

المرجع في الرياضيات

لطلاب الصف الثالث الاعدادي

يحتوي هذا العمل على:

- ❑ تلخيص لغالب أفكار كتابي الجبر والهندسة بحيث تم تلخيص كل بحث بورقة واحدة فقط وتم تدعيم الملخصات بأرقام وصفحات التمارين الهامة من الكتابين ليقوم الطالب بمراجعتها بعد أخذ كل بحث على حدى
- ❑ لكل بحث ورقة عمل خاصة مرفقة مع حلها مع وضع بنك جيد من أسئلة النظري (اختر الإجابة الصحيحة – سؤال الصح أو خطأ)

إعداد المُدرس **لؤي الدمني**





تذكر دوماً أنك قادر على تحقيق أحلامك وأنَّ المستقبل خُلِق لتبنيه بيدك وتذكر دوماً عبارتي
المفضلة في هذه الحياة **إنَّ هذا الوقت سيمضي....**
بحلوه ومره سيمضي فيجب عليك أن تستمتع بما هو جيد من وقتك دوماً لأنه الى زوال
وعليك ألا تعطي الأتسياء السلبية قيمة كبيرة في حياتك لأنها أيضاً الى زوال...
إنَّ هذا الوقت سيمضي ولكنه يمضي من عمرنا فاحرص على أن يمضي بكل فوائده وبدون ضرر....
احبكم جداً ♥



مجموعات الأعداد

1. مجموعة الأعداد الطبيعية: وهي الأعداد الموجبة والصفر (دون كسور أو جذور أو فواصل).

$$\mathbb{N} = \{0, 1, 2, 3, 4, \dots\}$$

2. مجموعة الأعداد الصحيحة: وهي الأعداد الموجبة والسالبة (دون كسور أو جذور أو فواصل).

$$\mathbb{Z} = \{\dots, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, \dots\}$$

3. الأعداد العشرية: وهي كل عدد يكتب بالصيغة $a \times 10^b$ (حيث a, b عدنان صحيحان)

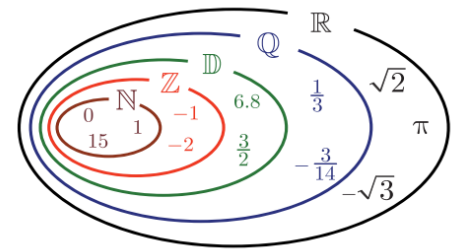
4. الأعداد العادية: \mathbb{Q} : العدد العادي هو كل عدد يمكن كتابته بالصيغة $\frac{a}{b}$ (حيث a عدد صحيح و b عدد طبيعي موجب).

♥ لكل عدد عادي كتابة عشرية منتهية أو دورية غير منتهية أي أن خاناته تتكرر بدءاً من حد معين.

♥ الأعداد الصحيحة والعشرية هي أيضاً أعداد عادية.

5. الأعداد غير العادية: \mathbb{Q} : هو كل عدد ليس دوري وليس عشري منته مثل: $\pi, \sqrt{2}$

6. الأعداد الحقيقية: \mathbb{R} : وهي الأعداد العادية وغير العادية.



قواسم الأعداد

ملاحظة: فيما يأتي a, b, k أعداد طبيعية موجبة تماماً.

✓ القول (k قاسم للعدد a) أي أن $\frac{a}{k}$ عدد صحيح.

✓ القول (k قاسم للعدد a) يُعبر عنه أيضاً بالقول (k يقسم a).

✓ لكل عدد طبيعي عدا العدد 1 قاسمان طبيعيين على الأقل هما العدد 1 والعدد نفسه.

✓ العدد الأولي: هو العدد الذي له قاسمان مختلفان فقط هما العدد 1 والعدد نفسه.

✓ القول k قاسم مشترك للعددين a, b يعني أن k يقسم كلياً من العددين a, b في آن معاً.

✓ القول a, b أوليان فيما بينهما يعني أن 1 هو القاسم المشترك الطبيعي الوحيد لهما.

✓ القول ($\frac{a}{b}$) كسر مختزل أي أن a, b عدنان أوليان فيما بينهما.

وبهذا يكون $\frac{a}{b}$ كسر غير قابل للاختزال إذا كان a, b عدنان أوليان فيما بينهما

القاسم المشترك الأكبر

أكبر القواسم المشتركة للعددين a, b يسمى القاسم المشترك الأكبر لهما.

ونرمز إليه بـ $GCD(a, b)$. ويكون:

$$1. GCD(a, a) = a$$

2. إذا كان b قاسماً لـ a كان $GCD(a, b) = b$

3. القول a, b أوليان فيما بينهما يعني أن

$$GCD(a, b) = 1$$

التمارين الهامة هذه الوحدة رقم التمرين الصفحة

$$\frac{8-9-12}{32} + \frac{14}{33} + \frac{18}{34}$$

هذا لا يعني أن باقي التمارين محذوفة كل ما في الكتاب هام

وهناك ثلاث طرق لإيجاده:

1. طريقة الطرح المتتالي.

لإيجاد القاسم المشترك الأكبر باستخدام

خوارزمية الطرح المتتالي نتبع الخطوات التالية:

- نطرح أصغر العددين وليكن b من أكبرهما a .
- نستمر بالطرح على المبدأ

$$GCD(a, b) = GCD(b, a - b)$$

- القاسم المشترك الأكبر هو آخر ناتج طرح غير معدوم (أي لا يساوي الصفر).

2. طريقة باقي القسمة (أقليدس).

لإيجاد القاسم المشترك الأكبر باستخدام خوارزمية

القسمة الاقليدية نتبع الخطوات التالية: بشرط أن $(a > b)$.

- نقسم a على b اقليدياً (قسمة مع باقي) حيث r هو باق القسمة و k هو ناتجها.

$$a = k \times b + r$$

- نكرر الخطوة السابقة مع العددين b و r .

- نتابع وفق هذا النمط حتى نصل الى الخطوة التي يكون فيها الباقي صفراً.

- القاسم المشترك الأكبر لهما هو آخر باقي غير معدوم.

3. طريقة كتابة جميع القواسم المشتركة واختيار الأكبر بينهم.

فائدة القاسم المشترك الأكبر: إذا اختصرنا

كسر ما بتقسيم بسطه ومقامه على

القاسم المشترك الأكبر لهما حصلنا على

كسر مختزل.

الجذر التربيعي لعدد موجب:

الجذر التربيعي لعدد موجب a هو عدد مربعه يساوي a وفي حالة $a > 0$ يكون للعدد جذران تربيعيان أحدهما موجب \sqrt{a} والآخر سالب $-\sqrt{a}$.

أما في حالة $a = 0$ فيكون $\sqrt{a} = 0$.

ويقرأ \sqrt{a} (الجذر التربيعي للعدد a).

خواص هامة: أيأ كان العددين الموجبين a, b

$$1. (\sqrt{a})^2 = a$$

$$2. \sqrt{a^2} = a$$

$$3. \sqrt{a} \times \sqrt{a} = a$$

4. جداء ضرب الجذرين التربيعيين لعددين موجبين

يساوي الجذر التربيعي لجداء ضرب هذين

العددين ففي حالة a, b عددين موجبين فإن:

$$\sqrt{a} \times \sqrt{b} = \sqrt{a \times b}$$

$$\sqrt{a \times b} = \sqrt{a} \times \sqrt{b}$$

5. خارج قسمة جذرين تربيعيين لعددين موجبين

يساوي الجذر التربيعي لخارج قسمة هذين

العددين ففي حالة a, b عددين موجبين فإن:

$$\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a}{b}}$$

$$\sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$$

6. لا يصح توزيع الجذر على عمليتي الجمع والطرح

$$\sqrt{a \pm b} \neq \sqrt{a} \pm \sqrt{b}$$

7. لتحويل الكسر $\frac{a}{b}$ الى كسر مقامه عدد صحيح

نضرب كلياً من بسطه ومقامه بالعدد \sqrt{b} .

8. لتحويل المقدار $a\sqrt{b}$ للشكل \sqrt{c} فإننا نربع

العدد a ثم ندخله تحت الجذر ليضرب بالعدد b .

9. إذا كان لدينا $\sqrt{a^n}$ حيث n عدد زوجي فإن

$$\sqrt{a^n} = a^{\frac{n}{2}}$$

10. لتبسيط جذر لعدد اصم فإننا نبحث عن جداء

عددين يعطينا هذا الجذر بحيث يقبل

أحدهما عملية الجذر والآخر نبقيه تحت الجذر.

انتهى ملخص الوحدة الاولى

النشر

هو التحويل من جداء الى مجموع. **طرق النشر:**

♥ قاعدة التوزيع: $k(a + b) = ka + kb$

♥ قاعدة جداء ذي حدين بمثلته:

$$(a + b)(c + d) = ac + ad + bc + bd$$

♥ المطابقات التربيعية الشهيرة:

1. مربع مجموع حدين يساوي مربع الأول زائد ضعفي الأول بالثاني زائد مربع الثاني.

$$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

2. مربع فرق حدين يساوي مربع الأول ناقص ضعفي الأول بالثاني زائد مربع الثاني.

$$(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

3. جداء مجموع حدين بفرقهما يساوي مربع الأول ناقص مربع الثاني.

$$(a + b)(a - b) = a^2 - b^2$$

التحليل

هو التحويل من مجموع الى جداء. **طرق التحليل:**

♥ طريقة سحب عامل مشترك. $ka + kb = k(a + b)$

♥ بنفس طريقة النشر باستعمال المطابقات نقوم

بالتحليل ولكن بطريقة معاكسة.

✓ المطابقتين الأولى والثانية (ثلاث حدود):

$$\underbrace{a^2}_{\text{جذر الاول}} + \underbrace{\pm 2ab}_{\text{اشارة الثاني}} + \underbrace{b^2}_{\text{جذر الثالث}} = (a \pm b)^2$$

✓ المطابقة الثالثة: $a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$

انتهى ملخص الوحدة الثانية

قواعد الحساب

ملاحظة: a, b يرمزان الى عددين عاديين غير معدومين و m, n يرمزان الى عددين صحيحين.

♥ ضرب قوتين لهما نفس الأساس هو الأساس نفسه مع جمع الأسس.

$$a^n \times a^m = a^{n+m} \quad \text{أي}$$

♥ قسمة قوتين لهما نفس الأساس هو الأساس نفسه مع طرح الأسس.

$$\frac{a^n}{a^m} = a^{n-m} \quad \text{أي}$$

♥ قوة القوة هي ضرب الأسس.

$$(a^n)^m = a^{n \times m} \quad \text{أي}$$

♥ يمكن توزيع الأسس على عملية الضرب.

$$(a \times b)^n = a^n \times b^n \quad \text{أي}$$

♥ يمكن توزيع الأسس على عملية القسمة.

$$\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n} \quad \text{أي}$$

♥ إذا كان n عدد طبيعي زوجي فإن $\sqrt[n]{a^n} = a^{\frac{n}{2}}$

♥ حالة خاصة: قوى العدد 10. أيأ كان العدد الطبيعي n :

$$10^n = 1 \underbrace{0000 \dots 0}_{\text{صفرأ } n}$$

$$10^{-n} = 0.0000 \dots 01 \underbrace{}_{\text{صفرأ } n}$$

ملخص الوحدة الثانية لعام 2023/2024

مادة الجبر (القوى)

اعداد المدرس لوي الدمني 0991518690



قوى عدد عادي

تعريف: إذا كان a عدداً عادياً موجباً وكان n عدداً صحيحاً موجباً فعندئذ يرمز a^n الى القوة من المرتبة n للعدد a ويقرأ (a أس n).

ويعرّف كالاتي:

♥ في حالة $a^0 = 1 : a \neq 0$

♥ في حالة $a^1 = a : n = 1$

♥ في حالة $a^{-1} = \frac{1}{a} : n = -1$

♥ في حالة $n \geq 2$:

$$a^n = \underbrace{a \times a \times a \dots \times a}_{n \text{ مرة}}$$

♥ في حالة $n \leq -2$:

$$a^{-n} = \frac{1}{a^n} = \underbrace{\frac{1}{a} \times \frac{1}{a} \times \frac{1}{a} \dots \times \frac{1}{a}}_{n \text{ مرة}}$$

يسمى a^n القوة من المرتبة n للعدد a ويسمى a أساس هذه القوة ويسمى n أسها.

رقم التمرين

التمارين الهامة هذه الوحدة

$$\frac{6-7-8-9}{48} + \frac{10-12-13-14}{49} + \frac{17-18}{50}$$

هذا لا يعني أن باقي التمارين محذوفة

كل ما في الكتاب هام



أسئلة لامتحان التحريبي الأول عام 2023/2024

مادة الجبر (الوحدات الأولى والثانية)

اعداد المدرس لؤي الدمني 0991518690

التمرين الأول: ليكن لدينا كل من المقادير:

$$A = \frac{512}{224} - \frac{2}{7}$$

$$B = \frac{4^3 \times 15^7 \times 9^5 \times 5^3}{25^5 \times 8^2 \times 3^{16}}$$

$$C = 2\sqrt{12} - 7\sqrt{75} + \sqrt{1728} + 7\sqrt{3} + 4$$

$$D = 2B - \frac{C}{2A} - 4$$

1. أوجد $GCD(512, 224)$ ثم اختزل الكسر $\frac{512}{224}$
ثم احسب المقدار A .

2. اكتب المقدار B بالصيغة $B = 2^a \times 3^b \times 5^c$ ثم احسب قيمته.

3. اكتب المقدار C بالصيغة $C = a\sqrt{b} + c$ ثم احسب قيمته.

4. احسب المقدار D بأبسط شكل ثم بين إذا ما كان عدد عادي ام غير عادي.

التمرين الثاني: ليكن لدينا ABC مثلث قائم في B فيه:

$$AB = \sqrt{50} - \sqrt{8}, \quad BC = \frac{\sqrt{128}}{2}$$

1. اكتب كلاً من الضلعين AB, BC بالشكل $a\sqrt{2}$.

2. أثبت أن طول الوتر $AC = 5\sqrt{2}$.

3. احسب $\cos(C)$ بأبسط شكل ممكن.

4. احسب كلاً من محيط ومساحة المثلث واكتب المحيط بالشكل \sqrt{c} .

التمرين الثالث: ABC مثلث فيه: $AB = (\sqrt{27} + \sqrt{3})cm$

$$, \quad BC = \sqrt{48}cm, \quad AC = (\sqrt{75} - \sqrt{3})cm$$

1. اثبت ان الشكل ABC مثلث متساوي الأضلاع.

2. احسب ارتفاعه ثم مساحته بأبسط شكل.

3. احسب محيطه ثم اكتبه بالصيغة \sqrt{c} .

التمرين الرابع: ليكن لدينا العددين Y, Z حيث:

$$Y = (5\sqrt{3} - 4\sqrt{5})(5\sqrt{3} + 4\sqrt{5})$$

$$Z = (2\sqrt{5} - 10\sqrt{2})^2$$

1. اوجد قيمة العدد Y بأبسط شكل ممكن.

2. اكتب العدد Z بالشكل $Z = a\sqrt{b} + c$.

3. أي من العددين السابقين صحيح وأيهما غير عادي؟

التمرين الخامس: ليكن لدينا المقدار B حيث:

$$B = (5x - 3)(2x + 9) - 5(2x + 9)$$

1. أوجد قيمة المقدار B من أجل $x = -\frac{9}{2}$.

2. أنشر المقدار B وكتبه بأبسط شكل ممكن.

3. أوجد قيمة المقدار B من أجل $x = 1 + \sqrt{2}$.

4. حلل المقدار B الى جداء عوامل من الدرجة الأولى.

التمرين السادس: أنشر كلاً مما يأتي:

$$A = (2x + 5)^2 - (2x - 5)^2$$

$$B = (6x - 2\sqrt{3})(6x + 2\sqrt{3}) + 2x(x + 1)$$

$$C = (3x + 7)(3x + 5) - 5x(2x - 1)$$

التمرين السابع: حلل كلاً مما يأتي:

$$A = 8x^2 - 12x$$

$$B = (8x + 3)(2x - 1) + 7(2x - 1)$$

$$C = (2x - 7)(4x + 5) - 6x + 21$$

$$D = x^3 + x^2 + x + 1$$

$$E = (2x + 5)^2 - (2x - 5)^2$$

$$F = (x - 3)^2 + 14(x - 3) + 49$$

$$G = (5x - 2)(5x + 2)^2 - 25(5x - 2)$$

$$H = 4x^2(x + 1) - 9(x + 1)$$

التمرين الثامن: MNK مثلث قائم في N فيه

$$MN = \sqrt{2^6}, \quad NK = \frac{5^3 \times 2}{125 \times 2^{-2}}$$

1. أثبت أن المثلث متساوي الساقين.

2. احسب طول الوتر.

3. احسب $\sin(M)$ واكتبه بشكل كسر مختزل.

2022 التمرين التاسع: $E = (x - 1)^2 - 4$

1. انشر ثم اختزل E .

2. حلل E الى جداء عوامل.

2021 التمرين العاشر: $E = (x - 2)(2x + 5) - 3(x - 2)$

1. انشر ثم اختزل E .

2. حلل E الى جداء عوامل.

2021 التمرين الحادي عشر: المستطيل $ABCD$ بعده $AD = \sqrt{12}$

$$AB = \sqrt{27} + 2\sqrt{3}$$

والمطلوب:

1. اكتب كلاً من بعدي المستطيل بالصيغة $a\sqrt{3}$.

2. احسب محيط المستطيل ومساحته.

2020 التمرين الثاني عشر: أولاً: $A = (x - 5)^2 - 9$

1. انشر ثم اختزل A .

2. حلل A الى جداء عوامل.

ثانياً: ليكن المقدار $B = \frac{4^5 \times 3^2 \times 15}{2^6 \times 3^3}$

مع كامل دعائي لكم بالتوفيق والنجاح

أ.لؤي الدمني

$$D = 2B - \frac{C}{2A} - 4 \quad (4)$$

$$= 2(3) - \frac{4}{2(2)} - 4$$

$$= 6 - \frac{4}{4} - 4$$

$$= 6 - 1 - 4$$

$$D = 1$$

$$= \frac{2^6 \times 3^7 \times 5^7 \times 3^{10} \times 5^3}{5^{10} \times 2^6 \times 3^{16}}$$

$$= \frac{2^6 \times 3^{17} \times 5^{10}}{2^6 \times 3^{16} \times 5^{10}}$$

$$= 2^0 \times 3^1 \times 5^0$$

$$B = 3$$

$$\begin{aligned} C &= 2\sqrt{12} - 7\sqrt{75} + \sqrt{1728} + 7\sqrt{3} + 4(3) \\ &= 2\sqrt{4 \times 3} - 7\sqrt{25 \times 3} + 24\sqrt{3} + 7\sqrt{3} + 4 \\ &= 4\sqrt{3} - 35\sqrt{3} + 24\sqrt{3} + 7\sqrt{3} + 4 \\ &= 0\sqrt{3} + 4 \end{aligned}$$

$$C = 4$$

1728	2	
864	2	2
432	2	x
216	2	2
108	2	x
54	2	2
27	3	x
9	3	3
3	3	x
1		3 → √3

- حل الأسئلة اللامتحان والتحريبي الأول.
- مادة الجبر (الوحدات الأولى والثانية).
- المدرّس: لؤي الدمني.

