

أولاً: مادة الجبر الدرجة الكاملة 300

لكل إجابة 15 درجة	<p>نص السؤال الأول:</p> <p>في كل مما يلي إجابة واحدة صحيحة عينها:</p> <p>1. إن قيمة العدد $A = \sqrt{12 + \sqrt{21 - \sqrt{25}}}$ تساوي:</p> <table><tr><td>a</td><td>$A = 4$</td><td>b</td><td>$A = 3$</td><td>c</td><td>$A = 2$</td></tr></table> <p>2. العدد $\frac{\sqrt{12}}{\sqrt{3}}$ هو عدد:</p> <table><tr><td>a</td><td>غير عشري</td><td>b</td><td>صحيح</td><td>c</td><td>غير عادي</td></tr></table> <p>3. ناتج الجداء $(x - \sqrt{3})^2$ هو:</p> <table><tr><td>a</td><td>$x^2 - \sqrt{3}$</td><td>b</td><td>$x^2 + 3$</td><td>c</td><td>$x^2 - 2\sqrt{3}x + 3$</td></tr></table> <p>4. ناتج العملية $\left(\frac{2}{3} - 3\right) \div \frac{1}{9}$ يساوي:</p> <table><tr><td>a</td><td>$-\frac{7}{27}$</td><td>b</td><td>-21</td><td>c</td><td>21</td></tr></table>	a	$A = 4$	b	$A = 3$	c	$A = 2$	a	غير عشري	b	صحيح	c	غير عادي	a	$x^2 - \sqrt{3}$	b	$x^2 + 3$	c	$x^2 - 2\sqrt{3}x + 3$	a	$-\frac{7}{27}$	b	-21	c	21
a	$A = 4$	b	$A = 3$	c	$A = 2$																				
a	غير عشري	b	صحيح	c	غير عادي																				
a	$x^2 - \sqrt{3}$	b	$x^2 + 3$	c	$x^2 - 2\sqrt{3}x + 3$																				
a	$-\frac{7}{27}$	b	-21	c	21																				
	<p>نص السؤال الثاني:</p> <p>السؤال الثاني: في كل مما يأتي اجب بكلمة صح او خطأ:</p> <p>1. إذا كان $A = \frac{2^3 \times 3}{8 \times 3^{-2}}$ و $B = 3^3$ فإن $A = B$.</p> <p>2. نصف $\sqrt{36}$ يساوي 3.</p> <p>3. إن العدد $\sqrt{49 + 81}$ يساوي $\sqrt{49} + \sqrt{81}$.</p> <p>4. العدد $\frac{2\pi}{3}$ عدد عادي.</p>																								
لكل إجابة 10 درجات	الإجابة: 1. صح ، 2. صح 3. خطأ 4. خطأ																								
درجة التمرين الكاملة 50 درجة	<p>نص التمرين الأول:</p> <p>التمرين الأول:</p> <p>ليكن العدد $A = \frac{30}{7} - \frac{512}{224}$ والمطلوب :</p> <p>1. احسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 512 و 224 ثم اختزل الكسر $\frac{512}{224}$.</p> <p>2. احسب A وضعه بشكل كسر مختزل.</p>																								
25 لحساب القاسم 10 لاختزال الكسر 15 لحساب قيمة A	<p>الإجابة:</p> <p>1.</p> <table><tr><td>a</td><td>b</td><td>r</td></tr><tr><td>512</td><td>224</td><td>64</td></tr><tr><td>224</td><td>64</td><td>32</td></tr><tr><td>64</td><td>32</td><td>0</td></tr></table> <p>$\Rightarrow GCD(512, 224) = 32$</p> <p>$\frac{512}{224} = \frac{16}{7}$</p> <p>2. $A = \frac{30}{7} - \frac{16}{7} = \frac{14}{7} \Rightarrow A = 2$</p> <p>2.</p>	a	b	r	512	224	64	224	64	32	64	32	0												
a	b	r																							
512	224	64																							
224	64	32																							
64	32	0																							

