

**التمرين الأول:**ليكن  $f$  التابع المعرفة على  $R$  وفق:

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x \sin x}{\sqrt{x^2 + 1} - 1} & , x \neq 0 \\ m & , x = 0 \end{cases}$$

١. جد نهاية التابع  $f$  عند الصفر٢. عين قيمة العدد  $m$  ليكون التابع  $f$  مستمراً عند الصفر**التمرين الثاني:**ليكن لدينا التابع  $f$  المعرفة على  $R$  وفق:

$$f(x) = x + \frac{E(x)}{x^2 + 1}$$

أثبت أن المستقيم  $\Delta$  الذي معادلته  $y = x$  مقارب مائل للخط البياني في جوار  $+\infty$ **التمرين الثالث:**ليكن  $C$  الخط البياني للتابع  $f$  المعرفة على

$$[1, +\infty[ \cup ]-\infty, -1]$$
 وفق:

$$f(x) = x - \sqrt{x^2 - 1}$$

أثبت أن المستقيم  $\Delta$  الذي معادلته  $y = 2x$  مقارب مائل للخط البياني في جوار  $-\infty$  ثم ادرس الوضع النسبي للمقارب  $\Delta$  والخط البياني  $C$ **التمرين الرابع:**ليكن  $C$  الخط البياني للتابع  $f$  المعرفة على  $R$  وفق:

$$f(x) = x + \frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}}$$

١. احسب  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ٢. أثبت أن المستقيم  $\Delta$  الذي معادلته  $y = x + 1$  مقارب مائل للخط البياني  $C$  في جوار  $+\infty$ ٣. ادرس الوضع النسبي بين  $\Delta$  والخط  $C$ **التمرين الخامس:**ليكن  $C$  الخط البياني للتابع  $f$  المعرفة على  $R \setminus \{-3\}$  وفق:

$$f(x) = \frac{2x^2 - 7x - 3}{x + 3}$$

١. احسب  $a = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$ ٢. احسب  $b = \lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - ax)$ ٣. استنتج معادلة المقارب المائل  $\Delta$ ٤. ادرس الوضع النسبي بين  $\Delta$  و  $C$ **التمرين السادس:**ليكن  $C_f$  الخط البياني للتابع  $f$  المعرفة على المجال  $[0, +\infty[$  وفق:

$$f(x) = E(x) + (x - E(x))^2$$

١. اكتب  $f(x)$  بصيغة مستقلة عن  $E(x)$ على المجال  $[0, 2]$ ٢. ارسم التابع  $f(x)$  على المجال  $[0, 2]$ ٣. احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$ ٤. احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ثم استنتج  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(f(x))$ ٥. ادرس استمرارية التابع  $f$  عند النقطة التي فاصلتها  $x = 1$ 

انتهت الأسئلة..

بالتوفيق الدائم ^ \_ ^