التمرين الأول:

$$A = \frac{512}{224} - \frac{2}{7} \quad (1)$$

r	b	a
64	224	512
32	64	224
0	32	64

$$\Rightarrow \text{GCD}(512, 224) = 32$$

$$\frac{512 \div 32}{224 \div 32} = \frac{16}{7}$$

$$A = \frac{16}{7} - \frac{2}{7} = \frac{14}{7}$$

$$A = 2$$

$$B = \frac{4^3 \times 15^7 \times 9^5 \times 5^3}{25^5 \times 8^2 \times 3^{16}} \quad (2)$$

$$= \frac{(2^2)^3 \times (3 \times 5)^7 \times (3^2)^5 \times 5^3}{(5^2)^5 \times (2^3)^2 \times 3^{16}}$$



$$AB = \sqrt{27} + \sqrt{3}$$

$$= \sqrt{9 \times 3} + \sqrt{3}$$

$$= 3\sqrt{3} + \sqrt{3}$$

$$AB = 4\sqrt{3} \text{ cm}$$

$$AB = BC = AC = 4\sqrt{3} \text{ cm}$$

فالمثلث متساوي الأضلاع

$$h = \frac{a\sqrt{3}}{2}$$

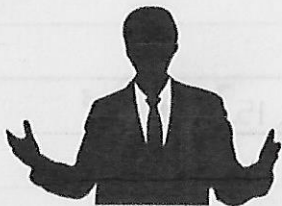
$$= \frac{4\sqrt{3} \times \sqrt{3}}{2} = 2(3)$$

$$h = 6 \text{ cm}$$

$$S = \frac{a^2 \sqrt{3}}{4} = \frac{(4\sqrt{3})^2 \sqrt{3}}{4} = 12(3) \times \frac{\sqrt{3}}{4} \Rightarrow S = 12\sqrt{3} \text{ cm}^2$$

$$p = 3 \times a = 3 \times 4\sqrt{3}$$

$$= 12\sqrt{3} = \sqrt{144 \times 3} \Rightarrow p = \sqrt{432} \text{ cm}$$



لؤي الدمني

$$S = \frac{\text{جدا الضلعين القائمين}}{2} \quad (4)$$

$$= \frac{AB \times BC}{2}$$

$$= \frac{3\sqrt{2} \times 4\sqrt{2}}{2}$$

$$S = 12$$

$$p = \text{مجموع الأضلاع}$$

$$= 3\sqrt{2} + 4\sqrt{2} + 5\sqrt{2}$$

$$= 12\sqrt{2} = \sqrt{144 \times 2}$$

$$p = \sqrt{288}$$

التمرين الثالث :

$$AC = \sqrt{75} - \sqrt{3}$$

$$= \sqrt{25 \times 3} - \sqrt{3}$$

$$= 5\sqrt{3} - \sqrt{3}$$

$$AC = 4\sqrt{3} \text{ cm}$$

$$BC = \sqrt{48}$$

$$= \sqrt{16 \times 3}$$

$$BC = 4\sqrt{3} \text{ cm}$$

التمرين الثاني :

(1)

$$BC = \frac{\sqrt{128}}{2}$$

$$= \frac{\sqrt{64 \times 2}}{2} = \frac{8\sqrt{2}}{2}$$

$$BC = 4\sqrt{2}$$

$$AB = \sqrt{50} - \sqrt{8}$$

$$= \sqrt{25 \times 2} - \sqrt{4 \times 2}$$

$$= 5\sqrt{2} - 2\sqrt{2}$$

$$AB = 3\sqrt{2}$$

(2) بماتن ABC مثلث قائم في B

نطبق مبرهنة فيثاغورث

$$(AC)^2 = (AB)^2 + (BC)^2$$

$$= (3\sqrt{2})^2 + (4\sqrt{2})^2$$

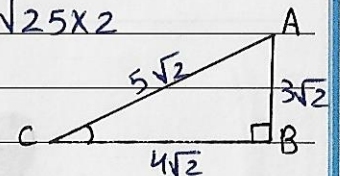
$$= 9(2) + 16(2)$$

$$= 18 + 32$$

$$(AC)^2 = 50$$

$$AC = \sqrt{50} = \sqrt{25 \times 2}$$

$$AC = 5\sqrt{2}$$



$$\cos \hat{C} = \frac{BC}{AC}$$

(3)

$$\cos \hat{C} = \frac{4\sqrt{2}}{5\sqrt{2}} = \frac{4}{5}$$

★ القرن الرابع :

$$Y = (5\sqrt{3} - 4\sqrt{5})(5\sqrt{3} + 4\sqrt{5}) \quad (1)$$

$$= (5\sqrt{3})^2 - (4\sqrt{5})^2$$

$$= 25(3) - 16(5)$$

$$= 75 - 80$$

$$y = -5$$

$$Z = (2\sqrt{5} - 10\sqrt{2})$$

$$= (2\sqrt{5})^2 - 2(2\sqrt{5})(10\sqrt{2}) + (10\sqrt{2})^2$$

$$= 4(5) - 40\sqrt{10} + 100(2)$$

$$= 20 - 40\sqrt{10} + 200$$

$$Z = 220 - 40\sqrt{10} \text{ (سوليدية)}$$

★ والتمرين الخامس :

$$B = (5x - 3)(2x + 9) - 5(2x + 9) \quad (1)$$

$$= (5(-\frac{9}{2}) - 3)(2(-\frac{9}{2}) + 9) - 5(2(-\frac{9}{2}) + 9)$$

$$B = 0$$

$$B = (5x - 3)(2x + 9) - 5(2x + 9) \quad (2)$$

$$= 10x^2 + 45x - 6x - 27 - 10x - 45$$

$$B = 10x^2 + 29x - 72$$

$$x = 1 + \sqrt{2} \quad (3)$$

$$B = (6x - 2\sqrt{3})(6x + 2\sqrt{3}) + 2x(x+1) \quad B = 10x^2 + 29x - 72$$

$$= (6x)^2 - (2\sqrt{3})^2 + 2x^2 + 2x$$

$$= 36x^2 - 4(3) + 2x^2 + 2x$$

$$= 36x^2 - 12 + 2x^2 + 2x$$

$$B = 38x^2 + 2x - 12$$

$$C = (3x+7)(3x+5) - 5x(2x-1)$$

$$= 9x^2 + 15x + 21x + 35 - 10x^2 + 5x$$

$$C = -x^2 + 41x + 35$$

$$= 10(1+\sqrt{2})^2 + 29(1+\sqrt{2}) - 72$$

$$= 10 \left[\overbrace{(1)^2}^x + 2 \overbrace{(1)(\sqrt{2})}^x + (\sqrt{2})^2 \right] + 29 + 29\sqrt{2} + 72$$

$$= 10(1+2\sqrt{2}+2)+29\sqrt{2}-43$$

$$= 20\sqrt{2} + 30 + 29\sqrt{2} - 43$$

$$B = 49\sqrt{2} - 13$$

$$B = (5x - 3)(2x + 9) - 5(2x + 9) \quad (4)$$

$$= (2x+9)[5x-3-5]$$

$$B = (2x + 9)(5x - 8)$$

★ التحري في السادس : النشر

$$A = (2x+5)^2 - (2x-5)^2$$

$$(2x)^2 + 2(2x)(5) + (5)^2 = (2x)^2 + 2(2x)(5) + (5)^2$$

$$= 4x^2 + 20x + 25 - [4x^2 - 20x + 25]$$

$$= 4x^2 + 20x + 25 - 4x^2 + 20x - 25$$

$$A = 40x$$



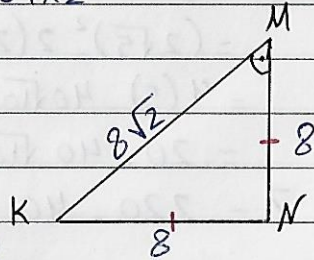
2. بمثلث MNK مثلث قائم في N
طبق مبرهنة فيثاغورس

$$\begin{aligned}(MK)^2 &= (MN)^2 + (NK)^2 \\ &= 8^2 + 8^2 \\ &= 64 + 64\end{aligned}$$

$$(MK)^2 = 128$$

$$MK = \sqrt{128} = \sqrt{64 \times 2}$$

$$MK = 8\sqrt{2}$$



$$\sin \hat{M} = \frac{KN}{KM} = \frac{8}{8\sqrt{2}}$$

$$\sin \hat{M} = \frac{1 \times \sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$F = (x-3)^2 + 14(x-3) + 49$$

جزر الثالث جزر الثاني جزر الأول

$$= ((x-3) + 7)^2$$

$$F = (x+4)^2$$

$$G = (5x-2)(5x+2)^2 - 25(5x-2)$$

$$= (5x-2)[(5x+2)^2 - 25]$$

$$= (5x-2)[(5x+2+5)(5x+2-5)]$$

$$G = (5x-2)(5x+7)(5x-3)$$

$$H = 4x^2(x+1) - 9(x+1)$$

$$= (x+1)[4x^2 - 9]$$

$$= (x+1)[(2x-3)(2x+3)]$$

$$H = (x+1)(2x-3)(2x+3)$$

الضربين الثانيين :

$$MN = \sqrt{2^6}$$

$$= \sqrt{2^{\frac{6}{2}}}$$

$$MN = 2^3 = 8$$

$$NK = \frac{5^3 \times 2}{125 \times 2^{-2}}$$

$$= \frac{5^3 \times 2}{5^3 \times 2^{-2}}$$

$$NK = 2^3 = 8$$

$$\Rightarrow MN = NK = 8$$

* الضربين السابع : هذا

$$A = 8x^2 - 12x$$

$$A = 4x(2x-3)$$

$$B = (8x+3)(2x-1) + 7(2x-1)$$

$$= (2x-1)[8x+3+7]$$

$$B = (2x-1)(8x+10)$$

$$C = (2x-7)(4x+5) - 6x+21$$

$$= (2x-7)(4x+5) - 3(2x-7)$$

$$= (2x-7)[4x+5-3]$$

$$C = (2x-7)(4x+2)$$

$$D = x^3 + x^2 + x + 1$$

$$= x^2(x+1) + 1(x+1)$$

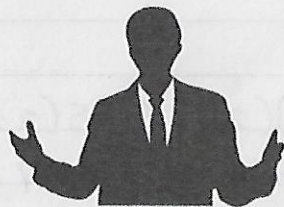
$$D = (x+1)(x^2+1)$$

ما في امثال بخط واحد

$$E = (2x+5)^2 - (2x-5)^2$$

$$\begin{aligned}&= [2x+5+2x-5][2x+5-(2x-5)] \\ &= (4x)(10)\end{aligned}$$

$$E = 40x$$



لؤي الدمني

وفيه فائزات متساوية السنين

دورة 2020 التمرين الثاني عشر:

$$A = (x-5)^2 - 9 \quad \text{أولاً:}$$

1- انشترحم اختزل A

2- حلل A إلى جداء عوامل

$$A = (x-5)^2 - 9 \quad (1)$$

$$= (x)^2 - 2(x)(5) + (5)^2 - 9$$

$$= x^2 - 10x + 25 - 9$$

$$A = x^2 - 10x + 16$$

$$A = (x-5)^2 - 9 \quad (2)$$

$$= [x-5-3][x-5+3]$$

$$A = (x-8)(x-2)$$

$$B = \frac{(2^3)^5 \times 3^2 \times 3 \times 5}{2^6 \times 3^3} \quad \text{ثانياً:}$$

$$= \frac{2^{10} \times 3^3 \times 5}{2^6 \times 3^3} = 2^4 \times 5$$

$$B = 80$$



دورة 2021 التمرين الحادي عشر:

$$AD = \sqrt{12} \quad \text{المستطيل ABCD بعرضه}$$

$$AB = \sqrt{27} + 2\sqrt{3}$$

(1) اكتب كل المثلثات المتشابهة بالصيغة $a\sqrt{3}$

(2) اكتب محيط المستطيل ومساحته

$$AD = \sqrt{12} = \sqrt{4 \times 3} \quad (1)$$

$$AD = 2\sqrt{3}$$

$$AB = \sqrt{27} + 2\sqrt{3} = \sqrt{9 \times 3} + 2\sqrt{3}$$

$$AB = 3\sqrt{3} + 2\sqrt{3}$$

$$AB = 5\sqrt{3}$$

$$P = 2(AB + AD) \quad (2)$$

$$= 2(5\sqrt{3} + 2\sqrt{3})$$

$$= 2(7\sqrt{3})$$

$$P = 14\sqrt{3}$$

$$S = AB \times AD \quad \text{مساحة المستطيل}$$

$$= 5\sqrt{3} \times 2\sqrt{3}$$

$$S = 10 \times 3$$

$$S = 30$$

النتيجة -

دورة 2022 ، التمرين التاسع:

$$E = (x-1)^2 - 4$$

(1) انشترحم اختزل E

(2) حلل E إلى جداء عوامل

$$\text{الحل (1)} \quad E = (x)^2 - 2(x)(1) + (1)^2 - 4$$

$$= x^2 - 2x + 1 - 4$$

$$E = x^2 - 2x - 3$$

$$E = (x-1)^2 - 4 \quad (2)$$

$$= [x-1-2][x-1+2]$$

$$E = (x-3)(x+1)$$

دورة 2021 التمرين العاشر:

$$E = (x-2)(2x+5) - 3(x-2)$$

(1) انشترحم اختزل E

(2) حلل E إلى جداء عوامل

$$E = (x-2)(2x+5) - 3(x-2) \quad (1)$$

$$= 2x^2 + 5x - 4x - 10 - 3x + 6$$

$$E = 2x^2 - 2x - 4$$

$$E = (x-2)[2x+5-3] \quad (2)$$

$$E = (x-2)(2x+2)$$



ملخص الوحدة الثالثة لعام 2023/2024

مادة الجبر (المعادلات والمتراجحات)

اعداد المدرس لؤي الدمني 0991518690

تعريف: المعادلة من الدرجة الأولى بالمجهول x

هي كل معادلة يمكن أن تؤول الى الشكل:

$$ax + b = 0 : a \neq 0$$

• تسمى كل قيمة للمجهول تحقق المعادلة (تجعل المساواة صحيحة) حلاً أو جذراً للمعادلة.

• حل المعادلة هو إيجاد جميع قيم المجهول التي تجعلها صحيحة (أي تجعل المساواة محققة)

• نقول ان معادلتين متكافئتين إذا كان لهما الحلول ذاتها.

تمرين سريع: أي الأعداد 2, -5 حلاً للمعادلة:

$$2x + 13 = x + 8$$

خواص المعادلات (المساواة):

• إذا جمعنا المقدار نفسه الى كل من طرفي المعادلة او طرحنا نفس المقدار حصلنا على معادلة مكافئة للمعادلة المعطاة ولم تتغير صحة المساواة.

• إذا ضربنا كلا من طرفي المعادلة بعدد غير معدوم او قسمنا كلا من طرفيها على عدد غير معدوم نحصل على معادلة مكافئة للمعادلة المعطاة ولم تتغير صحة المساواة.

ومنه نستنتج طريقة حل معادلة من الدرجة

الأولى بمجهول واحد:

لحل معادلة من الدرجة الأولى بمجهول واحد x ننقل المجاهيل الى طرف والمعاليم الى الطرف الآخر مع تغيير إشارة الحد المنقول ثم نجمع الحدود المتشابهة وأخيراً نقسم على أمثال المجهول x .

تمرين سريع: حل كل من المعادلات الآتية:

$$5x - 1 = 7x + 5$$

$$\frac{z}{2} - 3 = z - 2$$

$$\frac{y}{2} - \frac{3}{2} = \frac{y}{3} - \frac{1}{2}$$

اصطناء معادلة:

إذا أعطانا نص وطلب منا تحويله لمعادلة

فإننا نقرأ هذا النص ثلاث مرات بحيث:

1. في المرة الأولى نأخذ فكرة عامة عن المسألة ونحدد نوعها (معادلة بمجهول واحد ص 69

متراجحة ص 70 - جملة معادلتين بمجهولين ص 87)

2. في القراءة الثانية نبحث عن المطلوب ونفرضه مجهول x .

3. بعدها نقرأ النص للمرة الأخيرة ونقوم بالاصطناء. أخيراً نجيب عن طلبات المسألة.

تمرين سريع: تضم مكتبة رولا أربعة أصناف من

الكتب. نصف كتبها مدرسية، ربعها روايات،

خمسها علمية، بالإضافة الى معجمين. ما عدد

كتب رولا؟ احسب عدد الكتب المدرسية.

خاصة الجداء الصفري

• إذا كان جداء مضارب معدوماً كان واحداً من المضارب على الأقل معدوماً أي

إذا كان $a \times b = 0$ فيكون:

$$b = 0 \text{ أو } a = 0$$

• إذا كان جداء اقواس معدوماً كان أحد هذه الاقواس على الأقل معدوماً

$$\text{أي إذا كان } (ax + b)(cx + d) = 0$$

فيكون اما $ax + b = 0$ او $cx + d = 0$

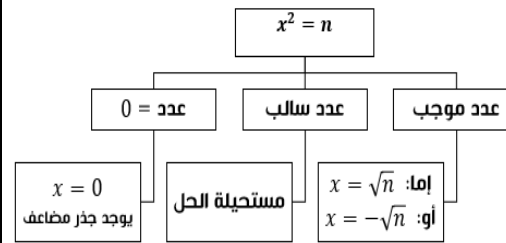
تمرين سريع: حل كل من المعادلات الآتية:

$$(2x - 8)(3x - 15) = 0$$

$$(x - 3)(2x - 7) + 3(x - 3) = 0$$

$$(5x + 30)^2 - 16 = 0$$

المعادلات من الدرجة الثانية:



تمرين سريع: حل كل من المعادلات الآتية:

$$3x^2 - 17 = 10$$

$$x(x - 3) = -3x$$

$$x^2 + 20 = 4$$

$$(2x - 8)^2 = 36$$

$$(5x - 30)^2 = 0$$

متراجحات الدرجة الأولى بمجهول واحد

• تعريف: المتراجحة من الدرجة الأولى بمجهول واحد x تعبر عن مقارنة بين طرفين

قد تكون صحيحة وقد تكون خاطئة حسب قيم x .

• كل قيمة للمجهول x تجعل المقارنة بين

الطرفين صحيحة تسمى حلاً للمتراجحة.

• حل المتراجحة هو إيجاد جميع قيم x التي

تحققها.

• نرسم للمتراجحة بالرموز $<, >, \geq, \leq$.