درجة التمرين الكاملة 50 درجة	نص التمرين الثاني: $AB = \sqrt{80} - \sqrt{45}$, $AC = 5\sqrt{20} - \sqrt{405}$, $BC = \sqrt{5}$ مثلث فيه ABC اكتب كلاً من AB , AC بالصيغة $a\sqrt{5}$ ثم استنتج أنّ المثلث متساوي الأضلاع.						
20 درجة لتبسيط كل مقدار و10 درجات لاستنتاج نوع المثلث	الإجابة: <table><tr><td>$AB = \sqrt{80} - \sqrt{45}$$= \sqrt{16 \times 5} - \sqrt{9 \times 5}$$= 4\sqrt{5} - 3\sqrt{5}$$AB = \sqrt{5}$</td><td>$AC = 5\sqrt{20} - \sqrt{405}$$= 5\sqrt{4 \times 5} - \sqrt{81 \times 5}$$= 10\sqrt{5} - 9\sqrt{5}$$AC = \sqrt{5}$</td><td>$BC = \sqrt{5}$</td></tr><tr><td colspan="3">$\Rightarrow AB = AC = BC$<p>فالمثلث متساوي الأضلاع</p></td></tr></table>	$AB = \sqrt{80} - \sqrt{45}$ $= \sqrt{16 \times 5} - \sqrt{9 \times 5}$ $= 4\sqrt{5} - 3\sqrt{5}$ $AB = \sqrt{5}$	$AC = 5\sqrt{20} - \sqrt{405}$ $= 5\sqrt{4 \times 5} - \sqrt{81 \times 5}$ $= 10\sqrt{5} - 9\sqrt{5}$ $AC = \sqrt{5}$	$BC = \sqrt{5}$	$\Rightarrow AB = AC = BC$ <p>فالمثلث متساوي الأضلاع</p>		
$AB = \sqrt{80} - \sqrt{45}$ $= \sqrt{16 \times 5} - \sqrt{9 \times 5}$ $= 4\sqrt{5} - 3\sqrt{5}$ $AB = \sqrt{5}$	$AC = 5\sqrt{20} - \sqrt{405}$ $= 5\sqrt{4 \times 5} - \sqrt{81 \times 5}$ $= 10\sqrt{5} - 9\sqrt{5}$ $AC = \sqrt{5}$	$BC = \sqrt{5}$					
$\Rightarrow AB = AC = BC$ <p>فالمثلث متساوي الأضلاع</p>							
درجة التمرين الكاملة 50 درجة	نص التمرين الثالث: لدينا المقدار $E = (3x + 5)^2 - (3x + 5)(x - 3)$ 1. انشر واختزل E . 2. حل E الى جداء عوامل من الدرجة الأولى.						
25 درجة للنشر و25 للتحليل	الإجابة: 1. $E = (3x + 5)^2 - (3x + 5)(x - 3)$ $= (3x)^2 + 2(3x)(5) + (5)^2 - [3x^2 - 9x + 5x - 15]$ $= 9x^2 + 30x + 25 - 3x^2 + 4x + 15$ $= 6x^2 + 34x + 40$ 2. $E = (3x + 5)^2 - (3x + 5)(x - 3)$ $= (3x + 5)[3x + 5 - x + 3]$ $= (3x + 15)(2x - 8)$						
درجة التمرين الكاملة 50 درجة	نص التمرين الرابع: احسب قيمة المقدار ثم بين طبيعته. $A = \frac{16 \times 10^{-1} \times 2}{(10^3)^2 \times 10^{-8} \times 80}$						
توزع الدرجات على خطوات الحل	الإجابة: $A = \frac{16 \times 10^{-1} \times 2}{(10^3)^2 \times 10^{-8} \times 80} = \frac{32 \times 10^{-1}}{10^6 \times 10^{-8} \times 8 \times 10} = \frac{32 \times 10^{-1}}{8 \times 10^{-1}}$ $A = 4$ <p>ومنه A عدد صحيح</p>						

