلة المعلقة؟

$$\omega_0^2 = \frac{k}{m} \Rightarrow k = m\omega_0^2 = \frac{1}{2} \times 64\pi^2 = 320 \text{ N.m}^{-1}$$

4. أحسب تسارع الجسم لحظة مروره في وضع مطاله $-X_{max}$

$$= +64\pi^2 \times 8 \times 10^{-2} \Rightarrow \boxed{\bar{a} = 512 \times 10^{-1} \text{ m.s}^{-2}} \quad \bar{a} = -\omega_0^2 \cdot \bar{X} = -64\pi^2 (-8 \times 10^{-2})$$

7 درجة

8 درجة

5 درجة

المدة: ساعة ونصف

المذكرة الأولى: الميكانيك

5 درجة 15 درجة	<p><u>5. احسب قوة الارجاع في نقطة مطالها . 2 cm</u></p> $\bar{F} = -64 \times 10^{-1} N \quad \bar{F} = -k\bar{x} = -320 \times 2 \times 10^{-2} \Rightarrow$ <p><u>6. احسب الطاقة الكامنة في نقطة مطالها $\bar{x} = -2 cm$ واحسب طاقته الحركية عندئذ .</u></p> $E_P = \frac{1}{2} kx^2 = \frac{1}{2} \times 320 \times 4 \times 10^{-4} \Rightarrow [E_P = 640 \times 10^{-4} J]$ <p style="color: red;">طريقة 1 :</p> $E_k = E - E_P = \frac{1}{2} K \cdot X_{max}^2 - \frac{1}{2} kx^2 = \frac{1}{2} K \cdot (X_{max}^2 - x^2)$ $E_k = \frac{1}{2} \times 320 (64 \times 10^{-4} - 4 \times 10^{-4})$ $\Rightarrow [E_k = 9600 \times 10^{-4} J]$ <p style="color: red;">طريقة 2: نحسب الطاقة الميكانيكية</p> $E = \frac{1}{2} K \cdot X_{max}^2 = \frac{1}{2} \times 320 \times 64 \times 10^{-4}$ $E = 10240 \times 10^{-4} J$ $E_k = E - E_P = 10240 \times 10^{-4} - 640 \times 10^{-4} \Rightarrow [E_k = 9600 \times 10^{-4} J]$
-----------------------	--

انتهت السلم
أرجو لكم التوفيق
محبكم : أ.أنس أحمد

منصة
طريقي
التعليمية الافتراضية

مع أنس أحمد