تمرين سريع: أي الأعداد 8, 2, -5 حلاً للمتراجحة:

$$2x + 4 \geq 8$$

خواص المتراجحات:

• إذا جمعنا نفس العدد الى طرفي المتراجحة او

طرحنا نفس العدد من كل من طرفيها حصلنا

على متراجحة مكافئة للمتراجحة المعطاة.

• إذا ضربنا طرفي المتراجحة بعدد موجب تماماً او

قسمنا كل من طرفيها على نفس العدد حصلنا

على متراجحة مكافئة للمتراجحة المعطاة.

• إذا ضربنا طرفي متراجحة بعدد سالب او قسمنا

على عدد سالب يُعكس جهة التراجح.

ومنه نستنتج طريقة حل متراجحة من الدرجة

الأولى بمجهول واحد:

لحل متراجحة بمجهول واحد نتبع ذات الخطوات التي اتبعناها في حل المعادلة من الدرجة الأولى مع مراعاة القسمة على عدد سالب لأنها تغير

جهة التراجح.

تمرين سريع: حل كل من المتراجحات الآتية:

$$2x - 8 > 16$$

$$5x + 7 < 2x + 28$$

$$7x - 8 \geq 9x + 2$$

$$10x - 8 \leq 11x + 3$$

تمثيل حلول المتراجحة على مستقيم الأعداد:

إذا طلب منا تمثيل حلول متراجحة على مستقيم

الأعداد فعلينا أولاً أن ننظر الى قيم المجهول

المحققة للمتراجحة ومن ثم رسم مستقيم الأعداد

وتوضيح القيمة التي تفصل حلول المتراجحة عن

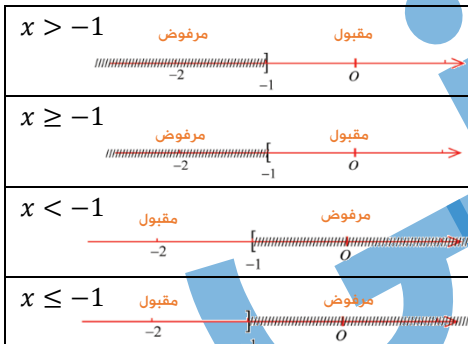
غيرها ووضع كلمة مقبول فوق القيم التي تحقق

المتراجحة وكلمة مرفوض فوق القيم التي لا

تحقق المتراجحة أو نقوم بتظليل هذه المنطقة

من مستقيم الأعداد وسأسترح لكم أكثر عن طريق

الأمثلة في التمرين أدناه.



رقم التمرين
الصفحة

التمارين الهامة هذه الوحدة
كل التمارين 5
كل التمارين 69
كل التمارين 70
هذا لا يعني أن باقي التمارين محذوفة كل ما في الكتاب هام

انتهى ملخص الوحدة الثالثة

أسئلة امتحان التجريبي الثاني عام 2023/2024

مادة الجبر (الوحدة الثالثة)

اعداد المدرس لؤي الدمني هـ 0991518690



التمرين الأول:

ليكن لدينا المقداران A , B حيث:

$$A = \left(5x + \frac{1}{\sqrt{5}}\right)^2 + \frac{4}{5} \quad B = 25x^2 + \sqrt{20}x + 1$$

1. أنشئ المقدار A ثم أثبت أن $A = B$.

2. احسب قيمة المقدار A عندما $x = \sqrt{5}$.

3. حل المعادلة $A = 1$.

4. حل المعادلة $B = \frac{4}{5}$.

5. حل المعادلة $A = 2\sqrt{5}x + 101$.

التمرين الثاني:

في الشكل المرسوم جانباً $KBCH$ مستطيل.

$ABCD$ مربع طول ضلعه 4.

$MNDE$ مربع طول ضلعه 2، ولدينا $HE = x$ والمطلوب:

1. عبر عن HC بدلالة x .

2. أثبت أن S مساحة المستطيل $KBCH$ تعطى بالعلاقة $S = 4x + 24$.

3. أثبت أن S' مساحة الجزء المظلل تعطى بالعلاقة $S' = 4x + 4$.

4. اوجد قيمة x عندما مساحة الجزء المظلل تساوي 16 cm^2 ثم احسب مساحة المستطيل.

التمرين الثالث: حل العبارة $D = 4x^2(x + 1) - 49x - 49$ ثم حل المعادلة $D = 0$.

التمرين الرابع: لتكن المتراجحة: $3x - \frac{1}{2} \leq 5x + \frac{7}{2}$

1- بين أي العددين -3 , 0 حلاً للمتراجحة وأيها ليس حلاً للمتراجحة.

2- حل المتراجحة ومثل حلولها على مستقيم الأعداد.

التمرين الخامس: أولاً: اوجد عددين زوجيين متتاليين الفرق بين مربعيهما 28.

ثانياً: قدم مكتب سياحي لفوزية عرضين لحضور مباريات المونديال (كأس العالم 2022)

العرض الأول: أن تدفع فوزية رسم اشتراك 60000 ليرة

و5500 ليرة عن كل مباراة تريد حضورها.

العرض الثاني: أن تدفع عن كل مباراة تحضرها 8000 ليرة سورية.

المطلوب: بدءاً من كم مباراة تحضرها فوزية يكون العرض الأول أوفر من العرض الثاني.

التمرين السادس: ليكن لدينا $A = 9 - (2x - 4)^2$

1. انشئ واختزل A .

2. حل A .

3. اوجد قيمة A عندما $x = 2$.

4. حل المعادلة $A = 0$.

5. حل المعادلة $A = 9$.

6. حل المعادلة $A = -7$.

التمرين السابع:

حل المتراجحة $2x - 1 \leq 7$ ومثل حلولها على مستقيم الأعداد.

التمرين الثامن: $E = (2x + 3)^2 - 16$

1. حل E الى جداء عوامل.

2. حل المعادلة $E = 0$.

3. احسب E عندما $x = -\frac{1}{2}$.

التمرين التاسع: لتكن لدينا المتراجحة $4x + 5 \leq x - 4$

1. تحقق أي الاعداد -1 , 0 , -5 حلاً لهذه المتراجحة وأيها ليس حلاً لها.

2. حل المتراجحة.

3. مثل حلولها على مستقيم الأعداد.

مع كامل دعائي لكم بالتوفيق والنجاح

أ.لؤي الدمني

$$5x = -\frac{1 \times \sqrt{5}}{\sqrt{5} \times \sqrt{5}}$$

$$5x = -\frac{\sqrt{5}}{5} \Rightarrow x = -\frac{\sqrt{5}}{5}$$

$$x = -\frac{\sqrt{5}}{5} \times \frac{1}{5}$$

$$x = -\frac{\sqrt{5}}{25}$$

$$A = 2\sqrt{5}x + 101 \quad (5)$$

$$25x^2 + 2\sqrt{5}x + 1 = 2\sqrt{5}x + 101$$

$$25x^2 + 2\sqrt{5}x - 2\sqrt{5}x = 101 - 1$$

$$25x^2 = 100$$

$$x^2 = \frac{100}{25} = 4$$

$$\text{إما } x = \sqrt{4} = 2$$

$$\text{أو } x = -\sqrt{4} = -2$$

$$\text{مجموعة الحلول } [-2, 2]$$

$$A = 25(\sqrt{5})^2 + 2\sqrt{5}(\sqrt{5}) + 1$$

$$= 25(5) + 2(5) + 1$$

$$A = 125 + 10 + 1$$

$$A = 136$$

$$A = 1 \quad (3)$$

$$25x^2 + 2\sqrt{5}x + 1 = 1$$

$$25x^2 + 2\sqrt{5}x = 1 - 1$$

$$x(25x + 2\sqrt{5}) = 0$$

إما

$$x = 0$$

$$\text{أو } 25x + 2\sqrt{5} = 0$$

$$25x = -2\sqrt{5}$$

$$x = -\frac{2\sqrt{5}}{25}$$

$$\text{مجموعة الحلول } \left\{-\frac{2\sqrt{5}}{25}, 0\right\}$$

$$B = \frac{4}{5} \quad (4)$$

$$A = B \text{ لدينا}$$

$$\left(5x + \frac{1}{\sqrt{5}}\right)^2 + \frac{4}{5} = \frac{4}{5}$$

$$\left(5x + \frac{1}{\sqrt{5}}\right)^2 = \frac{4}{5} - \frac{4}{5}$$

$$\left(5x + \frac{1}{\sqrt{5}}\right)^2 = 0 \quad \text{الصغرى لكل التربيع}$$

$$5x + \frac{1}{\sqrt{5}} = 0$$

حل أسئلة الامتحان التجريبي الثاني.

• مادة الجبر (الوحدة الثالثة، المعادلات والمتراجحات).

• المدرسين: لؤي الدمني.

التمرين الأول:

$$A = \left(5x + \frac{1}{\sqrt{5}}\right)^2 + \frac{4}{5} \quad (1)$$

$$= (5x)^2 + 2(5x)\left(\frac{1}{\sqrt{5}}\right) + \left(\frac{1}{\sqrt{5}}\right)^2 + \frac{4}{5}$$

$$= 25x^2 + \frac{10x \times \sqrt{5}}{\sqrt{5} \times \sqrt{5}} + \frac{1}{5} + \frac{4}{5}$$

$$= 25x^2 + \frac{10\sqrt{5}x}{5} + 1$$

$$A = 25x^2 + 2\sqrt{5}x + 1$$

$$B = 25x^2 + \sqrt{20}x + 1$$

$$= 25x^2 + \sqrt{4 \times 5}x + 1$$

$$B = 25x^2 + 2\sqrt{5}x + 1$$

$$\Rightarrow A = B$$

$$x = \sqrt{5} \quad (2)$$



التمرين الثاني:

$$HC = HE + ED + DC \quad (1)$$

$$= x + 2 + 4$$

$$HC = x + 6$$

$$S = \text{الطول} \times \text{العرض} \quad (2)$$

$$= 4(x + 6)$$

$$S = 4x + 24$$

$$S' = S - (S_{ABCD} + S_{MNDE}) \quad (3)$$

$$= 4x + 24 - [4^2 + 2^2]$$

$$= 4x + 24 - [16 + 4]$$

$$= 4x + 24 - 20$$

$$S' = 4x + 4$$

$$S' = 16 \quad (4)$$

$$4x + 4 = 16$$

$$4x = 16 - 4$$

$$4x = 12$$

$$x = \frac{12}{4}$$

$$x = 3$$

$$S = 4x + 24$$

$$= 4(3) + 24$$

$$S = 12 + 24$$

$$S = 36$$

التمرين الثالث:

$$D = 4x^2(x+1) - 49x - 49$$

$$D = 0 \quad \text{ثم حل المعادلة}$$

$$D = 4x^2(x+1) - 49x - 49$$

$$= 4x^2(x+1) - 49(x+1)$$

$$= (x+1)[4x^2 - 49]$$

$$D = (x+1)(2x+7)(2x-7)$$

$$D = 0$$

$$(x+1)(2x+7)(2x-7) = 0$$

أو

أو

أو

$$x+1=0$$

$$2x+7=0$$

$$2x-7=0$$

$$x = -1$$

$$2x = -7$$

$$2x = 7$$

$$x = -\frac{7}{2}$$

$$x = \frac{7}{2}$$

$$\left\{-\frac{7}{2}, -1, \frac{7}{2}\right\} \text{ مجموعة الحلول}$$

$$3x - \frac{1}{2} < 5x + \frac{7}{2} : \text{التمرين الرابع}$$

$$\text{نعوض 3 في المتراجحة} \quad (1)$$

$$3(-3) - \frac{1}{2} < 5(-3) + \frac{7}{2}$$

$$-9 - \frac{1}{2} < -15 + \frac{7}{2}$$

$$-9.5 < -11.5$$

$$\text{غير حقيقة وفرضه 3 ليس}$$

$$\text{هذا للتمرين}$$

$$3x - \frac{1}{2} < 5x + \frac{7}{2} \quad (2)$$

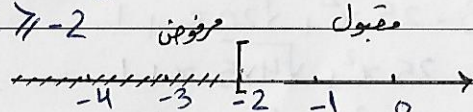
$$3x - 5x < \frac{7}{2} + \frac{1}{2}$$

$$-2x < \frac{8}{2}$$

$$-2x < 4$$

$$x > -2$$

$$x > -2$$



لؤي الدمني

التمرين الخامس :

• أولاً : نفرض العدد الأول x فيكون العدد الثاني $x+2$

$$(x+2)^2 - x^2 = 28$$

$$(x)^2 + 2(x)(2) + (2)^2 - x^2 = 28$$

$$x^2 + 4x + 4 - x^2 = 28$$

$$4x + 4 = 28$$

$$4x = 28 - 4$$

$$4x = 24$$

$$x = \frac{24}{4}$$

$$x = 6$$

وفيه العددان هما 6 و 8

للتأكد :

$$8^2 - 6^2$$

$$64 - 36 = 28 \quad \text{محققة}$$

• ثانياً : نفرض عدد المباريات x العرض الأول : $60000 + 5500x$ العرض الثاني : $8000x$

العرض الثاني < العرض الأول

$$60000 + 5500x < 8000x$$

$$5500x - 8000x < -60000$$

$$-2500x < -60000$$

$$x > \frac{-60000}{-2500}$$

$$x > 24$$

بدءاً من 25 مباراة تظهرها فوزية يكون العرض الأول أو من العرض الثاني .

اصطناع :

نقرأ النص ثلاث مرات

(1) فكرة عامة - تحديد نوع النص

(معادلة - متراجمة - جملة معادلتين)

(2) تحديد المطلوب ← بدءاً أو من

نفرض x

(3) اصطناع

$$x=2 \quad (3)$$

$$A = -4(2)^2 + 16(2) - 7$$

$$= -4(4) + 32 - 7$$

$$= -16 + 25$$

$$A = 9$$

$$A=0 \quad (4)$$

$$(-2x+7)(2x-1)=0$$

$$-2x+7=0 \quad \text{أو} \quad 2x-1=0$$

$$-2x=-7$$

$$2x=1$$

$$x = \frac{7}{2}$$

$$x = \frac{1}{2}$$

$$9 - (2x-4)^2 = 9 \quad (5)$$

$$-(2x-4)^2 = 9-9$$

$$-(2x-4)^2 = 0$$

$$-2x+4=0$$

$$-2x=-4 \Rightarrow x = -\frac{-4}{-2} \Rightarrow x = 2$$

$$A = 9(2x-4)^2 \quad \text{التمرين السادس :}$$

$$= 9 - [(2x)^2 - 2(2x)(4) + (4)^2] \quad (1)$$

$$= 9 - [4x^2 - 16x + 16]$$

$$= 9 - 4x^2 + 16x - 16$$

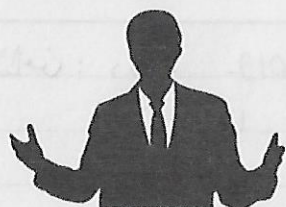
$$A = -4x^2 + 16x - 7$$

$$A = 9(2x-4)^2 \quad (2)$$

$$= [3-2x+4][3+2x-4]$$

$$= - (2x-4)$$

$$A = (-2x+7)(2x-1)$$



لؤي الدمني

• نفوض 0 في المتراجحة $4(0) + 5 \leq 0 - 4$

$$5 \leq -4$$

غير محققة ووضه 0 ليس حلاً للمتراجحة

• نفوض -5 في المتراجحة $4(-5) + 5 \leq -5 - 4$

$$-20 + 5 \leq -9$$

$$-15 \leq -9$$

محقة ووضه -5 حلاً للمتراجحة

$$4x - x \leq -4 - 5$$

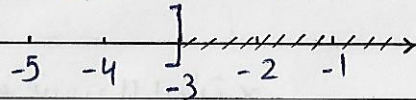
$$3x \leq -9$$

$$x \leq \frac{-9}{3}$$

$$x \leq -3$$

مقبول

مرفوض



لؤي الدمني

$$E = (2x + 3)^2 - 16 \quad (1)$$

$$= [2x + 3 - 4][2x + 3 + 4]$$

$$E = (2x - 1)(2x + 7)$$

$$E = 0 \quad (2)$$

$$(2x - 1)(2x + 7) = 0$$

إما

أو

$$2x - 1 = 0$$

$$2x + 7 = 0$$

$$2x = 1$$

$$2x = -7$$

$$x = \frac{1}{2}$$

$$x = -\frac{7}{2}$$

$$E = \left(2\left(\frac{1}{2}\right) + 3\right)^2 - 16 \quad (3)$$

$$= (-1 + 3)^2 - 16$$

$$= (2)^2 - 16$$

$$= 4 - 16$$

$$E = -12$$

التمرين التاسع : دورة 2018

(1) نفوض 1 في المتراجحة $4(-1) + 5 \leq -1 - 4$

$$-4 + 5 \leq -5$$

$$1 \leq -5$$

غير محققة ووضه 1 ليس

حلاً للمتراجحة

$$A = -7 \quad (6)$$

$$-4x^2 + 16x - 7 = -7$$

$$-4x^2 + 16x = -7 + 7$$

$$-4x(x - 4) = 0$$

إما

أو

$$-4x = 0$$

$$x - 4 = 0$$

$$x = 0$$

$$x = 4$$

التمرين التاسع : دورة 2022

حل المتراجحة $2x - 1 \leq 7$ ونحل المعادلة المستقيمة

$$2x \leq 7 + 1$$

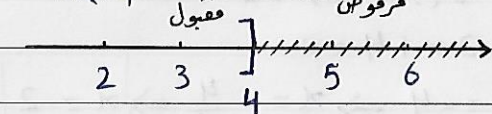
$$2x \leq 8$$

$$x \leq \frac{8}{2}$$

$$x \leq 4$$

مقبول

مرفوض



التمرين التاسع : دورة 2019

$$E = (2x + 3)^2 - 16$$

(1) حل E

(2) حل المعادلة $E = 0$

(3) أ ب E عندما $x = -\frac{1}{2}$



ملخص الوحدة الرابعة لعام 2023/2024

مادة الجبر (جملات معادلتين بمجهولين)

اعداد المدرس لؤي الدمني 0991518690

تعريف: المعادلة من الدرجة الأولى بالمجهولين

- y, x هي كل معادلة من النمط: $ax + by = c$: $a, b, c \neq 0$
- كل معادلة خطية تمثلها البياني مستقيم.
- كل ثنائية (x, y) تحقق المعادلة تسمى حلاً للمعادلة وتمثل بيانياً نقطة من المستقيم الممثل بالمعادلة المعطاة.
- يمكن إيجاد عدد غير منته من الثنائيات التي تحقق المعادلة بمجهولين.

تمرين سريع 1: أي الثنائيات $(4, 4)$, $(2, 1)$, $(1, 3)$

تحقق المعادلة (تمثل نقطة من المستقيم) $3x - 2y = 4$

تمرين سريع 2: اوجد خمس ثنائيات تحقق

المعادلة (تمثل نقطة من المستقيم) $x + y = 3$

تعريف: جملة معادلتين من الدرجة الأولى بالمجهولين

- بالمجهولين x, y هي من النمط: $\begin{cases} ax + by = c \\ a'x + b'y = c' \end{cases}$ حيث a, b, c, a', b', c' أعداد معلومة.

