

أولاً: مادة الجبر الدرجة الكاملة 300

نص السؤال الأول:

في كل مما يلي إجابة واحدة صحيحة عينها:

1. إن قيمة العدد $A = \sqrt{12 + \sqrt{21 - \sqrt{25}}}$ تساوي:

$A = 2$	c	$A = 3$	b	$A = 4$	a
---------	---	---------	---	---------	---

2. العدد $\frac{\sqrt{12}}{\sqrt{3}}$ هو عدد:

c	غير عادي	صحيح	b	غير عشري	a
---	----------	------	---	----------	---

3. ناتج الجداء $(x - \sqrt{3})^2$ هو:

$x^2 - 2\sqrt{3}x + 3$	c	$x^2 + 3$	b	$x^2 - \sqrt{3}$	a
------------------------	---	-----------	---	------------------	---

4. ناتج العملية $\left(\frac{2}{3} - 3\right) \div \frac{1}{9}$ يساوي:

21	c	-21	b	$-\frac{7}{27}$	a
----	---	-----	---	-----------------	---

نص السؤال الثاني:

السؤال الثاني: في كل مما يأتي اجب بكلمة صح او خطأ:

1. إذا كان $A = B = 3^3$ و $A = \frac{2^3 \times 3}{8 \times 3^{-2}}$ فإن B يساوي 3.2. نصف $\sqrt{36}$ يساوي 3.3. إن العدد $\sqrt{49} + \sqrt{81}$ يساوي 13.4. العدد $\frac{2\pi}{3}$ عدد عادي.

الإجابة: 1. صح ، 2. صح. 3. خطأ. 4. خطأ

لكل إجابة 10 درجات

درجة التمرين الكاملة الكاملة 50 درجة

نص التمرين الأول:

التمرين الأول:

ليكن العدد $A = \frac{30}{7} - \frac{512}{224}$ والمطلوب:1. احسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 512 و 224 ثم اخترل الكسر $\frac{512}{224}$.2. احسب A وضعه بشكل كسر مختزل.لحساب القاسم المشترك لاخزال الكسر لحساب A قيمة

r	b	a
64	224	512
32	64	224
0	32	64

$$\Rightarrow GCD(512, 224) = 32$$

$$\frac{512}{224} = \frac{16}{7}$$

$$A = \frac{30}{7} - \frac{16}{7} = \frac{14}{7} \Rightarrow A = 2$$

الإجابة:

.1

.2

درجة التمرين ال الكاملة 50 درجة	نص التمرين الثاني: $AB = \sqrt{80} - \sqrt{45}$, $AC = 5\sqrt{20} - \sqrt{405}$, $BC = \sqrt{5}$ مثلث ABC اكتب كلاً من AB , AC بالصيغة $a\sqrt{5}$ ثم استنتاج أنَّ المثلث متساوي الأضلاع.		
20 درجة لتبسيط كل مقدار و 10 درجات لاستنتاج نوع المثلث	الإجابة:		
$\begin{aligned} AB &= \sqrt{80} - \sqrt{45} \\ &= \sqrt{16 \times 5} - \sqrt{9 \times 5} \\ &= 4\sqrt{5} - 3\sqrt{5} \\ AB &= \sqrt{5} \end{aligned}$ $\begin{aligned} AC &= 5\sqrt{20} - \sqrt{405} \\ &= 5\sqrt{4 \times 5} - \sqrt{81 \times 5} \\ &= 10\sqrt{5} - 9\sqrt{5} \\ AC &= \sqrt{5} \end{aligned}$ $BC = \sqrt{5}$ $\Rightarrow AB = AC = BC$ <p>فالمثلث متساوي الأضلاع</p>			
درجة التمرين ال الكاملة 50 درجة	نص التمرين الثالث: لدينا المقدار $E = (3x + 5)^2 - (3x + 5)(x - 3)$. 1. انشر واختزل E . 2. حل E الى جداء عوامل من الدرجة الأولى.		
25 درجة للنشر و 25 للتحليل	الإجابة:		
$\begin{aligned} E &= (3x + 5)^2 - (3x + 5)(x - 3) \\ &= (3x)^2 + 2(3x)(5) + (5)^2 - [3x^2 - 9x + 5x - 15] \\ &= 9x^2 + 30x + 25 - 3x^2 + 4x + 15 \\ &= 6x^2 + 34x + 40 \end{aligned}$ $\begin{aligned} E &= (3x + 5)^2 - (3x + 5)(x - 3) \\ &= (3x + 5)[3x + 5 - x + 3] \\ &= (3x + 15)(2x - 8) \end{aligned}$.1 .2
درجة التمرين ال الكاملة 50 درجة	نص التمرين الرابع: احسب قيمة المقدار ثم بين طبيعته. $A = \frac{16 \times 10^{-1} \times 2}{(10^3)^2 \times 10^{-8} \times 80}$		
توزيع الدرجات على خطوات الحل	الإجابة:		
$A = \frac{16 \times 10^{-1} \times 2}{(10^3)^2 \times 10^{-8} \times 80} = \frac{32 \times 10^{-1}}{10^6 \times 10^{-8} \times 8 \times 10} = \frac{32 \times 10^{-1}}{8 \times 10^{-1}}$ $A = 4$ <p>ومنه A عدد صحيح</p>			