توزيع العلامات علما ان درجة الهندسة الكاملة 300 درجة	نص السؤال الأول: في كل مما يلي إجابة واحدة صحيحة عينها:						
لكل إجابة 15 درجة	<p>1. إذا كان $\tan \theta = \frac{3}{\sqrt{3}}$ فإن θ تساوي:</p> <table border="1"> <tr> <td>30° -A</td> <td>45° -B</td> <td>60° -C</td> </tr> </table> <p>2. إذا كان ABC مثلث قائم في B و $\hat{A} \neq \hat{C}$ فإن:</p> <table border="1"> <tr> <td>$\sin \hat{A} = \cos \hat{C}$ -A</td> <td>$\sin \hat{A} = \sin \hat{C}$ -B</td> <td>$\cos \hat{A} = \cos \hat{C}$ -C</td> </tr> </table> <p>الإجابة هي: 1- C - 60° ، 2- $\sin \hat{A} = \cos \hat{C}$</p>	30° -A	45° -B	60° -C	$\sin \hat{A} = \cos \hat{C}$ -A	$\sin \hat{A} = \sin \hat{C}$ -B	$\cos \hat{A} = \cos \hat{C}$ -C
30° -A	45° -B	60° -C					
$\sin \hat{A} = \cos \hat{C}$ -A	$\sin \hat{A} = \sin \hat{C}$ -B	$\cos \hat{A} = \cos \hat{C}$ -C					
	<p>نص السؤال الثاني: في كل مما يأتي احب بكلمة صح او خطأ: 1. إن العبارة $\sin^2 20 + \sin^2 70 = 1$ صحيحة. 2. إذا كانت \hat{B} زاوية حادة وكان $\tan \hat{B}$ عدد صحيح فإن قياس \hat{B} هو 45°.</p>						
لكل إجابة 10 درجة	<p>الإجابة: 1- (صح)؛ بما أن $\sin 70 = \cos 20 \Rightarrow \sin^2 20 + \cos^2 20 = 1$ 2- (صح)؛ $\tan 45^\circ = 1$</p>						
75 درجة	<p>نص السؤال الثالث: حل التمارين الآتية: <u>التمرين الأول:</u> (1) ABC مثلث فيه $\hat{C} = 60^\circ$ و $\frac{\hat{A}}{\hat{B}} = \frac{1}{3}$ والمطلوب: 1. احسب قياس كلاً من الزاويتين \hat{A} , \hat{B} ثم استنتج طبيعة المثلث ABC. 2. احسب $\sin \hat{A}$. (2) إذا علمت أن $\cos \theta = \frac{3}{5}$ احسب $\sin \theta$, $\tan \theta$.</p>						
أولاً 35 درجة للطلب الأول 15 درجة للطلب الثاني	<p>الإجابة: أولاً:</p> <p>1. مجموع زوايا المثلث $= 180^\circ$ ونعلم ان $\hat{C} = 60^\circ$ ومنه</p> $\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ$ $\hat{A} + \hat{B} + 60^\circ = 180^\circ$ $\hat{A} + \hat{B} = 180^\circ - 60^\circ$ $\hat{A} + \hat{B} = 120^\circ$ <p>- لدينا: $\frac{\hat{A}}{\hat{B}} = \frac{1}{3}$ - حسب خواص التناسب:</p> $\frac{\hat{A} + \hat{B}}{\hat{B}} = \frac{1+3}{3}$ $\frac{120^\circ}{\hat{B}} = \frac{1+3}{3}$ $\frac{120^\circ}{\hat{B}} = \frac{4}{3}$ $\hat{B} = \frac{3 \times 120^\circ}{4} = 90^\circ$ $\Rightarrow \hat{A} + 90^\circ = 120^\circ$ $\hat{A} = 120^\circ - 90^\circ$ $\hat{A} = 30^\circ$						

