

السؤال الأول

الطلب الأول:

بفرض النقطة  $N(0, y, 0)$  (درجة 5)

$$\begin{aligned} AN &= BN \text{ (درجة 5)} \\ \sqrt{9 + (y - 2)^2 + 1} &= \sqrt{1 + y^2 + 25} \\ 10 + y^2 - 4y + 4 &= y^2 + 26 \text{ (درجة 5)} \\ -4y &= 12 \Rightarrow y = 3 \\ N(0, 3, 0) &\text{ (درجة 5)} \end{aligned}$$

الطلب الثاني:

الطريقة 1:

$$\begin{aligned} AB &= \sqrt{4 + 4 + 16} = \sqrt{24} \text{ (درجة 3)} \\ AM &= \sqrt{4 + 1 + (\lambda - 1)^2} = \sqrt{(\lambda - 1)^2 + 5} \text{ (درجة 3)} \\ BM &= \sqrt{1 + (\lambda - 5)^2} \\ BM^2 &= AM^2 + AB^2 \text{ (درجة 5)} \\ 1 + (\lambda - 5)^2 &= (\lambda - 1)^2 + 5 + 24 \\ 1 + \lambda^2 - 10\lambda + 25 &= \lambda^2 - 2\lambda + 1 + 24 + 5 \\ -10\lambda + 2\lambda &= 4 \text{ (درجة 4)} \\ -8\lambda &= 4 \Rightarrow \lambda = -\frac{1}{2} \text{ (درجة 5)} \end{aligned}$$

الطريقة 2:

$$\begin{aligned} \overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{AB} &= 0 \text{ (درجة 5)} \\ \begin{pmatrix} -2 \\ -1 \\ \lambda - 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} -2 \\ -2 \\ 4 \end{pmatrix} &= 0 \text{ (درجة 5)} \\ 4 + 2 + 4\lambda - 4 &= 0 \text{ (درجة 5)} \\ 4\lambda &= -2 \\ \lambda &= -\frac{1}{2} \text{ (درجة 5)} \end{aligned}$$

المسألة

1- لدينا:

$$\begin{aligned} A(0, 0, 0) \quad E(0, 0, 2) \\ B(2, 0, 0), F(2, 0, 2) \\ C(2, 2, 0), G(2, 2, 2) \\ D(0, 2, 0), H(0, 2, 2) \end{aligned}$$

3 درجة لكل رأس.

2- لدينا:

$$J\left(\frac{2}{3}, \frac{4}{3}, \frac{2}{3}\right) \text{ درجة 3}$$

نشكل الأشعة:

$$\begin{aligned} \overrightarrow{AH}(0, 2, 2), \overrightarrow{CJ}\left(-\frac{4}{3}, -\frac{2}{3}, \frac{2}{3}\right) \\ \overrightarrow{HC}(2, 0, -2), \overrightarrow{AJ}\left(\frac{2}{3}, \frac{4}{3}, \frac{2}{3}\right) \end{aligned}$$

درجتين لكل شعاع. (8 درجات كاملة).

$$\overrightarrow{AH} \cdot \overrightarrow{CJ} = 0 - \frac{4}{3} + \frac{4}{3} = 0 \text{ درجة 3}$$

$$\text{درجة } 3 \quad \overrightarrow{HC} \cdot \overrightarrow{AJ} = \frac{4}{3} + 0 - \frac{4}{3} = 0$$

بما أن الأشعة متعامدة فإن  $J$  نقطة تلاقي الارتفاعات. درجة 3

### 3- محذوف

4- بما أن مركز ثقله هو نفسه نقطة تلاقي الارتفاعات فهو مثلث متساوي الأضلاع (درجة 5) أو يمكن حساب أطوال أضلاعه ومعرفة ذلك، مساحته:

$$S = \frac{\sqrt{3}}{4} a^2 \text{ درجة } 5$$

$$a = AC = \sqrt{4+4} = \sqrt{8} = 2\sqrt{2} \text{ درجة } 5$$

$$S = \frac{\sqrt{3}}{4} (8) = 2\sqrt{3} \text{ درجة } 5$$

في حال استخدم طريقة حساب أطوال الأضلاع: لكل ضلع 3 درجات، النتيجة (متساوي الأضلاع) 3 درجات، 3 درجات للقانون و5 درجات للتعويض والناتج الصحيح.

5- لتتبع النقطة  $J$  للمستوي المحوري:

$$AJ = CJ \text{ درجة } 5$$

$$\sqrt{\frac{4}{9} + \frac{16}{9} + \frac{4}{9}} = \sqrt{\frac{16}{9} + \frac{4}{9} + \frac{4}{9}} \text{ درجة } 5 + 5$$

$$\sqrt{\frac{24}{9}} = \sqrt{\frac{24}{9}} \text{ درجة } 5$$

$J$  تنتمي للمستوي المحوري للقطعة المستقيمة  $[AC]$ .  
6- لدينا:

$$\overrightarrow{AH} \cdot \overrightarrow{AC} = |\overrightarrow{AC}| \cdot |\overrightarrow{AH}| \cdot \cos \widehat{HAC} \text{ درجة } 5$$

$$\Rightarrow \cos \widehat{HAC} = \frac{\overrightarrow{AH} \cdot \overrightarrow{AC}}{|\overrightarrow{AC}| \cdot |\overrightarrow{AH}|} = \frac{4}{\sqrt{8}\sqrt{8}} = \frac{1}{2} \text{ درجة } 5$$

إذا كتب القانون بدلالة  $\vec{u}$  و  $\vec{v}$  يقبل القانون ويأخذ الدرجات المخصصة له.