- الثنائية (x, y) التي تحقق كلا من معادلتی الجملة في آن معاً تسمى حلاً للجملة.

- حل جملة المعادلتين بالمجهولين x, y هو إيجاد الثنائية التي تحقق المعادلتين في آن معاً.

تمرين سريع: أي الثنائيات $(2, 2)$, $(3, 1)$

حلاً للجملة $\begin{cases} x + y = 4 \\ 2x - y = 5 \end{cases}$

كيفية حل جملة معادلتين؟

لحل جملة معادلتين بمجهولين يجب أن نردها الى معادلة واحدة بمجهول واحد عن طريق حذف معادلة ومجهول وهما لدينا أسلوبين للحل:

أولاً: طريقة الحذف بالتعويض:

لحل جملة معادلتين بمجهولين بطريقة الحذف بالتعويض نتبع الخطوات الآتية:

- نوجد قيمة أحد المجهولين بدلالة الآخر من إحدى المعادلتين ونسمي تلك العلاقة *.
- نعوض قيمة هذا المجهول في المعادلة الأخرى فنحصل على معادلة بمجهول واحد.
- نحلها لنوجد قيمته ثم نعوض تلك القيمة في العلاقة * لنوجد المجهول الآخر.
- نكتب الحل على شكل ثنائية (x, y) .

تمرين سريع: اوجد الحل الجبري لجملة المعادلات

الآتية بطريقة الحذف بالتعويض:

$$\begin{aligned} 1) \quad & \begin{cases} 3x - y = 3 \\ x + 2y = 8 \end{cases} \\ 2) \quad & \begin{cases} x + y = 4 \\ 2x - y = 5 \end{cases} \end{aligned}$$

ثانياً: طريقة الحذف بالجمع:

لحل جملة معادلتين بمجهولين بطريقة الحذف بالجمع نتبع الخطوات الآتية:

- نقوم بإصلاح كلا المعادلتين لتصبحان من الشكل: $\begin{cases} ax + by = c \\ a'x + b'y = c' \end{cases}$
- نوجد أمثال أحد المجهولين في كلتا المعادلتين بشرط تعاكس الإشارة.
- نجمع كلا المعادلتين طرفاً مع طرف فنحصل على معادلة بمجهول واحد.
- نحلها لنوجد قيمته ثم نعوض تلك القيمة في إحدى المعادلتين لنوجد المجهول الآخر.
- نكتب الحل على شكل ثنائية (x, y) .

تمرين سريع: اوجد الحل الجبري لجملة المعادلات

الآتية بطريقة الحذف بالجمع:

$$\begin{aligned} 1) \quad & \begin{cases} x + y = 4 \\ 2x - y = 5 \end{cases} \\ 2) \quad & \begin{cases} 3x - y = 3 \\ x + 2y = 8 \end{cases} \end{aligned}$$

اصطناع جملة معادلتين بمجهولين:

إذا أعطانا نص وطلب منا تحويله لجملة معادلتين بمجهولين فإننا نقرأ هذا النص ثلاث مرات بحيث:

- في المرة الأولى نأخذ فكرة عامة عن المسألة ونحدد نوعها (معادلة بمجهول واحد ص 69 متراجحة ص 70 - جملة معادلتين بمجهولين ص 87)
- في القراءة الثانية نبحث عن المطلوب ونفرض مجهولين x, y . (تذكر عند الاصطناع أننا نريد معادلتين)
- بعدها نقرأ النص للمرة الأخيرة ونقوم بالاصطناع. أخيراً بعد الحل نجيب عن طلبات المسألة.

تمرين سريع: انتشرت سارة ستة دفاتر وخمسة

أقلام بمبلغ 570 ليرة. واشترى شقيقها سامر ثلاثة دفاتر وسبعة أقلام بمبلغ 555 ليرة، ما سعر الدفتر؟ وما سعر القلم؟

الحل البياني لجملة معادلتين بمجهولين:

- إذا طلب منا إيجاد الحل البياني لجملة معادلتين بمجهولين فإننا نمثل كلا المستقيمين على شبكة الإحداثيات ثم نوجد إحداثيات نقطة تقاطعهما (يفضل أن نتحقق بتعويض إحداثيات نقطة التقاطع في الجملة بعد إيجادها).
- لتمثيل مستقيم على معلم متجانس فإننا نحتاج الى نقطتين على الأقل من هذا المستقيم.
- لإيجاد نقطة تنتمي الى مستقيم معطى بمعادلة بمجهولين فإننا نفرض قيمة اختيارية لأحد المجهولين ثم نعوضها في المعادلة فنحصل على المجهول الآخر (لعبة x, y).

تمرين سريع: اوجد الحل البياني لجملة المعادلتين

الآتية:

$$\begin{aligned} 1) \quad & \begin{cases} x + y = 4 \\ 2x - y = 5 \end{cases} \\ 2) \quad & \begin{cases} 3x + y = 5 \\ x + 2y = 0 \end{cases} \end{aligned}$$

ملاحظات:

✓ المعادلة بمجهول واحد x تمثل مستقيم يعامد محور الفواصل ويوازي محور الترتيب.

✓ المعادلة بمجهول واحد y تمثل مستقيم يعامد محور الترتيب ويوازي محور الفواصل.

✓ كل معادلة يمكن أن تكتب بالشكل $y = mx$ تمثل مستقيم يمر من المبدأ $O(0, 0)$.

✓ لإيجاد نقطة تقاطع مستقيم معطى بمعادلة بمجهولين مع محور الفواصل فإننا نفرض قيمة $y = 0$ ثم نعوضها في المعادلة فنحصل على قيمة x ثم نكتبها على شكل ثنائية.

✓ لإيجاد نقطة تقاطع مستقيم معطى بمعادلة بمجهولين مع محور الترتيب فإننا نفرض قيمة $x = 0$ ثم نعوضها في المعادلة فنحصل على قيمة y ثم نكتبها على شكل ثنائية.

✓ عندما يُطلب منا إيجاد مساحة مثلث او نسبة مثلثية ما فإننا نستطيع الاعتماد على الأطوال الموجودة على المعلم الذي قمنا برسمه.

✓ الرجاء رسم مستوي الاحداثيات عند الحل بدقة عالية جداً.

التمارين الهامة هذه الوحدة رقم التمرين الصفحة

$$\frac{7-9}{86} + \frac{10-11-12-13}{87}$$

هذا لا يعني أن باقي التمارين محذوفة كل ما في الكتاب هام

انتهى ملخص الوحدة الرابعة



أسئلة امتحان التجريبي الثالث عام 2023/2024

مادة الجبر (الوحدة الرابعة)

اعداد المدرس لؤي الدمني 0991518690

السؤال الأول:

في كل مما يأتي إجابة واحدة صحيحة من بين ثلاث إجابات مقترحة. اكتبها:

- كتابة y بدلالة x في المعادلة $3x - y = 2$:

a	$y = -3x + 2$	b	$y = 3x - 2$	c	$y = 3x + 2$
-----	---------------	-----	--------------	-----	--------------
- حل الجملة $\{3x + y = 5, x + 2y = 0\}$ هو الثنائية:

a	$(-2, 1)$	b	$(2, -1)$	c	$(2, 1)$
-----	-----------	-----	-----------	-----	----------
- التمثيل البياني الذي يمثل المعادلة $y - 3 = 2x - 3$:

a	مستقيماً يمر من المبدأ	b	نقطة على محور الترتيب	c	مستقيماً يوازي محور الفواصل
-----	------------------------	-----	-----------------------	-----	-----------------------------
- النقطة $(-2, 1)$ تقع على المستقيم الممثل بالمعادلة:

a	$y = x + 2$	b	$y - x = 2$	c	$y + x + 1 = 0$
-----	-------------	-----	-------------	-----	-----------------

السؤال الثاني:

- في كل مما يأتي اجب بكلمة صح او خطأ:
- كل معادلة خطية تمثيلها البياني هو نقطة.
 - التمثيل البياني للمعادلة $y = mx$ هو مستقيم يمر من مبدأ الاحداثيات.
 - نقطة تقاطع المستقيمين $y = 3$ و $x = 2$ هي النقطة $(3, 2)$.
 - المعادلتان $\frac{1}{2}x - y = 2$, $x - 2y = 4$ متكافئتان.

السؤال الثالث:

- ليكن لدينا المستقيم d الممثل بالمعادلة $d: 2x - 5y = -4$
- أي النقاط $A(2, -5)$, $B(3, 2)$ تقع على المستقيم d .
 - إذا كانت M نقطة تقاطع d مع محور الفواصل و N نقطة تقاطع d مع محور الترتيب جد إحداثيات كلا من M , N .
 - ماذا نحتاج لتمثيل d على معلم متجانس؟ مثله.
 - مثل المستقيم $\Delta: 7x - 6 = 15$
 - وأوجد احداثيات L نقطة تقاطع Δ , d .
 - احسب مساحة المثلث المحصور بين المستقيمتين Δ , d ومحور الفواصل. واحسب طول وتره.

السؤال الرابع:

- زار تحسين وفوزية مكتبة لبيع المستلزمات المدرسية واشترى تحسين (دفترين وخمسة أقلام بمبلغ 6000 ليرة سورية) واشترت فوزية (أربعة دفاتر وثلاثة أقلام بمبلغ 5000 ليرة سورية) والمطلوب:
- اكتب جملة معادلتين تعبران عن قيمة المشتريات.
 - احسب سعر كل من الدفتر والقلم بحل جملة المعادلتين.
 - استنتج سعر أربعة دفاتر وخمسة أقلام.

السؤال الخامس:

- إذا كان مجموع العددين x و y مساويا 2 وكان ثلاثة أضعاف العدد x تزيد على ضعف العدد y بمقدار 1.
- عبر عن الصيغة اللفظية بجملة معادلتين.
 - تحقق أن الثنائية $(1, 1)$ هي حل الجملة.

السؤال السادس:

حل كل من الجملتين الآتيتين جبرياً:

$$\begin{cases} \frac{1}{2}x + \frac{1}{3}y = 7 \\ \frac{1}{3}x + \frac{1}{2}y = 8 \end{cases} \quad \begin{cases} \sqrt{2}x + y = 5 \\ x - \sqrt{2}y = 0 \end{cases}$$

السؤال السابع:

لدينا:

$$\begin{cases} d: -\frac{a}{2}x + y = -2 \\ \Delta: y - x = 2 \end{cases} \text{ والمطلوب :}$$

- جد قيمة a إذا علمت ان d يمر من النقطة $A(-2, 4)$.
- بفرض قيمة $a = -6$ اوجد الحل الجبري للجملة.
- إذا كانت M نقطة تقاطع Δ مع محور الفواصل و N نقطة تقاطع Δ مع محور الترتيب جد إحداثيات كلا من M , N .
- على معلم متجانس ارسم كلا من d و Δ موضحاً نقطة تقاطعهما.
- احسب مساحة المثلث OMN .
- احسب طول MN .
- اوجد $\tan \widehat{OMN}$ ثم استنتج قياس \widehat{OMN} .

السؤال الثامن:

لدينا:

$$\begin{cases} d_1: y = 2x + 2 \\ d_2: 3x - y + 3 = 0 \end{cases} \text{ والمطلوب :}$$

- اوجد الحل الجبري للجملة.
- جد إحداثيتي النقطة B نقطة تقاطع d_1 مع محور الترتيب وإحداثيتي النقطة C نقطة تقاطع d_2 مع محور الترتيب.
- على معلم متجانس حدد النقطتين B , C ثم حدد النقطة A نقطة تقاطع المستقيمين d_1 , d_2 ثم ارسهما.

السؤال التاسع:

لدينا:

$$\begin{cases} d_1: 3y = -x - 4 \\ d_2: y - x = -4 \end{cases} \text{ والمطلوب :}$$

- اوجد الحل الجبري للجملة.
- تحقق أن النقطة $A(-1, -1)$ تقع على المستقيم d_1 .
- على معلم متجانس ارسم كلا من d_1 و d_2 واكتب احداثيتي M نقطة تقاطعهما.

مع كامل دعائي لكم بالتوفيق والنجاح
لؤي الدمني

• أسئلة الامتحان التجريبي الثالث

• مادة الجبر (الوحدة الرابعة، عملة معادلتين بجهولين)

• المدرس: لؤي الدمني

السؤال الأول:

1. b

2. b

3. a

4. c

السؤال الثاني:

(1) خطأ، مستقيم

(2) صح

(3) خطأ

(4) صح [نقول عن معادلتين أنهما متكافئتان إذا نتجت إحداهما عن الأخرى بغير تغيير]

السؤال الثالث:

$$d: 2x - 5y = -4$$

(1) $A(2, -5)$ ، نفوض إحداثيات A في d

$$d: 2(2) - 5(-5) \stackrel{?}{=} -4$$

$$4 + 25 \stackrel{?}{=} -4$$

$$29 \neq -4 \text{ غير محققة}$$

$$\Rightarrow A \notin d$$

$B(3, 2)$ ، نفوض إحداثيات B في d

$$d: 2x - 5y = -4$$

$$2(3) - 5(2) \stackrel{?}{=} -4$$

$$6 - 10 \stackrel{?}{=} -4$$

$$-4 = -4 \text{ محققة}$$

$$\Rightarrow B \in d$$

(2) نقطة تقاطع d مع محور الفواصل x

لايجاد إحداثيات M فحل $y=0$

$$d: 2x - 5y = -4$$

$$2x - 5(0) = -4$$

$$2x = -4$$

$$x = -\frac{4}{2}$$

$$x = -2$$

$$\Rightarrow M(-2, 0)$$

N نقطة تقاطع d مع محور القائبات y

لايجاد إحداثيات N فحل $x=0$

$$d: 2x - 5y = -4$$

$$2(0) - 5y = -4$$

$$y = \frac{-4}{-5}$$

$$y = \frac{4}{5}$$

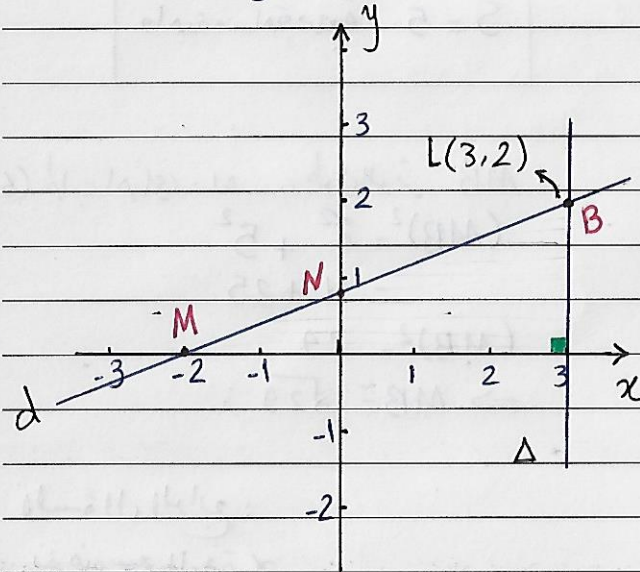
$$\Rightarrow N(0, \frac{4}{5})$$

(3) فتلجأ إلى نقطتين على الأمل

$$B(3, 2)$$

$$M(-2, 0)$$

$$N(0, \frac{4}{5})$$



$$\Delta: 7x - 6 = 15$$

$$7x = 15 + 6$$

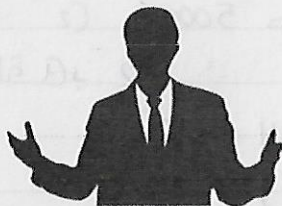
$$7x = 21$$

$$x = \frac{21}{7}$$

$$\Delta: x = 3$$

نقطة تقاطع d و Δ

$$B(3, 2) \text{ هي}$$



لؤي الدمني

$$(5) \quad S = \frac{\text{جدا الضلعين القائمين}}{2}$$

$$S = \frac{2 \times 5}{2}$$

$$S = 5 \quad \text{واحدة مائة مربعة}$$

$$(6) \quad \text{أطلب دمهاني: أ ب طول الوتر MB}$$

$$(MB)^2 = 2^2 + 5^2$$

$$= 4 + 25$$

$$(MB)^2 = 29$$

$$\Rightarrow MB = \sqrt{29}$$

السؤال الرابع:

أ. نفرض سعر الدفتر x
نفرض سعر القلم y

$$\begin{cases} 2x + 5y = 6000 & (1) \\ 4x + 3y = 5000 & (2) \end{cases}$$

2. نضرب المعادلة (1) بـ 2 -

$$\begin{cases} -4x - 10y = -12000 \\ 4x + 3y = 5000 \end{cases}$$

بالمجموع نجد

$$-7y = -7000$$

$$y = \frac{-7000}{-7}$$

$$y = 1000$$

نعوض في (1)

$$2x + 5(1000) = 6000$$

$$2x = 6000 - 5000$$

$$2x = 1000$$

$$x = \frac{1000}{2}$$

$$x = 500$$

وفيه الشايشية (500, 1000) ملا للجملة

وفيه سعر الدفتر 500 ليرة

وسعر القلم 1000 ليرة

(2) تحقق (1, 1) ملا للجملة

نعوض (أدأ) في (1)

$$x + y = 2$$

$$1 + 1 = 2$$

$$2 = 2$$

محققة

نعوض (أدأ) في (2)

$$3x = 2y + 1$$

$$3(1) = 2(1) + 1$$

$$3 = 2 + 1$$

$$3 = 3$$

محققة

وفيه الشايشية (أدأ) ملا للجملة

(3) 4 دفاتر و 5 أقلام

$$4x + 5y =$$

$$= 4(500) + 5(1000)$$

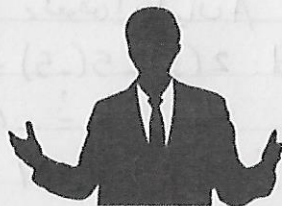
$$= 2000 + 5000$$

$$= 7000 \quad \text{ليرة}$$

السؤال الخامس دورة 2020

$$x + y = 2 \quad (1)$$

$$3x = 2y + 1 \quad (2)$$



لؤي الدمني

السؤال السادس: حل كل من الجملتين الآتيتين جبرياً

$$\begin{cases} \sqrt{2}x + y = 5 \\ x - \sqrt{2}y = 0 \end{cases}$$

من (2) نجد $x - \sqrt{2}y = 0$

$$\star \boxed{x = \sqrt{2}y}$$

نعوض في (1)

$$\begin{aligned} \sqrt{2}x + y &= 5 \\ \sqrt{2}(\sqrt{2}y) + y &= 5 \\ 2y + y &= 5 \\ 3y &= 5 \\ \boxed{y = \frac{5}{3}} \end{aligned}$$