توزيع العلامات علماء ان درجة الهندسة الكاملة درجة 300 لكل إجابة درجة 15	<p>نص السؤال الأول: في كل مما يلي إجابة واحدة صحيحة عينها:</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="text-align: center; padding: 5px;">1. إذا كان $\tan \theta = \frac{3}{\sqrt{3}}$ فإن θ تساوي:</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center; padding: 5px;">$60^\circ - C$</td> <td style="text-align: center; padding: 5px;">$45^\circ - B$</td> <td style="text-align: center; padding: 5px;">$30^\circ - A$</td> </tr> <tr> <td colspan="3" style="text-align: center; padding: 5px;">2. إذا كان ABC مثلث قائم في \hat{B} و $\hat{A} \neq \hat{C}$ فإن:</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center; padding: 5px;">$\cos \hat{A} = \cos \hat{C} - C$</td> <td style="text-align: center; padding: 5px;">$\sin \hat{A} = \sin \hat{C} - B$</td> <td style="text-align: center; padding: 5px;">$\sin \hat{A} = \cos \hat{C} - A$</td> </tr> </table> <p>الإجابة هي: $60^\circ - C - 2$ ،</p>	1. إذا كان $\tan \theta = \frac{3}{\sqrt{3}}$ فإن θ تساوي:	$60^\circ - C$	$45^\circ - B$	$30^\circ - A$	2. إذا كان ABC مثلث قائم في \hat{B} و $\hat{A} \neq \hat{C}$ فإن:			$\cos \hat{A} = \cos \hat{C} - C$	$\sin \hat{A} = \sin \hat{C} - B$	$\sin \hat{A} = \cos \hat{C} - A$
1. إذا كان $\tan \theta = \frac{3}{\sqrt{3}}$ فإن θ تساوي:											
$60^\circ - C$	$45^\circ - B$	$30^\circ - A$									
2. إذا كان ABC مثلث قائم في \hat{B} و $\hat{A} \neq \hat{C}$ فإن:											
$\cos \hat{A} = \cos \hat{C} - C$	$\sin \hat{A} = \sin \hat{C} - B$	$\sin \hat{A} = \cos \hat{C} - A$									
لكل إجابة درجة 10	<p>نص السؤال الثاني: في كل مما يأتي اجب بكلمة صح او خطأ:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. إن العبارة $1 = \sin^2 20 + \sin^2 70$ صحيحة. 2. إذا كانت \hat{B} زاوية حادة وكان $\tan \hat{B}$ عدد صحيح فإن قياس \hat{B} هو 45°. 										
75 درجة	<p>الإجابة:</p> <ol style="list-style-type: none"> - (صح): بما أن $\sin^2 20 + \cos^2 20 = 1 \Leftarrow \sin 70 = \cos 20$ - (صح): $\tan 45^\circ = 1$ <p>نص السؤال الثالث: حل التمارين الآتية: التمرين الأول:</p> <p>$\hat{A} = 60^\circ$ و $\hat{C} = \frac{1}{3} \hat{B}$ والمطلوب:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. احسب قياس كلاً من الزاويتين \hat{B} ، \hat{A} ثم استنتج طبيعة المثلث ABC. 2. احسب $\sin \hat{A}$. 2. إذا علمت أن $\cos \theta = \frac{3}{5}$ احسب $\sin \theta$ ، $\tan \theta$ ، $\sin \hat{B}$ ، $\tan \hat{B}$. 										
أولاً 35 درجة للطلب الأول 15 درجة للطلب الثاني	<p>الإجابة: أولاً:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. مجموع زوايا المثلث $= 180^\circ$ ونعلم أن $\hat{C} = 60^\circ$ ومنه $\hat{A} + \hat{B} + 60^\circ = 180^\circ$ 2. $\hat{A} + \hat{B} = 180^\circ - 60^\circ$ 3. $\hat{A} + \hat{B} = 120^\circ$ 4. لدينا: $\frac{\hat{A}}{\hat{B}} = \frac{1}{3}$ 5. حسب خواص التناوب: $\frac{\hat{A} + \hat{B}}{\hat{B}} = \frac{1+3}{3}$ $\frac{120^\circ}{\hat{B}} = \frac{4}{3}$ $\frac{120^\circ}{\hat{B}} = \frac{4}{3}$ $\Rightarrow \hat{B} = \frac{3 \times 120^\circ}{4} = 90^\circ$ $\Rightarrow \hat{A} + 90^\circ = 120^\circ$ $\hat{A} = 120^\circ - 90^\circ$ $\hat{A} = 30^\circ$										

