

**التمرين الخامس:**  
 ليكن  $C$  الخط البياني للتابع  $f$  المعرف على  $R \setminus \{-3\}$  وفق:

$$f(x) = \frac{2x^2 - 7x - 3}{x + 3}$$

١. احسب  $a = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$
٢. احسب  $b = \lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - ax)$
٣. استنتج معادلة المقارب المائل  $\Delta$
٤. ادرس الوضع النسبي بين  $\Delta$  و  $C$

**التمرين السادس:**

ليكن  $C_f$  الخط البياني للتابع  $f$  المعرف على المجال  $[0, +\infty[$  وفق:

$$f(x) = E(x) + (x - E(x))^2$$

١. اكتب  $f(x)$  بصيغة مستقلة عن  $E(x)$  على المجال  $[0, 0,2]$
٢. ارسم التابع  $f(x)$  على المجال  $[0, 0,2]$
٣. احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$
٤. احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ثم استنتج  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(f(x))$
٥. ادرس استقرارية التابع  $f$  عند النقطة التي ماقولتها  $x = 1$

انتهت الأسئلة..

بالتوقيف الدائم ^\_^

**التمرين الأول:**  
 ليكن  $f$  التابع المعرف على  $R$  وفق:

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x \sin x}{\sqrt{x^2 + 1} - 1}, & x \neq 0 \\ m, & x = 0 \end{cases}$$

١. جد نهاية التابع  $f$  عند الصفر
٢. عين قيمة العدد  $m$  ليكون التابع  $f$  مستمراً عند الصفر

**التمرين الثاني:**

ليكون لدينا التابع  $f$  المعرف على  $R$  وفق:

$$f(x) = x + \frac{E(x)}{x^2 + 1}$$

أثبت أن المستقيم  $\Delta$  الذي معادلته  $y = x$  مقارب مائل للخط البياني في جوار  $+\infty$

**التمرين الثالث:**

ليكن  $C$  الخط البياني للتابع  $f$  المعرف على  $[-1, +\infty[ \cup [1, +\infty]$  وفق:

$$f(x) = x - \sqrt{x^2 - 1}$$

أثبت أن المستقيم  $\Delta$  الذي معادلته  $y = 2x$  هو مقارب مائل للخط البياني في جوار  $-\infty$  ثم ادرس الوضع النسبي للمقارب  $\Delta$  والخط البياني  $C$

**التمرين الرابع:**

ليكن  $C$  الخط البياني للتابع  $f$  المعرف على  $R$  وفق:

$$f(x) = x + \frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}}$$

١. احسب  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$
٢. أثبت أن المستقيم  $\Delta$  الذي معادلته  $y = x + 1$  هو مقارب مائل للخط البياني  $C$  في جوار  $+\infty$
٣. ادرس الوضع النسبي بين  $\Delta$  والخط  $C$