نعوض في \star $x = \sqrt{2} \left(\frac{5}{3} \right)$

$$\boxed{x = \frac{5\sqrt{2}}{3}}$$

وهذه النتيجة $\left(\frac{5\sqrt{2}}{3}, \frac{5}{3} \right)$ هي الحل

$$\begin{cases} \frac{1}{2}x + \frac{1}{3}y = 7 & (1) \\ \frac{1}{3}x + \frac{1}{2}y = 8 & (2) \end{cases}$$

نضرب المعادلة (1) بـ 6

$$\frac{6}{2}x + \frac{6}{3}y = 42$$

$$\frac{6}{3}x + \frac{6}{2}y = 48$$

بالاصح نجد

$$3x + 2y = 42 \quad (1)$$

$$2x + 3y = 48 \quad (2)$$

نضرب المعادلة (1) بـ 2

نضرب المعادلة (2) بـ -3

$$6x + 4y = 84$$

$$-6x - 9y = -144$$

بالجمع نجد

$$-5y = -60$$

$$y = \frac{-60}{-5}$$

$$\boxed{y = 12}$$

نعوض في (2)

$$2x + 3y = 48$$

$$2x + 3(12) = 48$$

$$2x + 36 = 48$$

$$2x = 48 - 36$$

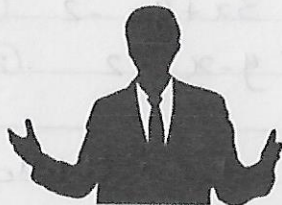
$$2x = 12$$

$$x = \frac{12}{2}$$

$$\boxed{x = 6}$$

وهذه النتيجة (6، 12)

هي الحل



لؤي الدمني

السؤال السابع :

$$\begin{cases} d: -\frac{a}{2}x + y = -2 \\ \Delta: y - x = 2 \end{cases}$$

نغوض إحدائين A في d

$$-\frac{a}{2}x + y = -2$$

$$-\frac{a}{2}(-2) + 4 = -2$$

$$a + 4 = -2$$

$$a = -2 - 4$$

$$a = -6$$

بإصلاح معادلة d نجد

$$-\frac{(-6)}{2}x + y = -2$$

$$d: 3x + y = -2$$

وفيه تكون الجملة

$$d: 3x + y = -2 \quad (1)$$

$$\Delta: y - x = 2 \quad (2)$$

(2) نضرب المعادلة (2) بـ 1-

$$d: 3x + y = -2$$

$$\Delta: x - y = -2$$

بالمجمع نجد

$$4x = -4$$

$$x = \frac{-4}{4}$$

$$x = -1$$

نغوض في (2)

$$y - (-1) = 2$$

$$y + 1 = 2$$

$$y = 2 - 1$$

$$y = 1$$

وفيه السلسلة (1, -1) حلًا للجملة

(3) نقطة تقاطع Δ مع محور الفواصل

$$y = 0$$

$$\Delta: x - y = -2$$

$$x = -2$$

$$\Rightarrow M(-2, 0)$$

N نقطة تقاطع Δ مع محور الترتيب

$$x = 0$$

$$\Delta: x - y = -2$$

$$-y = -2$$

$$y = 2$$

$$\Rightarrow N(0, 2)$$

لتحليل Δ فتابع إلى نقطتين :

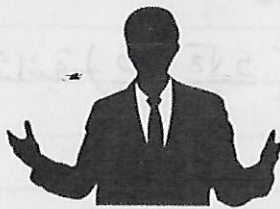
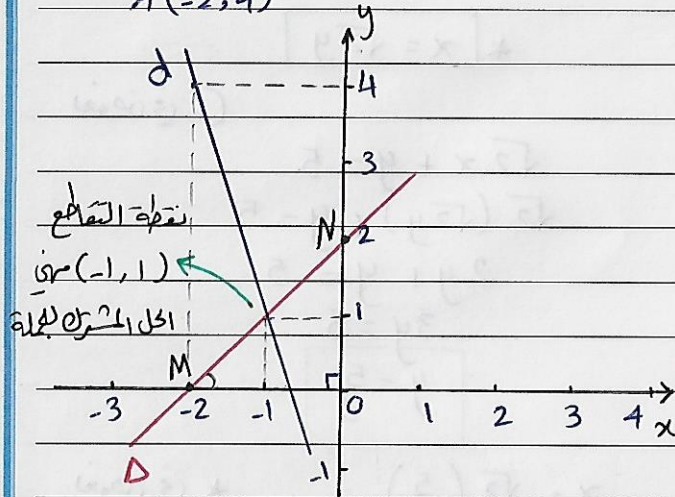
$$M(-2, 0)$$

$$N(0, 2)$$

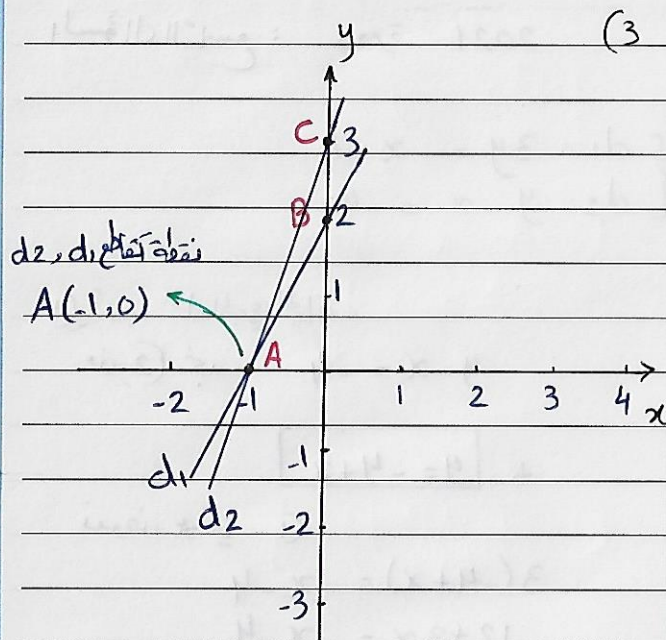
لتحليل d فتابع إلى نقطتين :

(1, -1) الحل المشترك

$$A(-2, 4)$$



لؤي الدمني



السؤال الثامن: دورة 2022

$$\begin{cases} d_1: y = 2x + 2 & (1) \\ d_2: 3x - y + 3 = 0 & (2) \end{cases}$$

(1) نعوض (1) في (2)

$$3x - (2x + 2) + 3 = 0$$

$$3x - 2x - 2 + 3 = 0$$

$$x + 1 = 0$$

$$x = -1$$

$$y = 2x + 2 \quad (\text{نعوض في (1)})$$

$$= 2(-1) + 2$$

$$y = -2 + 2$$

$$y = 0$$

وهذه النتيجة $(-1, 0)$ هلا الجملة(2) لإيجاد إحداثيات B نقطة تقاطع d_1 مع محور الترتيب
نحل $x = 0$

$$d_1: y = 2(0) + 2$$

$$y = 2 \Rightarrow B(0, 2)$$

لإيجاد إحداثيات C نقطة تقاطع d_2 مع محور الترتيب
نحل $x = 0$

$$d_2: 3(0) - y + 3 = 0$$

$$y = 3 \Rightarrow C(0, 3)$$

السؤال السابع: (كلمة)

$$S = \frac{OM \times ON}{OMN} \quad (5)$$

$$= \frac{2 \times 2}{2} = \frac{4}{2}$$

$$S = 2 \quad \text{واحدة مربعة}$$

(6) بما أن OMN مثلث قائم في O

نطبق مبرهنة فيثاغورث

$$(MN)^2 = (OM)^2 + (ON)^2$$

$$= 2^2 + 2^2$$

$$= 4 + 4$$

$$(MN)^2 = 8$$

$$MN = \sqrt{8} = \sqrt{4 \times 2}$$

$$MN = 2\sqrt{2}$$

$$\tan \hat{OMN} = \frac{ON}{OM} \quad (7)$$

$$= \frac{2}{2}$$

$$\tan \hat{OMN} = 1$$

$$\Rightarrow \hat{OMN} = 45^\circ$$



لؤي الدمني

السؤال التاسع : دورة 2021

(2) نفوض $A(-1, -1)$ في d_1

$$d_1: 3y = -x - 4$$

$$3(-1) = -(-1) - 4$$

$$-3 = 1 - 4$$

$$-3 = -3$$

 $A \in d_1$ صحيحة ووفيه(3) لرسم d_1 لدينا :الحل المشترك $(2, -2)$ $A(-1, -1)$ لرسم d_2 لدينا :الحل المشترك $(2, -2)$ فتنازع إلى نقطة نفرض $x=1$

$$\Rightarrow y = -3$$

وفيه $(1, -3)$

$$\begin{cases} d_1: 3y = -x - 4 \\ d_2: y - x = -4 \end{cases}$$

(1) أوجد الحل الجبري للحالة .

من (2) نجد $y - x = -4$

$$* \boxed{y = -4 + x}$$

نفوض * في (1)

$$3(-4 + x) = -x - 4$$

$$-12 + 3x = -x - 4$$

$$3x + x = -4 + 12$$

$$4x = 8$$

$$x = \frac{8}{4}$$

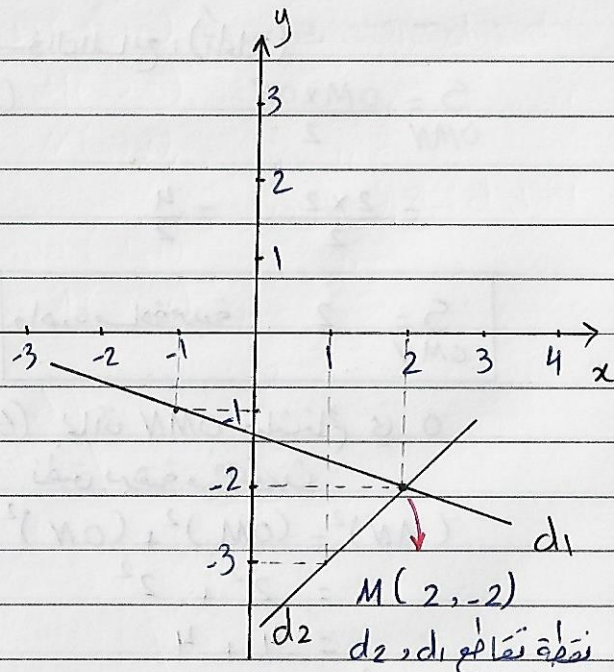
$$\boxed{x = 2}$$

نفوض في *

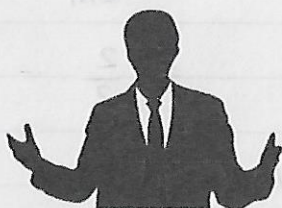
$$y = -4 + x$$

$$y = -4 + 2$$

$$\boxed{y = -2}$$

وفيه النتيجة $(2, -2)$ حل الحالة

انتبهن حل النموذج ..



لؤي الدمني

ملخص الوحدة الخامسة لعام 2023/2024

مادة الجبر (التابع)

اعداد المدرس لؤي الدمني 0991518690



التابع

تعريف: التابع f هو كل إجرائية تربط لكل قيمة للمتحول x عدداً واحداً $f(x)$ ونسمي $f(x)$ صورة x وفق التابع f .

- يرمز الى التابع f بالرمز $f(x) \mapsto x$.
- هناك ثلاث طرق لتعيين التابع:

اولاً التعيين بإعطاء جدول:

الجدول الآتي يعرف تابعاً g يربط بكل عدد من السطر الأول عدداً من السطر الثاني:

x	0	1	2	3	4	5
$g(x)$	-5	-3	0	5.2	0	7

1. اوجد صورة كل من الأعداد 0, 2, 5

2. عين أسلاف كل من الأعداد -5, 5.2, 0

$$\begin{aligned} g(x) = -5 &\Rightarrow x = 0 \\ g(x) = 5.2 &\Rightarrow x = 3 \\ g(x) = 0 &\Rightarrow x = 2 \text{ او } x = 4 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} g(0) &= -5 \\ g(2) &= 0 \\ g(5) &= 7 \end{aligned}$$

ثانياً التعيين بإعطاء صيغة:

ليكن التابع f المعروف وفق الصيغة $f(x) = 2x + 3$

1. اوجد صورة كل من الأعداد -2, 0.

2. عين أسلاف كل من الأعداد 0, 11.

التمارين الهامة هذه الوحدة رقم التمرين الصفحة

$$\frac{3-4}{100} + \frac{5}{103} + \frac{12}{106}$$

هذا لا يعني أن باق التمارين محذوفة كل ما في الكتاب هام

لإيجاد صورة عدد ما فإننا نعوض قيمة هذا العدد عوضاً عن $f(x)$ في قاعدة ربط التابع فتتشكل لدينا معادلة، نقوم بحلها.

$$f(x) = 2x + 3$$

$$2x + 3 = 0$$

$$2x = -3$$

$$x = -\frac{3}{2}$$

$$2x + 3 = 11$$

$$2x = 11 - 3$$

$$2x = 8$$

$$x = \frac{8}{2}$$

$$x = 4$$

لإيجاد صورة عدد ما فإننا نعوض قيمة هذا العدد عوضاً عن x في قاعدة ربط التابع

$$f(x) = 2x + 3$$

$$f(0) = 2(0) + 3$$

$$f(0) = 3$$

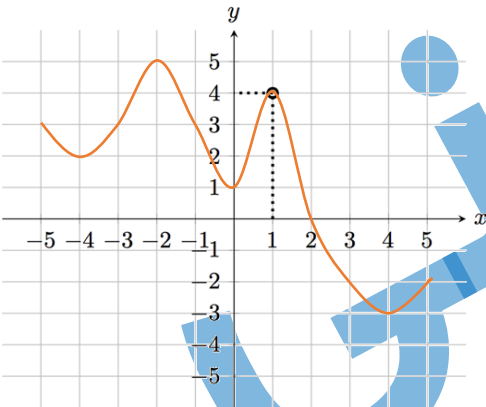
$$f(-2) = 2(-2) + 3$$

$$f(-2) = -4 + 3$$

$$f(-2) = -1$$

ثانياً التعيين بإعطاء رسم بياني:

ليكن التابع f المعروف وفق الخط البياني جانباً:



1. اوجد مجموعة تعريف التابع.

$$[-5, 5]$$

2. اوجد صورة كلاً من -5, 0, 1

$$f(-5) = 3 \quad f(0) = 1 \quad f(1) = 4$$

3. عين اسلاف كلاً من 5, -3, -2

$$f(x) = 5 \Rightarrow x = -2$$

$$f(x) = -3 \Rightarrow x = 4$$

$$f(x) = -2 \Rightarrow x = 3 \text{ او } x = 5$$

4. ما هو العدد الذي صورته أكبر ما يمكن؟ وما هي هذه الصورة؟

العدد هو -2 والصورة هي 5 أي $f(-2) = 5$

انتهى ملخص الوحدة الخامسة

أسئلة الامتحان التجريبي الرابع عام 2023/2024

مادة الجبر الوحدة الخامسة

اعداد المدرس لؤي الدمني هـ 0991518690



السؤال الأول: في كل مما يأتي إجابة واحدة صحيحة من بين ثلاث إجابات مقترحة، اكتبها:

1. إذا كان f تابع معرف وفق الصيغة $f(x) = 3x^2 + 2x + 8$ فإن $f(1)$ تساوي:

a	11	b	12	c	13
---	----	---	----	---	----

2. إذا كان f تابع معرف وفق الصيغة $f(x) = x^2$ فإن أسلاف العدد 4 هي:

a	{1, -3}	b	{1, 3}	c	{2, -2}
---	---------	---	--------	---	---------

3. صيغة التابع u الذي يقرب بكل عدد x مربع مجموع x مع العدد 3 هي:

a	$u(x) = x^2 + 3$	b	$u(x) = (x + 3)^2$	c	$u(x) = (x + 3^2)$
---	------------------	---	--------------------	---	--------------------

4. إذا كان f تابع معرف وفق الصيغة $f(x) = x^2 - 4$ فإن العدد الذي ليس له أسلاف هو:

a	-5	b	5	c	0
---	----	---	---	---	---

السؤال الثاني: في كل مما يأتي اجب بكلمة صح او خطأ:

1. f تابع معرف بالصيغة $f(x) = (x - 1)(x + 5)$ فإن $f(2) = -6$.

2. أي مستقيم يوازي محور الترتيب يمثل تابعاً.

3. لتعين مجموعة تعريف التابع f نوجد فاصلة اول نقطة وفاصلة آخر نقطة ونكتبها على شكل مجال.

4. التابع f معطى بالصيغة $f(x) = x^2 + 25$ فإن العدد 5 ليس له أسلاف.

السؤال الثالث:

الجدول التالي يعرف تابعاً g يربط لكل عدد من السطر الأول x عدد من السطر الثاني $g(x)$.

x	0	1	2	3	4	5	6
$g(x)$	-2	-3	0	1	2	-1	-3

1. اوجد صورة كلاً من الاعداد 2, 6, 0.

2. عين اسلاف كلاً من الاعداد 2, 0, -3.

3. على معلم متجانس ارسم تمثيلاً للتابع g .

4. مثل المستقيم d المعطى وفق $d: y = 4 - x$ ثم عين نقاط تقاطعه مع الخط البياني للتابع g .

السؤال الرابع:

ليكن لدينا التابع f المعرف بالعلاقة $f(x) = 4x^2(x + 1) - 36(x + 1)$ والمطلوب:

1. احسب صورة الأعداد -1, 0.

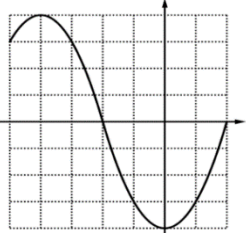
2. حلل عبارة التابع f ثم عين اسلاف العدد 0.

السؤال الخامس: ليكن لدينا التابع k المعرف بالعلاقة $k \mapsto 2t + 5$ والمطلوب:

3. احسب صورة الأعداد $0, -\frac{5}{2}$.

4. عين اسلاف كل من العددين 0, 7.

السؤال السادس: الشكل البياني المجاور هو الخط للتابع f .



1. اوجد مجموعة تعريف التابع.

2. اوجد مجموعة قيم التابع.

3. ما صورة الاعداد 2 و -5 و -1.

4. اوجد اسلاف الاعداد 4 و 3 و 0.

5. ما العدد الذي صورته أكبر ما يمكن؟ ما هي هذه الصورة؟

6. ما العدد الذي صورته أصغر ما يمكن؟ ما هي هذه الصورة؟

السؤال السابع: ليكن لدينا التابع f المعرف بالعلاقة

$$f(x) = (x - 2)(2x + 5) - 3(x - 2)$$

$$g(x) = 2x^2 - 2x - 4$$

1. انشر التابع f ثم اثبت أن $f(x) = g(x)$.

2. احسب $f(2), f(0)$.

3. عين اسلاف العدد -4.

4. حلل التابع f الى جداء عوامل من الدرجة الأولى ثم عين اسلاف الصفر.