25 درجة لثانياً	<p>2. $\sin \hat{A} = \sin 30^\circ = \frac{1}{2}$</p> <p>ثانياً: نعلم ان</p> $\cos^2 \theta + \sin^2 \theta = 1$ $\left(\frac{3}{5}\right)^2 + \sin^2 \theta = 1$ $\frac{9}{25} + \sin^2 \theta = 1$ $\sin^2 \theta = 1 - \frac{9}{25}$ $\sin^2 \theta = \frac{25}{25} - \frac{9}{25}$ $\sin^2 \theta = \frac{16}{25}$ <p>- نأخذ الطرفين:</p> $\sin \theta = \frac{4}{5}$ <p>نعلم ان $\tan \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta}$</p> $= \frac{\frac{4}{5}}{\frac{3}{5}}$ $\tan \theta = \frac{4}{3}$
75 درجة	<p>التمرين الثاني: في الشكل المجاور:</p> <p>1. احسب $\sin \hat{P}$ في المثلث PMN ثم في المثلث PFE</p> <p>2. استنتج طول PF ثم احسب طول PN.</p> <p>3. احسب طول FN.</p>
لكل من الطلب الأول والثاني 30 درجة والثالث 15	<p>الإجابة:</p> <p>1- $\sin \hat{P}$ في $PMN = \frac{MN}{PM} = \frac{9}{15}$</p> <p>$\sin \hat{P}$ في $PFE = \frac{FE}{PF} = \frac{3}{PF}$</p> <p>2- بما ان \hat{P} زاوية مشتركة بين المثلثين PMN و PFE من الطلب السابق نجد:</p> $\frac{MN}{PM} = \frac{FE}{PF}$ $\frac{9}{15} = \frac{3}{PF}$ $\Rightarrow PF = \frac{3 \times 15}{9} = \frac{45}{9} = 5cm$ <p>حسب فيثاغوث في المثلث PMN</p> $PM^2 = MN^2 + PN^2$ $15^2 = 9^2 + PN^2$ $225 = 81 + PN^2$ $225 - 81 = PN^2$ $144 = PN^2$ $PN = \sqrt{144} = 12cm$ <p>3. $FN = PN - PF$</p> $= 12 - 5 = 7cm$ $FN = 7cm$

100 درجة	<p>نص المسألة:</p> <p>K, M, L, N نقاط من دائرة مركزها O ، حيث MN قطر في الدائرة طوله 12 cm ولدينا: $\widehat{KMN} = 60^\circ$ ، $\widehat{LNM} = 45^\circ$ المطلوب:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. ما نوع المثلث LMN بالنسبة لأضلاعه؟ واستنتج قياس الزاوية \widehat{NML}. 2. احسب قياس كلاً من \widehat{MKN} ، \widehat{LMK}. 3. احسب طول كلاً من KN ، MK ، ML.
30 درجة لكل من الطالبين الأول والثاني و40 درجة للطلب الثالث	<p>الإجابة:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. LMN مثلث متساوي الساقين لان LMN مثلث قائم في L (أحد أضلاعه قطر في الدائرة المارة برؤوسه) وفيه $\widehat{MNL} = 45^\circ$ نعلم أن مجموع زوايا المثلث تساوي 180° $\widehat{NML} = 180^\circ - (90^\circ + 45^\circ) \Leftarrow$ $\widehat{NML} = 45^\circ$ 2. $\widehat{LMK} = \widehat{LMN} + \widehat{MKN} = 105^\circ$ $\widehat{LMK} = 45^\circ + 60^\circ = 105^\circ$ $\widehat{MKN} = 90^\circ$ (أحد أضلاع المثلث MKN قطر بالدائرة المارة برؤوسه فهو قائم) في المثلث MLN لدينا: $\cos \widehat{M} = \cos 45^\circ = \frac{ML}{MN}$ $ML = \frac{12 \times \sqrt{2}}{2} \Leftarrow \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{ML}{12}$ $\boxed{ML = 6\sqrt{2}\text{ cm}}$ <p>في المثلث MKN</p> $\sin \widehat{N} = \sin 30^\circ = \frac{MK}{MN}$ $MK = \frac{12 \times 1}{2} \Leftarrow \frac{1}{2} = \frac{MK}{12}$ $\boxed{MK = 6\text{ cm}}$ $\cos \widehat{N} = \cos 30^\circ = \frac{KN}{MN}$ $KN = \frac{12 \times \sqrt{3}}{2} \Leftarrow \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{KN}{12}$ $\boxed{KN = 6\sqrt{3}\text{ cm}}$

ملاحظة تقبل أي طريقة تعطي الحل الصحيح.