

سليم تصحيح الفيزياء (الميكانيك 100*2 = 200 درجة)**السؤال الأول:** اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي وانقلها إلى ورقة إجابتك (10 درجة :)

1. في الشكل المجاور يكون تابع السرعة في النواس المرن هو:

$v = -3 \sin(\frac{\pi}{2} t) - A$
$\bar{v} = -3 \times 10^{-2} \cos(2\pi t - \frac{\pi}{2}) - B$
$v = -3 \sin(\pi t) - C$
$\bar{v} = 3 \times 10^{-2} \cos(\pi t + \frac{2\pi}{2} t) - D$

(40 درجة)

السؤال الثاني:

برهن في النواس المرن أن محصلة القوى المؤثرة في الجسم المعلق إلى النابض هي قوة ارجاع تتناسب شدتها طردياً مع المطال.

يخسر الطالب درجة عند إغفال الشعاع 5	جملة المقارنة : خارجية - الجملة المدروسة: (جسم صلب - نابض) ◀ جالة السكون: - يؤثر في مركز عطالة الجسم : قوة ثقل الجسم \vec{w} ، قوة توتر النابض \vec{F}_{s_0} $\sum \vec{F} = \vec{0}$ $\vec{w} + \vec{F}_{s_0} = \vec{0}$ بالإسقاط على محور شاقولي موجه نحو الأسفل نجد : $w - F_{s_0} = 0$ $\Rightarrow w = F_{s_0} \dots \dots \dots (*)$
2 3	- يؤثر على النابض : قوة توتر النابض \vec{F}'_{s_0} التي تسبب له الاستطالة x_0 ولكن لنفس النابض $F'_{s_0} = F_{s_0} = kx_0$ بالتعويض في (*) نجد : $w = kx_0 \dots \dots \dots (1)$
لايحاسب الطالب على إشارة القيم الجبرية	◀ حالة الحركة: - يؤثر في مركز عطالة الجسم : قوة ثقل الجسم \vec{w} ، قوة توتر النابض \vec{F}_s فيخضع الجسم لتأثير قوتين: ○ قوة توتر النابض $F_s = k(x_0 + \bar{x})$ ○ قوة ثقل الجسم \vec{w} ، ويؤثر في نهاية النابض قوة $\vec{F}'_s = \vec{F}_s$ $\sum \vec{F} = m \vec{a}$ $\vec{w} + \vec{F}_s = m \vec{a}$ بالإسقاط على محور xx' نحو الأسفل نجد: $w - F_s = m \bar{a} \dots \dots \dots (**)$
5 5	- يؤثر على النابض : قوة توتر النابض \vec{F}'_s التي تسبب له الاستطالة $(x_0 + \bar{x})$ ولكن لنفس النابض $F'_s = F_s = k(x_0 + \bar{x})$ بالتعويض في (**) نجد : $w - k(x_0 + \bar{x}) = m \bar{a} \xrightarrow{\text{ننشر } (-k) \text{ على القوس و من (1) نعوض } w}$ $kx_0 - kx_0 - k\bar{x} = m \bar{a}$
2	$-k\bar{x} = m \bar{a}$
3	—
2	$k\bar{x} = \sum \vec{F} = \vec{F}$

3	$\bar{F} = -k\bar{x}$
5	

(50 درجة)

السؤال الثالث: حل المسألة الآتية:

تهتز نقطة مادية كتلتها $m = 0.5 \text{ kg}$ حركة توافقية بسيطة بمرونة نابض مهملة الكتلة حلقاته متباعدة فينجز 8 هزات في 2 s ويرسم أثناء حركته قطعة مستقيمة طولها 16 cm فإذا علمت أن النقطة كانت في موضع مطاله $\frac{X_{max}}{2}$ في بدء الزمن وهي متحركة بالاتجاه السالب، والمطلوب:

1. استنتج التابع الزمني لمطال حركة هذه النقطة بعد تعيين قيمة الثوابت.
2. أحسب الاستطالة السكونية لهذا النابض .
3. احسب قيمة ثابت صلابة النابض .
4. احسب تسارع الجسم لحظة مروره في وضع مطاله $-X_{max}$.
5. احسب قوة الإرجاع في نقطة مطالها 2 cm .
6. احسب الطاقة الكامنة في نقطة مطالها $x = -2 \text{ cm}$ ، واحسب طاقته الحركية عندئذ .
باعتبار $(g = 10 \text{ m.s}^{-2}, \pi^2 = 10)$