السؤال الثامن: ليكن التابع f المعرف بالعلاقة $f(x) = 2x + 3$ خطه البياني d , والمطلوب:

1. جد $f(0), f(-1)$.

2. جد قيم x التي تجعل $f(x) = -1$.

3. حل جبرياً المعادلتين $\begin{cases} d: y = 2x + 3 \\ \Delta: y - x = 1 \end{cases}$

4. على معلم متجانس ارسم كلاً من d و Δ موضحاً نقطة تقاطعهما.

2020 السؤال التاسع: ليكن لدينا التابع f المعرف بالعلاقة $f(x) = 2x + 1$ والمطلوب:

1. احسب $f(\frac{1}{2}), f(0)$.

2. عين اسلاف العدد 5.

2021 السؤال العاشر: ليكن لدينا التابع f المعرف بالعلاقة $f(x) = \frac{1}{\sqrt{3}}x - \sqrt{3}$ والمطلوب:

1. احسب $f(\sqrt{3})$.

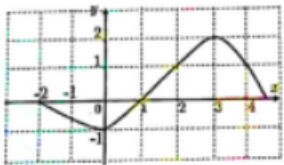
2. حل المعادلة $f(x) = 0$.

2022 السؤال الحادي عشر:

ليكن التابع f الممثل بالخط البياني المجاور والمطلوب:

1. احسب $f(3), f(0)$.

2. عين اسلاف العدد 1.



انتهت، مع دعائي لكم بالتوفيق دوماً

السؤال الرابع :

$$f(x) = 4x^2(x+1) - 36(x+1)$$

(1) بعوض بـ x

$$f(-1) = 4(-1)^2(-1+1) - 36(-1+1)$$

$$f(-1) = 0$$

$$f(0) = 4(0)^2(0+1) - 36(0+1)$$

$$f(0) = -36$$

$$f(x) = 4x^2(x+1) - 36(x+1) \quad (2)$$

$$= (x+1)[4x^2 - 36]$$

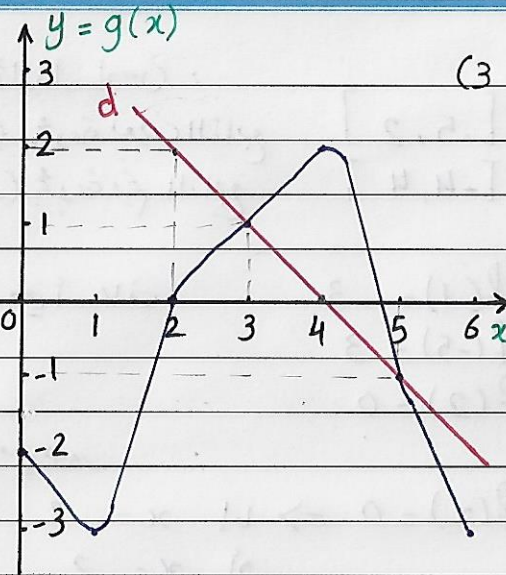
$$f(x) = (x+1)(2x-6)(2x+6)$$

$$(x+1)(2x-6)(2x+6) = 0$$

$$x+1=0 \Rightarrow x=-1$$

$$2x-6=0 \Rightarrow 2x=6 \Rightarrow x=\frac{6}{2} \Rightarrow x=3$$

$$2x+6=0 \Rightarrow 2x=-6 \Rightarrow x=-\frac{6}{2} \Rightarrow x=-3$$



(3)

السؤال الأول :

1. C

2. C

3. b

4. a

السؤال الثاني :

(1) غلط

(2) غلط

(3) صحيح

(4) صحيح

السؤال الثالث :

$$(1) \quad g(0) = -2$$

$$g(2) = 0$$

$$g(6) = -3$$

$$(2) \quad g(x) = 2 \Rightarrow x = 4$$

$$g(x) = 0 \Rightarrow x = 2$$

$$g(x) = -3 \Rightarrow x = 1 \text{ أو } x = 6$$

$$x = 1 \text{ أو } x = 6$$

(4) لرسم d خذناج الى نقطتين

x	y	(x,y)
2	2	(2,2)
4	0	(4,0)

نقاط تقاطع d مع الخط البياني للتابع هي

(3, 1)

(5, -1)

• طلب إضافي :

* أوجد مجموعة تعريف التابع

أذن x

أذن x

* أوجد مجموعة قيم التابع

[-3, 2]

أذن y

أذن y



لؤي الدمني

السؤال السابع :	السؤال السادس :	السؤال الخامس :
$f(x) = (x-2)(2x+5) - 3(x-2)$ $g(x) = 2x^2 - 2x - 4$	(1) مجموعة تعريف التابع $[-5, 2]$ (2) مجموعة قيم التابع $[-4, 4]$	$t \mapsto 2t+5$ $k(t) = 2t+5$
$f(x) = 2x^2 + 5x - 4x - 10 - 3x + 6$ $= 2x^2 - 2x - 4$	(3) مع أسلاف $f(-1) = -3$ $f(-5) = 3$ $f(2) = 0$	(1) بعوض بدال t $k(0) = 2(0) + 5$ $k(0) = 5$
$\Rightarrow f(x) = g(x)$ وفيه	(4) مع صور $f(x) = 0 \Rightarrow$ إما $x = -2$ أو $x = 2$	$k(-\frac{5}{2}) = 2(-\frac{5}{2}) + 5$ $= -5 + 5$ $k(-\frac{5}{2}) = 0$
$f(0) = 2(0)^2 - 2(0) - 4$ $f(0) = -4$	$f(x) = 3 \Rightarrow$ إما $x = -3$ أو $x = -5$	(2) بعوض بدال $k(t)$ $k(t) = 2t + 5$
$f(2) = 2(2)^2 - 2(2) - 4$ $= 8 - 4 - 4$ $f(2) = 0$	$f(x) = 4 \Rightarrow x = -4$	$7 = 2t + 5$ $-2t = 5 - 7$ $-2t = -2$ $t = \frac{-2}{-2}$ $t = 1$
	(5) ما العدد الذي صورته أكبر ما يمكن، وما هي هذه الصورة؟ العدد هو -4 والصورة 4 $f(-4) = 4$	$k(t) = 2t + 5$ $0 = 2t + 5$ $-2t = 5$ $t = \frac{-5}{2}$
	(6) العدد الذي صورته أصغر ما يمكن، وما هي هذه الصورة؟ العدد هو 0 والصورة -4 $f(0) = -4$	



$$y = 2x + 3 \quad \text{نعوض في (1)}$$

$$= 2(-2) + 3$$

$$= -4 + 3$$

$$\boxed{y = -1}$$

وضه الشائبة (-2 و -1) من الجلة

(4) رسم د فتاج إلى نقطتين

$$d: y = 2x + 3$$

x	y	(x, y)
0	3	(0, 3)
-1	1	(-1, 1)

Δ: رسم د فتاج إلى نقطتين

x	y	(x, y)
-1	0	(-1, 0)
-2	-1	(-2, -1)

$$f(x) = 2x + 3 \quad \text{السؤال الثامن:}$$

$$f(0) = 2(0) + 3 \quad (1)$$

$$f(0) = 3$$

$$f(-1) = 2(-1) + 3$$

$$= -2 + 3$$

$$f(-1) = 1$$

$$f(x) = -1 \quad (2)$$

$$2x + 3 = -1$$

$$2x = -1 - 3$$

$$2x = -4$$

$$x = \frac{-4}{2}$$

$$\boxed{x = -2}$$

$$\begin{cases} d: y = 2x + 3 & (1) \\ \Delta: y - x = 1 & (2) \end{cases} \quad (3)$$

$$\Delta: y - x = 1 \quad (2)$$

نعوض (1) في (2)

$$y - x = 1$$

$$2x + 3 - x = 1$$

$$x = 1 - 3$$

$$\boxed{x = -2}$$

تكملة السؤال السابع:

$$2x^2 - 2x - 4 = -4 \quad (3)$$

$$2x^2 - 2x = -4 + 4$$

$$2x^2 - 2x = 0$$

$$x(2x - 2) = 0$$

إما

$$\boxed{x = 0}$$

$$\text{أو } 2x - 2 = 0$$

$$2x = 2$$

$$x = \frac{2}{2} \Rightarrow \boxed{x = 1}$$

$$f(x) = (x-2)(2x+5) - 3(x-2) \quad (4)$$

$$= (x-2)[2x+5-3]$$

$$f(x) = (x-2)(2x+2)$$

$$f(x) = 0$$

$$(x-2)(2x+2) = 0$$

$$\text{إما } x - 2 = 0$$

$$\boxed{x = 2}$$

$$\text{أو } 2x + 2 = 0$$

$$2x = -2 \Rightarrow x = \frac{-2}{2}$$

$$\boxed{x = -1}$$



$$f(3), f(0) \text{ أ ب (1)}$$

$$f(0) = -1$$

$$f(3) = 2$$

عين اسلاف العدد 1

$$f(x) = 1$$

$$\text{إما } x = 2$$

$$\text{أو } x = 4$$

انتظر حل النموذج ...

السؤال العاشر : دورة 2021

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{3}}x - \sqrt{3}$$

$$f(\sqrt{3}) = \frac{1}{\sqrt{3}}(\sqrt{3}) - \sqrt{3} \quad (1)$$

$$f(\sqrt{3}) = 1 - \sqrt{3}$$

$$f(x) = 0 \quad (2)$$

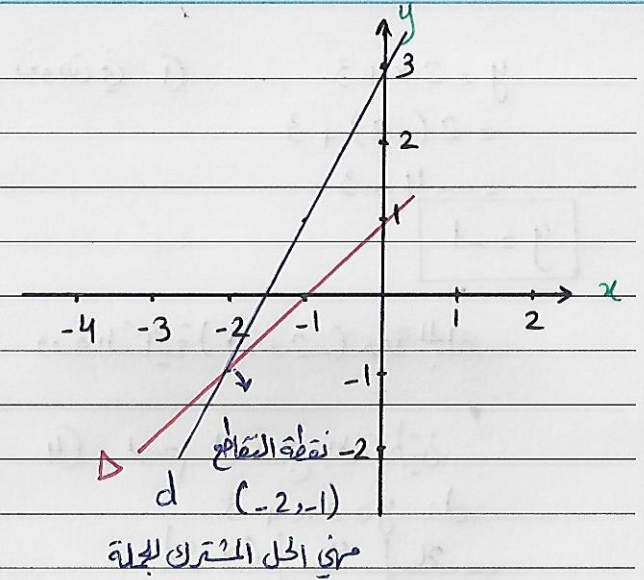
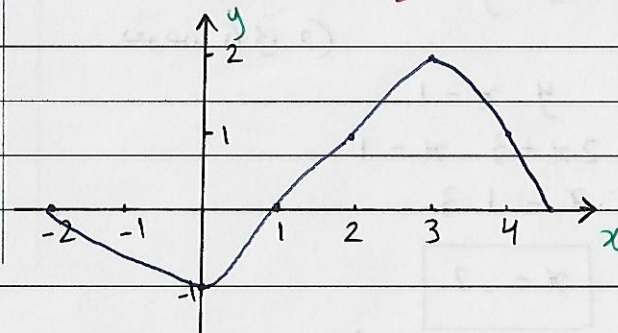
$$\frac{1}{\sqrt{3}}x - \sqrt{3} = 0$$

$$\frac{1}{\sqrt{3}}x = \sqrt{3}$$

$$x = \sqrt{3} \times \sqrt{3}$$

$$x = 3$$

السؤال الحادي عشر : دورة 2022



السؤال التاسع : دورة 2020

$$f(x) = 2x + 1$$

$$f(0) = 2(0) + 1 \quad f\left(\frac{1}{2}\right) = 2\left(\frac{1}{2}\right) + 1 \quad (1)$$

$$f(0) = 1$$

$$= 1 + 1$$

$$f\left(\frac{1}{2}\right) = 2$$

$$f(x) = 5 \quad (2)$$

$$2x + 1 = 5$$

$$2x = 5 - 1 \Rightarrow 2x = 4$$

$$x = \frac{4}{2}$$

$$x = 2$$





ملخص الوحدة السادسة لعام 2023/2024
مادة الجبر (مبادئ الاحتمال والاحصاء)
اعداد المدرس لؤي الدمني 0991518690

تعريف هامة - مقدمة

- التقاطع: هو مجموعة العناصر المشتركة بين مجموعتين $(A$ و $B)$ ونرمز له بـ $A \cap B$.
- اجتماع مجموعتين: هو مجموعة العناصر المشتركة وغير المشتركة بين مجموعتين $(A$ و $B)$ ونرمز له بـ $A \cup B$.
- عندما لا يكون بين مجموعتين عناصر مشتركة نقول ان تقاطعهما هو المجموعة الخالية ونكتب $A \cap B = \emptyset$.

تمرين سريع: لتكن لدينا المجموعة $\Omega = \{1,2,3,4,5,6,7,8,9\}$ ونعرف المجموعات:

- A : الاعداد الزوجية. B : الاعداد الفردية.
 C : الاعداد الأولية. D : مضاعفات العدد 4.
1. اكتب عناصر المجموعات A, B, C, D .
2. اوجد كل من: $C \cup B$ $C \cap B$
 $A \cup B$ $A \cap B$
 $D \cup B$ $D \cap B$

- نقول عن تجربة انها **تجربة احتمالية** عندما يكون لها عدد من النتائج او الامكانات ولا يُعرف بداية أي تلك النتائج هي التي ستقع ونسمي كل نتيجة لهذه التجربة حدثاً بسيطاً.
- احتمال حدث بسيط هو عدد محصور بين الصفر والواحد.
- مجموع احتمالات الاحداث البسيطة في أي تجربة احتمالية يساوي الواحد.
- تسمى كل مجموعة من نتائج التجربة حدثاً.
- احتمال الحدث E نرمز اليه بـ $P(E)$ وهو مجموع احتمالات فروع الشجرة التي تؤدي الى E .

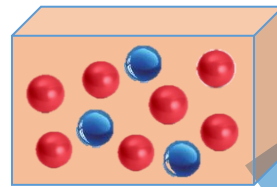
- الحدث A و B هو الحدث الذي يقع عندما يقع الحدثان A و B معاً.
- الحدث A او B هو الحدث الذي يقع عندما يقع أحد الحدثين او كلاهما.
- الحدث الغير قابل للتحقق نسميه الحدث المستحيل واحتماله يساوي الصفر. $P(\emptyset) = 0$
- الحدث الذي لابد ان يتحقق نسميه الحدث الأكيد واحتماله يساوي الواحد. $P(\Omega) = 1$
- نقول عن حدثين انهما متنافيان. إذا استحال تحققهما في آن معاً.
- إذا كان A, B حدثين متنافيين كان احتمال الحدث $\langle A \text{ او } B \rangle$ مساوياً مجموع احتماليهما.
- الحدث المعاكس للحدث A هو الحدث الذي يقع إذا لم يقع A ونرمز اليه بالرمز \bar{A} .
- ونقول ان A و \bar{A} متعاكسان (أي ان كل منهما يعاكس الآخر)
- مجموع احتمالي حدثين متعاكسين يساوي الواحد. $P(A) + P(\bar{A}) = 1$

تمرين مو سريع: في تجربة رمي حجر نرد متجانس أوجهه تحمل الأرقام $\{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$

1. بعد رسمك للشجرة الإمكانيات احسب احتمالات كل من الاحداث الآتية
- ✓ A حدث ظهور العدد واحد.
✓ B حدث ظهور عدد زوجي.
✓ C حدث ظهور عدد اولي.
✓ D حدث ظهور عدد أصغر تماماً من 3.
✓ E حدث ظهور عدد أكبر او يساوي 3.
✓ G حدث ظهور عدد من مضاعفات العدد 7.
✓ H حدث ظهور عدد أصغر تماماً من 7.
2. هل الحدثان D و E متنافيان.
3. هل الحدثان B و C متنافيان.
4. احسب الحدث المعاكس للحدث B .
5. احسب الحدث المعاكس للحدث A .

الأحداث المركبة

- على شجرة الإمكانيات لتجربة عشوائية نسمي كل فرعين متتاليين مسار.
- على شجرة الإمكانيات (محملة بالاحتمالات) احتمال حدث في نهاية أي مسار يساوي جداء ضرب احتمالات المسار.
- تمرين سريع:** صندوق يحوي عشر كرات متماثلة سبعة منها حمراء R وثلاثة زرقاء B نسحب من الصندوق كرة ونسجل لونها ثم نعيدها لنسحب منه كرة أخرى والمطلوب:



1. ارسم شجرة الإمكانيات مزوداً فروعها باحتمالات النتائج الممكنة.
2. احسب احتمال كل من الاحداث الآتية:
- A حدث ظهور كرتين لونهما ازرق.
 B حدث ظهور كرتين من اللون ذاته.
 C حدث ظهور كرة حمراء وكرة زرقاء.
 D حدث ظهور كرة حمراء أولاً ثم كرة زرقاء.

الإحصاء

- المدى:** هو الفرق بين أكبر مفردات العينة وأصغرها نرمز له بـ E .
- المنوال:** هو المفردة الأكثر تكراراً في العينة.
- المتوسط الحسابي:** يكون مساوياً مجموع عناصر العينة تقسيم عدد العناصر.

- لإيجاد **وسيط** عينة أولاً نقوم بترتيب العينة ترتيباً تصاعدياً او تنازلياً ثم ننظر إذا كان عدد العناصر فردياً كان الوسيط هو تلك القيمة الواقعة في المنتصف وإذا كان عدد عناصر العينة زوجياً كان الوسيط هو متوسط المفردتين الواقعتين في المنتصف.

- ان الوسيط يقسم العينة المرتبة الى عيتين متساويتين بالعدد إحداهما مفرداتها أصغر أو تساوي الوسيط ونسمي وسيط هذه العينة الجزئية بالربيع الأول للعينة الأصلية ونرمز له بالرمز Q_1 .
- والأخرى مفرداتها أكبر أو تساوي الوسيط ونسمي وسيط هذه العينة بالربيع الثالث للعينة الأصلية ونرمز اليه بالرمز Q_3 . كما نرمز بالرمز Q_2 إلى **وسيط العينة** ونسميه أيضاً الربيع الثاني. وعلى ذلك فإن الربيعات الثلاثة تقسم العينة بعد ترتيبها إلى أربعة أجزاء متساوية عدداً.

تمرين سريع: لتكن لدينا العينة العشوائية 18, 20, 18, 13, 7, 8, 5, 9, 14 والمطلوب:

1. رتب العينة السابقة ترتيباً تصاعدياً.
2. احسب مدى العينة.
3. اوجد منوال العينة.
4. احسب المتوسط الحسابي للعينة.
5. اوجد وسيط العينة والربيعات الأول والثالث.
6. اعد الطلبات السابقة على العينة الآتية: 30, 27, 27, 25, 23, 16, 15, 13.