25 درجة
لثانياً

$$\sin \hat{A} = \sin 30^\circ = \frac{1}{2} .2$$

نعلم ان ثانياً:

$$\cos^2 \theta + \sin^2 \theta = 1$$

$$\left(\frac{3}{5}\right)^2 + \sin^2 \theta = 1$$

$$\frac{9}{25} + \sin^2 \theta = 1$$

$$\sin^2 \theta = 1 - \frac{9}{25}$$

$$\sin^2 \theta = \frac{25}{25} - \frac{9}{25}$$

$$\sin^2 \theta = \frac{16}{25}$$

نجد الطرفين: -

$$\sin \theta = \frac{4}{5}$$

$$\tan \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta}$$

$$= \frac{\frac{4}{5}}{\frac{3}{5}}$$

$$\tan \theta = \frac{4}{3}$$

75 درجة

التمرين الثاني: في الشكل المجاور:

1. احسب \hat{P} في المثلث PMN ثم في المثلث PFE 2. استنتج طول PF ثم احسب طول PN .3. احسب طول FN .لكل من
الطلب
الأول
والثاني
والأولى
30 درجة
والثالث
15الإجابة:
-1

$$PMN \text{ في } \sin \hat{P} = \frac{MN}{PM} = \frac{9}{15}$$

$$PFE \text{ في } \sin \hat{P} = \frac{FE}{PF} = \frac{3}{PF}$$

-2

بما ان \hat{P} زاوية مشتركة بين المثلثين PMN و PFE من الطلب السابق نجد:

$$\frac{MN}{PM} = \frac{FE}{PF}$$

$$\frac{9}{15} = \frac{3}{PF}$$

$$\Rightarrow PF = \frac{3 \times 15}{9} = \frac{45}{9} = 5 \text{ cm}$$

حسب فيثاغورث في المثلث PMN

$$PM^2 = MN^2 + PN^2$$

$$15^2 = 9^2 + PN^2$$

$$225 = 81 + PN^2$$

$$225 - 81 = PN^2$$

$$144 = PN^2$$

$$PN = \sqrt{144} = 12 \text{ cm}$$

$$FN = PN - PF .3$$

$$= 12 - 5 = 7 \text{ cm}$$

$$FN = 7 \text{ cm}$$

100 درجة	<p>نص المسألة:</p> <p>K, M, L, N نقاط من دائرة مركزها O ، حيث MN قطر في الدائرة طوله 12 cm وليدنا: $K\hat{M}N = 60^\circ$, $L\hat{N}M = 45^\circ$ المطلوب:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. ما نوع المثلث LMN بالنسبة لأضلاعه؟ واستنتاج قياس الزاوية $N\hat{M}L$. 2. احسب قياس كلًا من $M\hat{K}N, L\hat{M}K$ 3. احسب طول كلًا من KN, MK, ML
30 درجة لكل من الطلابين الأول والثاني و40 درجة للطلب الثالث	<p>الإجابة:</p> <p>1. LMN مثلث متساوي الساقين لأن LMN مثلث قائم في \hat{L} (أحد أضلاعه قطر في الدائرة المارة برؤوسه) $M\hat{N}L = 45^\circ$ وفيه $N\hat{M}L = 180^\circ - (90^\circ + 45^\circ) \Leftarrow N\hat{M}L = 45^\circ$</p> $L\hat{M}K = L\hat{M}N + N\hat{M}K = 105^\circ \quad .2$ $L\hat{M}K = 45^\circ + 60^\circ = 105^\circ$ <p>نعلم أن مجموع زوايا المثلث تساوي 180°</p> <p>2. في المثلث MKN لدينا: $M\hat{K}N = 90^\circ$ (أحد أضلاع المثلث MKN قطر بالدائرة المارة برؤوسه فهو قائم)</p> $\cos \hat{M} = \cos 45^\circ = \frac{ML}{MN}$ $ML = \frac{12 \times \sqrt{2}}{2} \Leftarrow \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{ML}{12}$ $ML = 6\sqrt{2}\text{ cm}$ <p>في المثلث MKN</p> $\sin \hat{N} = \sin 30^\circ = \frac{MK}{MN}$ $MK = \frac{12 \times 1}{2} \Leftarrow \frac{1}{2} = \frac{MK}{12}$ $MK = 6\text{ cm}$ $\cos \hat{N} = \cos 30^\circ = \frac{KN}{MN}$ $KN = \frac{12\sqrt{3}}{2} \Leftarrow \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{KN}{12}$ $KN = 6\sqrt{3}\text{ cm}$ <p>ملاحظة تقبل أي طريقة تعطي الحل الصحيح.</p>