10 درجة	<p>1. استنتج التابع الزمني لمطال حركة هذه النقطة بعد تعيين قيمة الثوابت.</p> <p>المعطيات: $m = 0.5 \text{ kg}$, $2X_{max} = 16 \text{ cm}$</p> $X_{max} = \frac{16}{2} = 8 \text{ cm} \rightarrow X_{max} = 8 \times 10^{-2} \text{ m}$ $T_0 = \frac{\text{زمن الهزات}}{\text{عددها}} = \frac{t}{N} = \frac{2}{8} \Rightarrow T_0 = \frac{1}{4} \text{ s}$ $\left(t = 0, \bar{x} = \frac{X_{max}}{2}, \bar{v} < 0 \right)$ $\bar{x} = X_{max} \cos(\omega_0 t + \varphi)$ $\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \frac{2\pi}{\frac{1}{4}} = 8\pi \text{ rad.s}^{-1} \Rightarrow \boxed{\omega_0 = 8\pi \text{ rad.s}^{-1}}$ $\frac{X_{max}}{2} = X_{max} \cos \varphi$ $\cos \varphi = \frac{1}{2} \Rightarrow \varphi = +\frac{\pi}{3} \text{ rad} \text{ او } \varphi = +\frac{5\pi}{3} \text{ rad}$ $t = 0 \quad \bar{v} = -\omega_0 X_{max} \sin \varphi$ <p>مرفوض $20 \varphi = \frac{5\pi}{3} \text{ rad} \Rightarrow \sin \varphi < 0 \Rightarrow \bar{v} > 0$</p> <p>مقبول $\varphi = +\frac{\pi}{3} \text{ rad} \Rightarrow \sin \varphi > 0 \Rightarrow \bar{v} < 0$</p> $\boxed{\varphi = +\frac{\pi}{3} \text{ rad}}$ $\boxed{\bar{x} = 8 \times 10^{-2} \cos \left(8\pi t + \frac{\pi}{3} \right) \dots \dots \dots (m)}$
7 درجة	<p>2. الاستطالة السكونية لهذا النابض</p> $\Rightarrow \boxed{mg = kx_0} \Rightarrow \boxed{x_0 = \frac{m \cdot g}{k}}$ $x_0 = \frac{m \cdot g}{m \cdot \omega_0^2} \Rightarrow \boxed{x_0 = \frac{g}{\omega_0^2}} = \frac{10}{64\pi^2} \Rightarrow \boxed{x_0 = \frac{1}{64} \text{ m}}$
8 درجة	<p>3. احسب قيمة ثابت صلابة النابض وهل تتغير هذه القيمة باستبدال الكتلة المعلقة؟</p> $\omega_0^2 = \frac{K}{m} \Rightarrow k = m\omega_0^2 = \frac{1}{2} \times 64\pi^2 = 320 \text{ N.m}^{-1}$
5 درجة	<p>4. احسب تسارع الجسم لحظة مروره في وضع مطاله $-X_{max}$.</p> $= +64\pi^2 \times 8 \times 10^{-2} \Rightarrow \boxed{\bar{a} = 512 \times 10^{-1} \text{ m.s}^{-2}} \quad \bar{a} = -\omega_0^2 \cdot \bar{x} = -64\pi^2 (-8 \times 10^{-2})$

5 درجة	<p>5. احسب قوة الإرجاع في نقطة مطالها 2 cm .</p> $\bar{F} = -64 \times 10^{-1} N \quad \bar{F} = -k\bar{x} = -320 \times 2 \times 10^{-2} \Rightarrow$
15 درجة	<p>6. احسب الطاقة الكامنة في نقطة مطالها $\bar{x} = -2 \text{ cm}$ واحسب طاقته الحركية عندئذ .</p> $E_p = \frac{1}{2} kx^2 = \frac{1}{2} \times 320 \times 4 \times 10^{-4} \Rightarrow \boxed{E_p = 640 \times 10^{-4} J}$ <p>طريقة 1 :</p> $E_k = E - E_p = \frac{1}{2} K . X_{max}^2 - \frac{1}{2} kx^2 = \frac{1}{2} K . (X_{max}^2 - x^2)$ $E_k = \frac{1}{2} \times 320 (64 \times 10^{-4} - 4 \times 10^{-4})$ $\Rightarrow \boxed{E_k = 9600 \times 10^{-4} J}$ <p>طريقة 2: نحسب الطاقة الميكانيكية</p> $E = \frac{1}{2} K . X_{max}^2 = \frac{1}{2} \times 320 \times 64 \times 10^{-4}$ $\boxed{E = 10240 \times 10^{-4} J}$ $E_k = E - E_p = 10240 \times 10^{-4} - 640 \times 10^{-4} \Rightarrow \boxed{E_k = 9600 \times 10^{-4} J}$

انتهت السلم
أرجو لكم التوفيق
محبكم : أ.أنس أحمد

منصة

طريقي التعليمية الافتراضية

مع أنس أحمد