انتهى ملخص الوحدة السادسة

أرجو لكم الفائدة

اعداد المدرس لؤي الدمني

أسئلة الامتحان التجريبي الخامس عام 2023/2024

مادة الجبر الوحدة السادسة

اعداد المدرس لؤي الدمني هـ 0991518690



السؤال الأول: صندوق يحوي 5 بطاقات متماثلة كتب عليها الأرقام الآتية: 2,2,3,4,4

نسحب عشوائياً من الصندوق بطاقة واحدة ونقرأ رقمها، والمطلوب:

2022

1. ارسم شجرة الإمكانات وزود فروعها باحتمالات النتائج الممكنة.
2. الحدث A سحب بطاقة تحمل رقماً أصغر تماماً من 4، احسب احتمال الحدثين A ، A^c .
3. احسب وسيط العينة 2,2,3,4,4.

السؤال الثاني: في الشكل المجاور دولاب مقسم الى ثمانية أقسام متساوية كتب

عليها الأرقام 1,1,2,3,3,4,4,4 ندير هذا الدولاب ونقرأ الرقم الذي يستقر عليه المعلم



2021

ونعرف الأحداث: A أن يستقر المؤشر عند العدد 1.

1. B أن يستقر المؤشر عند عدد أكبر تماماً من 2.
2. ارسم شجرة الإمكانات وزود فروعها باحتمالات النتائج الممكنة.
3. احسب احتمال الحدث A واحسب احتمال الحدث B .
3. احسب مدى العينة 1,1,2,3,3,4,4,4.

السؤال الثالث: نلقي حجر نرد متجانس أوجهه تحمل الأرقام 1,2,3,4,5,6 ونعرف الأحداث:

A ظهور عدد أصغر أو يساوي 2. B ظهور عدد فردي. C ظهور عدد أكبر أو يساوي 3.

2020

1. احسب احتمال الحدث A واحسب احتمال الحدث B .
2. احسب احتمال الحدث A^c حيث: A^c الحدث المعاكس للحدث A .
3. احسب احتمال الحدث C .

السؤال الرابع: يحوي كيس عشر كرات متماثلة كتب عليها الأرقام 4,4,3,2,2,2,1,1,1,1 سحب

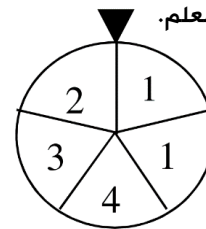
منه عشوائياً كرة واحدة، والمطلوب:

2019

1. ارسم شجرة الإمكانات وزود فروعها باحتمالات النتائج الممكنة.
2. الحدث A سحب كرة تحمل أحد الرقمين 3 أو 4 احسب احتمال A .
3. احسب وسيط العينة الاحصائية 4,4,3,2,2,2,1,1,1,1.

السؤال الخامس: في الشكل المجاور دولاب مقسم الى خمسة اقسام متساوية،

ندور هذا الدولاب وبعد أن يستقر نقرأ الرقم المكتوب الذي يستقر عليه المعلم.



2018

1. A حدث ظهور العدد 1. B حدث ظهور عدد زوجي.
1. ارسم شجرة الإمكانات وزود فروعها باحتمالات النتائج الممكنة.
2. احسب احتمال الحدث A واحسب احتمال الحدث B .
3. هل الحدثان A و B متنافيان؟ علل.

السؤال السادس: صندوق يحوي سبع كرات متماثلة تحمل كلاً منها رقماً، منها أربع كرات حمراء R ارقامها: 3, 2, 1, 1 وثلاث كرات سوداء B ارقامها 4, 3, 3 نسحب عشوائياً كرة والمطلوب:

1. ارسم شجرة الامكانات لهذه التجربة المركبة.
2. A حدث سحب كرة حمراء رقمها فردي، احسب $P(A)$.
3. B حدث سحب كرة سوداء تحمل الرقم 4، احسب $P(B)$.
4. C حدث سحب كرة حمراء أو سوداء تحمل الرقم 3 احسب $P(C)$.
5. احسب احتمال الحدث A^c الحدث المعاكس لـ A .

السؤال السابع: حزمة ورق لعب مكونة من 9 أوراق أرقامها {1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9}

نسحب ورقة من هذه الحزمة ونقرأ رقمها والمطلوب:

1. ارسم شجرة الإمكانات وزود فروعها باحتمالات النتائج الممكنة.
2. احسب احتمال الاحداث الآتية:

A حدث ظهور العدد واحد.

B حدث ظهور عدد زوجي.

C حدث ظهور عدد اولي.

D حدث ظهور عدد أصغر تماماً من 4.

E حدث ظهور عدد أكبر أو يساوي 4.

F حدث ظهور عدد يقبل القسمة على 3.

G حدث ظهور العدد n حيث: $4 \leq n < 6$.

H حدث ظهور عدد أصغر تماماً من 10، ماذا نسمي هذا الحدث؟

I حدث ظهور عدد من مضاعفات العدد 11، ماذا نسمي هذا الحدث؟

3. هل الحدثان A و B متنافيان؟

4. هل الحدثان G و F متنافيان؟

5. اوجد الحدث المعاكس للحدث B بطريقتين.

6. اوجد المدى والوسيط والربيعات الأول والثالث للعينة {1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9}

7. اوجد عناصر المجموعات A, B, C, D, E ثم عرف التقاطع والاتحاد وأوجد:

$C \cup B$ $C \cap B$ $A \cup B$ $A \cap B$ $D \cup E$ $D \cap E$

السؤال الثامن: لتكن لدينا العينة العشوائية 21,2,13,3,9,4,9,4,8,5,8,8,5 والمطلوب:

1. رتب العينة السابقة ترتيباً تصاعدياً.

2. احسب مدى العينة.

3. اوجد منوال العينة.

4. احسب المتوسط الحسابي للعينة.

5. اوجد وسيط العينة والربيعات الأول والثالث.

انتهت، مع دعائي لكم بالتوفيق دوماً

$$p(A') = 1 - p(A) \quad (2)$$

$$= 1 - \frac{1}{3}$$

$$= \frac{3}{3} - \frac{1}{3}$$

$$p(A') = \frac{2}{3}$$

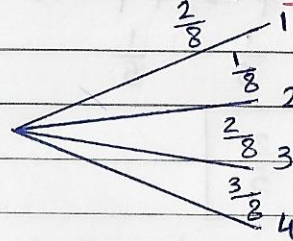
$$p(C) = p(3) + p(4) + p(5) + p(6) \quad (3)$$

$$= \frac{1}{6} + \frac{1}{6} + \frac{1}{6} + \frac{1}{6}$$

$$= \frac{4}{6}$$

$$p(C) = \frac{2}{3}$$

السؤال الثاني : دورة 2021



$$p(A) = p(1) = \frac{2}{8} = \frac{1}{4} \quad (2)$$

$$p(B) = p(3) + p(4)$$

$$= \frac{2}{8} + \frac{3}{8}$$

$$p(B) = \frac{5}{8}$$

$$E = 4 - 1 \Rightarrow E = 3 \quad (3)$$

السؤال الثالث : دورة 2020

$$p(A) = p(1) + p(2) \quad (1)$$

$$= \frac{1}{6} + \frac{1}{6} = \frac{2}{6}$$

$$p(A) = \frac{1}{3}$$

$$p(B) = p(1) + p(3) + p(5)$$

$$= \frac{1}{6} + \frac{1}{6} + \frac{1}{6} = \frac{3}{6}$$

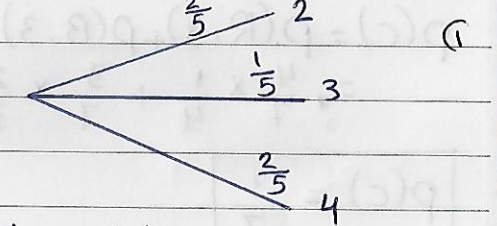
$$p(B) = \frac{1}{2}$$

• مسألة الامتحان التجريبي الخامس :

• مادة الجبر (الوحدة السادسة - الإحصاء والاحتمالات)

• المدرّس : لؤي الدمني

السؤال الأول : دورة 2022



$$p(A) = p(3) + p(2) \quad (2)$$

$$= \frac{1}{5} + \frac{2}{5}$$

$$p(A) = \frac{3}{5}$$

$$p(A') = 1 - p(A)$$

$$= 1 - \frac{3}{5}$$

$$= \frac{5}{5} - \frac{3}{5}$$

$$p(A') = \frac{2}{5}$$

$$Q_2 = 3$$

(3) الوسط



$$p(B) = p(B, 4)$$

$$= \frac{3}{7} \times \frac{1}{3}$$

$$p(B) = \frac{1}{7}$$

$$p(C) = p(R, 3) + p(B, 3)$$

$$= \frac{4}{7} \times \frac{1}{4} + \frac{3}{7} \times \frac{2}{3} = \frac{1}{7} + \frac{2}{7}$$

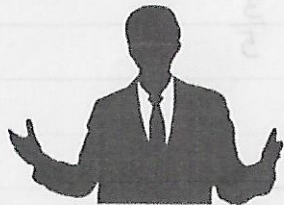
$$p(C) = \frac{3}{7}$$

$$p(A') = 1 - p(A)$$

$$= 1 - \frac{3}{7}$$

$$= \frac{7}{7} - \frac{3}{7}$$

$$p(A') = \frac{4}{7}$$



لؤي الدمني

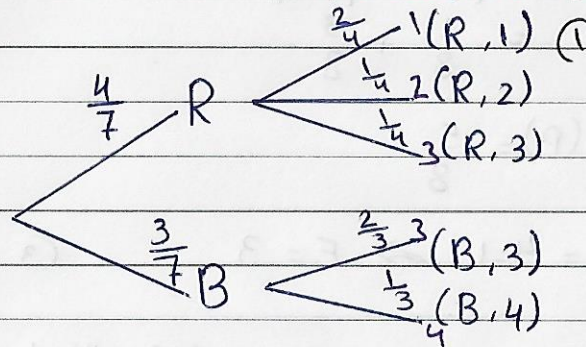
$$p(B) = p(2) + p(4)$$

$$= \frac{1}{5} + \frac{1}{5}$$

$$p(B) = \frac{2}{5}$$

(3) الختان B, A متباينان لأنه لا يمكن تحققها معاً

السؤال السادس:



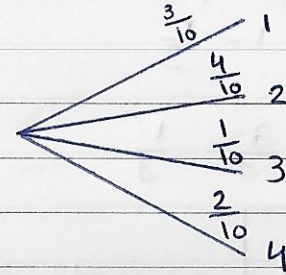
$$p(A) = p(R, 1) + p(R, 3)$$

$$= \frac{4}{7} \times \frac{2}{4} + \frac{4}{7} \times \frac{1}{4}$$

$$= \frac{2}{7} + \frac{1}{7}$$

$$p(A) = \frac{3}{7}$$

السؤال الرابع: دورة 2019



$$p(A) = p(3) + p(4)$$

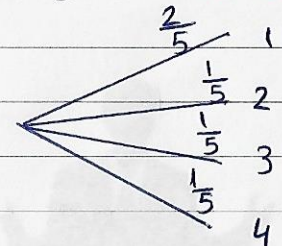
$$= \frac{1}{10} + \frac{2}{10} =$$

$$p(A) = \frac{3}{10}$$

$$Q_2 = \frac{2+2}{2} = \frac{4}{2}$$

$$Q_2 = 2$$

السؤال الخامس: دورة 2018



$$p(A) = p(1) = \frac{2}{5}$$

$$p(\bar{B}) = 1 - p(B)$$

$$= 1 - \frac{4}{9}$$

$$= \frac{9}{9} - \frac{4}{9}$$

$$p(\bar{B}) = \frac{5}{9}$$

$$p(\bar{B}) = p(1) + p(3) + p(5) + p(7) + p(9)$$

$$= \frac{1}{9} + \frac{1}{9} + \frac{1}{9} + \frac{1}{9} + \frac{1}{9}$$

$$p(\bar{B}) = \frac{5}{9}$$

$$E = 9 - 1 = 8 \quad (\text{المضى}) \quad (6)$$

$$Q_2 = 5 \quad (\text{الوسط})$$



لؤي الدمني

$$p(E) = p(4) + p(5) + p(6) + p(7) + p(8) + p(9)$$

$$= \frac{1}{9} + \frac{1}{9} + \frac{1}{9} + \frac{1}{9} + \frac{1}{9} + \frac{1}{9}$$

$$p(E) = \frac{6}{9} = \frac{2}{3}$$

$$p(F) = p(3) + p(6) + p(9)$$

$$= \frac{1}{3} + \frac{1}{3} + \frac{1}{3} = \frac{3}{9}$$

$$p(F) = \frac{1}{3}$$

$$p(G) = p(4) + p(5)$$

$$= \frac{1}{9} + \frac{1}{9} = \frac{2}{9}$$

$$p(G) = \frac{2}{9}$$

$$p(H) = p(2) = 1 \quad (\text{الحديث الأكيد})$$

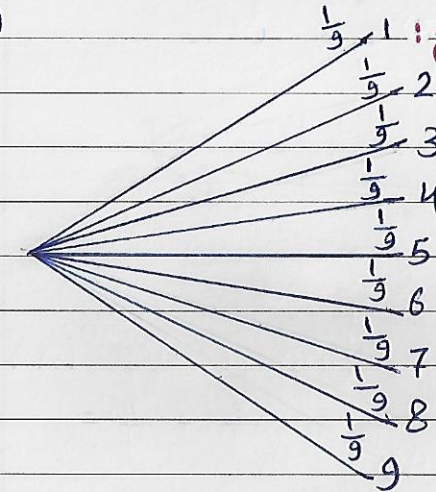
$$p(I) = p(\emptyset) = 0 \quad (\text{الحديث المقل})$$

(3) الحدثان A, B متباينان
لأنه لا يمكن تحققهما معاً

$$p(D) = p(1) + p(2) + p(3)$$

$$= \frac{1}{9} + \frac{1}{9} + \frac{1}{9} = \frac{3}{9} = \frac{1}{3}$$

السؤال السابع: 1



$$p(A) = p(1) = \frac{1}{9} \quad (2)$$

$$p(B) = p(2) + p(4) + p(6) + p(8)$$

$$= \frac{1}{9} + \frac{1}{9} + \frac{1}{9} + \frac{1}{9}$$

$$p(B) = \frac{4}{9}$$

$$p(C) = p(2) + p(3) + p(5) + p(7)$$

$$= \frac{1}{9} + \frac{1}{9} + \frac{1}{9} + \frac{1}{9}$$

$$p(C) = \frac{4}{9}$$

السؤال الثامن:

21, 2, 13, 3, 9, 4, 9, 4, 8, 5, 8, 8, 5

$$Q_1 = \frac{2+3}{2} = \frac{5}{2}$$

$$Q_1 = 2.5$$

2, 3, 4, 4, 5, 5, 8, 8, 8, 9, 9, 13, 21

(2) مدى العينة

$$Q_3 = \frac{7+8}{2} = \frac{15}{2}$$

$$Q_3 = 7.5$$

$$E = 21 - 2$$

$$E = 19$$

(3) سؤال العينة

8

(4) المتوسط الحسابي

$$\frac{2+3+4+4+5+5+8+8+8+9+9+13+21}{13}$$

$$= \frac{99}{13} = 7.61$$

$$Q_2 = 8$$

(5)

$$Q_1 = \frac{4+4}{2} = \frac{8}{2}$$

$$Q_1 = 4$$

$$Q_3 = \frac{9+9}{2} = \frac{18}{2}$$

$$Q_3 = 9$$

$$A = \{1\} \quad (7)$$

$$B = \{2, 4, 6, 8\}$$

$$C = \{2, 3, 5, 7\}$$

$$D = \{1, 2, 3\}$$

$$E = \{4, 5, 6, 7, 8, 9\}$$

التقاطع: هو مجموعة العناصر المشتركة بين مجموعتين

A, B ونرمز له بـ $A \cap B$

الاجتماع: هو مجموعة العناصر المشتركة وغير المشتركة

بين مجموعتين A, B

ونرمز له بـ $A \cup B$

$$D \cap E = \{\emptyset\}$$

$$D \cup E = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\} = \{U\}$$

$$A \cap B = \{\emptyset\}$$

$$A \cup B = \{1, 2, 4, 6, 8\}$$

$$C \cap B = \{2\}$$

$$C \cup B = \{2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$$

انتهى حل التمرين



لؤي الدمني

نسب الزوايا الشهيرة

	30°	45°	60°
\sin ■	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$
\cos ■	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$
\tan ■	$\frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$	$\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 1$	$\frac{\sqrt{3}}{1} = \sqrt{3}$

♥ لحساب طول ضلع عن طريق جردول نسب الزوايا الشهيرة نتأكد أولاً من وجود زاوية شهيرة 😊 ثم نربط بين الضلع المعلوم والضلع المطلوب عن طريق الزاوية الشهيرة بنسبة مثلثية مناسبة ونعوض بشكل شاقولي. انظر التمرين 13 ص 27

♥ لحساب قياس زاوية عن طريق جردول نسب الزوايا الشهيرة يجب أن نتأكد أولاً من وجود ضلعين معلومين ثم نربط بينهما بنسبة مثلثية متعلقة بالزاوية التي نريد حسابها ونختار الناتج ثم نقارنه بجدول نسب الزوايا الشهيرة ونختار الزاوية المساوية للناتج الذي أوجدها.

انظر التمارين ص 23

هذه الوحدة تأسيسية هامة جداً الرجاء التمكن من أفكارها قبل الانتقال الى الوحدة الثانية امتحانياً قر يأتي على هذه الوحدة ما يزيد عن مئة درجة.

انتهى ملخص الوحدة الدولية
ارجو لكم الفائدة
اعداد المدرس لؤي الدمني

♥ النسب المثلثية ليس لها وحدات قياس.

♥ النسب المثلثية هي اعداد موجبة تماماً لكون كل منها نسبة طولين.

♥ جيب وتجبب أي زاوية حادة هي اعداد محصورة بين الصفر والواحد.

♥ عند وجود زاوية حادة مشتركة بين مثلثين قائمين فإن نسبها المثلثية من المثلث الأول تساوي نسبها المثلثية من المثلث الثاني. انظر التمرين 7 ص 25

♥ عند وجود زاويتين متساويتين بالقياس في مثلثين قائمين فإن النسب المثلثية للزاوية الأولى تساوي النسب المثلثية للزاوية الثانية. انظر التمرين 10 ص 26

♥ زاويتا المثلث القائم الحادتين متتامتان أي مجموع قياسيهما 90° وفي حالة زاويتان متتامتان يكون جيب الزاوية الحادة الأولى يساوي تجبب الزاوية الحادة الثانية وعموماً:

$$\sin(x) = \cos(90 - x)$$

$$\cos(x) = \sin(90 - x)$$

انظر التمارين ص 18

متطابقتان مثلثيتان شهيرتان

■ إذا كان θ قياس زاوية حادة في مثلث قائم فإن:

$$1 \quad \sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$$

تستخدم في حساب الجيب بمعرفة التجبب والعكس.

$$2 \quad \tan \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta}$$

تستخدم في حساب أي نسبة بمعرفة الاخرين.

انظر التمارين ص 20

إذا اعطانا ظل زاوية وطلب الجيب والتجبب فإننا نعوض أولاً قيمة الظل حسب المطابقة الثانية ثم نربع التناسب ونعتمد على خواص التناسب بالحل.

♥ كل مثلث كانت ضلعه اثنان في دائرة كان متساوي الساقين.

♥ كل مثلث متساوي الساقين وجد فيه زاوية تساوي 60° فهو مثلث متساوي الاضلاع.

♥ المثلث القائم الذي قياس زاويتي الحادتين 60° و 30° يسمى المثلث الثلاثيني الستيني.

♥ مجموع قياسات زوايا أي مثلث 180°.

♥ إذا كانت قياسات زوايا مثلث قائم تساوي 30° كانت الضلع المقابل للزاوية 30° تساوي نصف طول الوتر.

♥ المتوسط المتعلق بالوتر يساوي نصف طول الوتر.

♥ مساحة أي مثلث تساوي القاعدة ضرب الارتفاع تقسيم اثنان اما المثلث القائم فمساحته تساوي جداء الضلعين القائمتين تقسيم اثنان

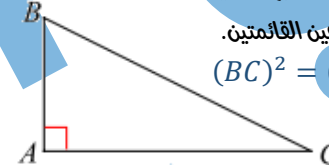
والمثلث متساوي الاضلاع مساحته $\frac{\sqrt{3}}{4}$ مضروباً بمربع طول الضلع.

♥ هام في أي مثلث قائم مربع الوتر يساوي

مجموع مربعي الضلعين القائمتين.

$$(BC)^2 = (AB)^2 + (AC)^2$$

انظر التمرين 8 ص 26



النسب المثلثية لزاوية حادة في مثلث قائم

• جيب زاوية حادة يساوي طول الضلع المقابل تقسيم الوتر.

$$\sin \hat{C} = \frac{\text{مقابل } \hat{C}}{\text{الوتر}} = \frac{AB}{BC}$$

• تجبب زاوية حادة يساوي طول الضلع المجاورة تقسيم الوتر.

$$\cos \hat{C} = \frac{\text{مجاور } \hat{C}}{\text{الوتر}} = \frac{AC}{BC}$$

• ظل زاوية حادة يساوي طول الضلع المقابل تقسيم المجاور.

$$\tan \hat{C} = \frac{\text{مقابل } \hat{C}}{\text{مجاور } \hat{C}} = \frac{AB}{AC}$$

انظر التمرين 16 ص 27

ملخص الوحدة الأولى لعام 2023/2024

مادة الهندسة (النسب المثلثية لزاوية حادة)

اعداد المدرس لؤي الدمني 0991518690



التناسب

إذا كانت a, b, c, d أربعة اعداد غير معروفة في

التناسب $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ تُسمى الاعداد a, b, c, d اعداد متناسبة حيث:

a, d طرفي التناسب. b, c وسطي التناسب.

خواص التناسب: في أي تناسب $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$

- نستطيع قلب النسب.
- نستطيع التبديل بين الطرفين أو بين الوسطين.
- نستطيع تثبيت المقامات وإضافتها أو طرحها الى اليسوى الموافقة.
- نستطيع تثبيت البسوى وإضافتها أو طرحها الى المقامات الموافقة.
- في أي تناسب صحيح جداء الطرفين يساوي جداء الوسطين.

لحل أي مسألة تناسب فإننا نحتاج الى تناسب وعلاقة نسبيها
★ حيث غالباً في مسائل التناسب يطلب منا حساب مجهولين.

انظر التمارين ص 14

ملاحظات هامة في المثلثات:

♥ نستطيع إثبات ان المثلث قائم عن طريق عكس مبرهنة فيثاغورث $(\text{الضلع الثاني})^2 + (\text{الضلع الأول})^2 = (\text{أطول ضلع})^2$

انظر التمرين 5 ص 25

♥ إذا مرت دائرة برؤوس مثلث وكان أحد أضلاعه قطر فيها كان قائماً ووتره هو ذلك القطر.

تمر برؤوس كل مثلث قائم دائرة مركزها يقع في منتصف الوتر. انظر التمرين 6 ص 25

♥ كل مثلث قائم وجد فيه زاوية تساوي 45° كان متساوي الساقين.



مبرهنة النسب الثلاث

تشرطها

هدفها

وجود مستقيمين متوازيين

حساب طول ضلع ما

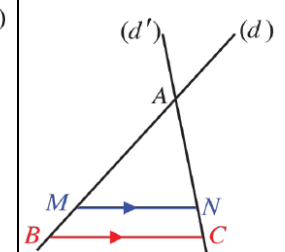
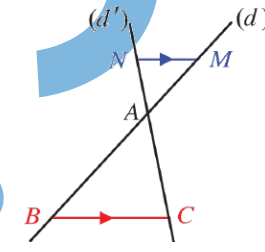
حالات النسب الثلاث:

نقطة التقاطع

نقطة التقاطع

داخل التوازي.

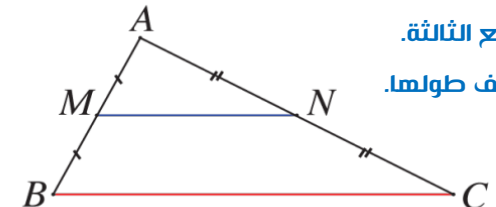
خارج التوازي.

بما أن $MN \parallel BC$ ومنه حسب مبرهنة النسب الثلاث:

$$\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}$$

انظر التمارين ص 34

تعلم: القطعة المستقيمة الواصلة بين منصفي ضلعين في مثلث:



(1) توازي الضلع الثالثة.

(2) تساوي نصف طولها.

$$MN \parallel BC$$

$$MN = \frac{1}{2} BC$$

عكس مبرهنة النسب الثلاث

تشرطها

هدفها

معرفة جميع أطوال الأضلاع

إثبات أن مستقيمين متوازيين

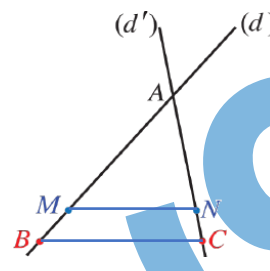
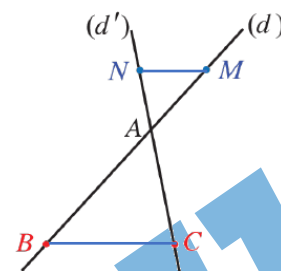
حالات عكس النسب الثلاث:

نقطة التقاطع

نقطة التقاطع

داخل المستقيمين

خارج المستقيمين

يكون MN, BC متوازيين.

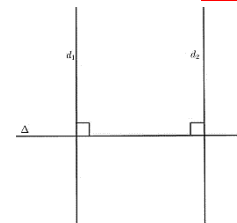
$$\text{إذا كان } \frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$$

يكون MN, BC ليسا متوازيين (متقاطعان).

$$\text{إذا كان } \frac{AM}{AB} \neq \frac{AN}{AC}$$

تعلم: المستقيمان العمودان على مستقيم واحد متوازيان.

$$d_1 \parallel d_2 \Leftrightarrow \begin{cases} d_1 \perp \Delta \\ d_2 \perp \Delta \end{cases}$$

**تذكر:** شبه المنحرف هو مضلع رباعي فيه ضلعان متوازيان

تسميان قاعدتا شبه المنحرف

انظر التمارين ص 37 - 38

التمارين الهامة هذه الوحدة رقم التمرين الصفحة

$$\frac{4-5}{45} + \frac{7-46}{46} + \frac{17-47}{47} + \frac{18-48}{48}$$

هذا لا يعني أن باق التمارين محذوفة كل ما في الكتاب هام

التشابه

• **تعريف:** نقول عن شكلين أنهما متشابهين إذا نتجت أطوال أضلاع أحدهما عن الآخر بضربها بعدد نسمي هذا العدد معامل التشابه ونرمز له بالرمز k .

في حالة $k > 1$: يؤول التشابه الى تكبير الشكل.في حالة $0 < k < 1$: يؤول التشابه الى تصغير الشكل.• **كيف نثبت تشابه شكلين؟**

إذا تناسبت أطوال الأضلاع المتقابلة في شكلين قلنا إن الشكلين متشابهين ويكون أحدهما مكبر عن الآخر أو مصغر عن الآخر أو مطابق له حسب معامل التشابه k . وهنا لدينا حالتان اما تكون أطوال الأضلاع جميعها في الشكلين معلومة فنشكل منها تناسباً بتقسيم كل ضلع من الشكل الأول على نظيره من الشكل الثاني ونثبت المساواة.

او يوجد لدينا توازي فنطبق مبرهنة النسب الثلاث مباشرة ونقول

(تناسبت أطوال الأضلاع فإن ---- متشابهان)

• **كيف نوجد معامل التشابه؟**

إذا أردنا نسبة التكبير فإننا نقسم ضلعاً من الكبير على مقابله من الصغير.

إذا أردنا نسبة التصغير فإننا نقسم ضلعاً من الصغير على مقابله من الكبير.

• **خواص التشابه:**

1. التشابه يحافظ على قياسات الزوايا.
2. التشابه يضرب الأطوال بـ k .
3. التشابه يضرب مساحات السطوح بـ k^2 .
4. التشابه يضرب حجوم المجسمات بـ k^3 .

انظر التمارين ص 42 - 43

انتهى ملخص الوحدة الثانية

أسئلة الامتحان التجريبي الأول عام 2023/2024

مادة الهندسة (الوحدة الأولى - الثانية)

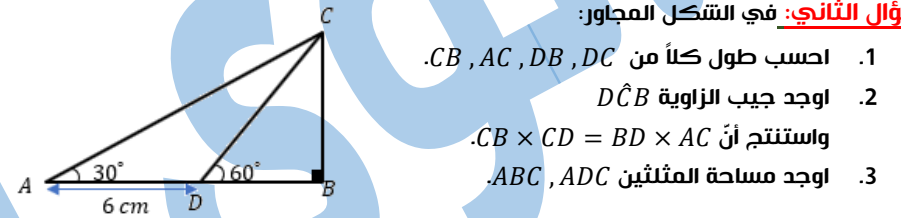
إعداد المدرس لؤي الدمني هـ 0991518690



السؤال الأول: ABC مثلث فيه $\hat{C} = 45^\circ$ ولدينا $\frac{A}{B} = \frac{1}{2}$ والمطلوب:

1. احسب قياس كل من الزاويتين \hat{A} , \hat{B} .
2. استنتج نوع المثلث بالنسبة لأضلاعه ثم ارسمه.
3. إذا علمت أن $AC = 6\sqrt{2}$ احسب كلا من AB , BC .
4. احسب مساحة المثلث.
5. اوجد عبارة $\sin \hat{A}$ ثم احسب قيمتها.
6. عين مركز الدائرة المارة برؤوس المثلث ثم احسب طول نصف قطرها.

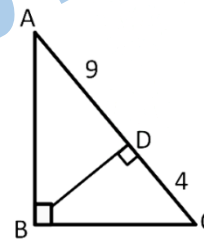
السؤال الثاني: في الشكل المجاور:



1. احسب طول كل من CB , AC , DB , DC .
2. اوجد جيب الزاوية $\hat{D}CB$.
3. واستنتج أن $CB \times CD = BD \times AC$.
4. اوجد مساحة المثلثين ABC , ADC .

السؤال الثالث: ABC مثلث قائم في \hat{A} فيه $\tan \hat{B} = \frac{7}{24}$

احسب كلا من $\sin \hat{B}$, $\cos \hat{B}$



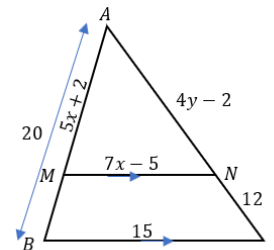
السؤال الرابع: في الشكل المرسوم جانباً: ABC مثلث قائم في \hat{B}

ولدينا $BD \perp AC$, $AD = 9$, $DC = 4$ والمطلوب:

1. علل $\tan(\hat{D}BC) = \tan(\hat{D}AB)$ واحسب طول DB .
2. علل $\sin \hat{B}AC = \cos \hat{A}CB$.
3. اوجد $\cos(\hat{A}CB)$ واستنتج العلاقة $BC^2 = CD \times CA$.

السؤال الخامس: ABC مثلث فيه $MN \parallel BC$

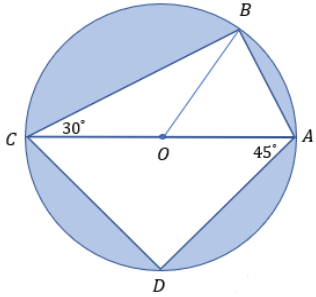
تأمل المعطيات الموضحة على الرسم ثم:



1. احسب قيمة كلا من x , y .
2. استنتج الأطوال AM , AC .

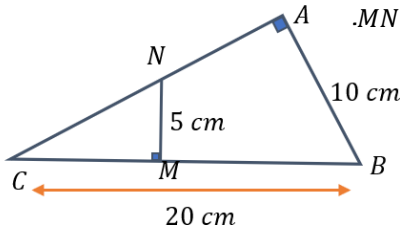
السؤال السادس: لدينا جانباً دائرة مركزها O ونصف قطرها $r = 12 \text{ cm}$

تأمل المعطيات الموضحة على الرسم جيداً ثم أجب.



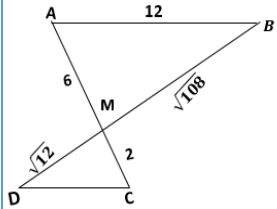
1. ما نوع المثلث ADC بالنسبة لأضلاعه.
2. استنتج قياس الزاوية \hat{ACD} .
3. احسب جميع أطوال اضلاع ABC وقياسات زوايا المثلث ABC .
4. ما نوع كل من المثلثين COB , AOB .
5. احسب قياس الزاوية \hat{BAD} .
6. احسب S مساحة الرباعي $ABCD$ ثم استنتج مساحة الجزء الملون.

السؤال السابع: ABC مثلث قائم في \hat{A} فيه $MN \perp BC$



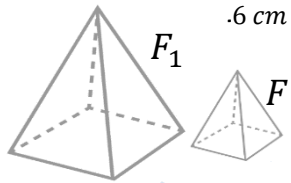
1. اوجد عبارة $\sin \hat{C}$ بطريقتين.
2. استنتج طول CN .
3. اوجد تجيب الزاوية \hat{B} ثم أثبت أن $AB \times CN = BC \times MN$.
4. أثبت أن $\hat{C} = 30^\circ$.
5. احسب الأطوال AC , AN .

السؤال الثامن: تأمل الشكل المجاور والمعطيات المدونة فيه:



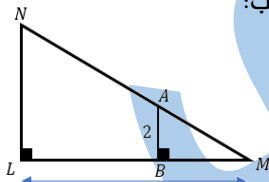
1. أثبت أن $DC \parallel AB$.
2. أثبت أن المثلث MAB قائم الزاوية.
3. احسب طول DC وقياس الزاوية \hat{MAB} .

السؤال التاسع: هرم F قاعدته مربع طول ضلعه 2 cm وارتفاعه 6 cm



1. هرم F_1 مكبر عن F بنسبة تكبير $K = 2$.
2. احسب طول ضلع قاعدة F_1 وارتفاعه.
3. احسب مساحة قاعدة F واستنتج مساحة قاعدة F_1 .
4. احسب حجم F واستنتج حجم F_1 .

السؤال العاشر: LMN مثلث قائم في L فيه $\frac{M}{N} = \frac{1}{2}$ والمطلوب:



1. احسب قياس كل من الزاويتين M , N .
2. إذا علمت أن $LM = 5\sqrt{3}$ احسب كلا من MN ثم LN .
3. القطعة المستقيمة AB تعامد LM و $AB = 2$ احسب طول AM , BM واستنتج الأطوال AN , LB .
4. أثبت أن $LN \parallel AB$ ثم اكتب النسب الثلاث للمثلثين المتشابهين MBA , MLN .
5. استنتج أن المثلث MBA تصغير للمثلث MLN وأوجد معامل التصغير.
6. احسب النسبة $\frac{\text{مساحة } MBA}{\text{مساحة } MLN}$.

انتهت، مع دعائي لكم بالتوفيق دوماً

$$\Rightarrow x^2 = \frac{72}{2}$$

$$x^2 = 36$$

$$x = \sqrt{36}$$

$$x = 6$$

$$AB = BC = 6 \quad \text{وفيه}$$

$$S = \frac{\text{مداي الضلعين القائمين}}{2} \quad (4)$$

$$= \frac{AB \times BC}{2}$$

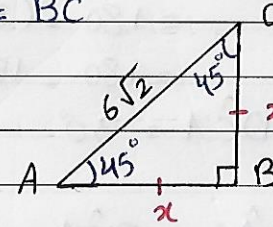
$$= \frac{6 \times 6}{2} = \frac{36}{2}$$

$$S = 18$$

(2) $\triangle ABC$ مثلث قائم في B ولدينا $\hat{A} = 45^\circ$

المثلث قائم ومساوي الساقين

$$AB = BC$$



$$\cos \hat{A} = \frac{\text{جوار}}{\text{الوتر}} \quad (3)$$

$$\cos 45^\circ = \frac{AB}{AC}$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{AB}{6\sqrt{2}}$$

$$AB = \frac{\sqrt{2} \times 6\sqrt{2}}{2}$$

$$AB = 6$$

ونعلم أن المثلث مساوي الساقين وفيه $BC = 6$ ← يتبع

طريقة 2: نفرض أن $AB = BC = x$

بما أن $\triangle ABC$ مثلث قائم في B نطبق مبرهنة فيثاغورس

$$(AC)^2 = (AB)^2 + (BC)^2$$

$$(6\sqrt{2})^2 = x^2 + x^2$$

$$36(2) = 2x^2$$

$$72 = 2x^2$$

أ. أسئلة الامتحان التجريبي الأول

• مادة الهندسة (الوحدة الأولى - الثانية)

• المدرس: لؤي الدمني

السؤال الأول:

(1) نعلم أن مجموع قياسات زوايا المثلث 180°

$$\text{ولدينا } \hat{C} = 45^\circ$$

$$* \boxed{A + B = 135} \quad \text{وفيه}$$

$$\frac{A}{B} = \frac{1}{2}$$

$$* \text{ من } \frac{A+B}{B} = \frac{1+2}{2}$$

$$\frac{135}{B} = \frac{3}{2}$$

$$B = \frac{135 \times 2}{3} = \frac{270}{3}$$

$$\boxed{\hat{B} = 90^\circ}$$

نعوض في *

$$A + 90 = 135$$

$$A = 135 - 90$$

$$\boxed{\hat{A} = 45^\circ}$$



$$\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{9}{AC}$$

$$AC = \frac{9 \times 2}{\sqrt{3}} = \frac{18 \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{18\sqrt{3}}{3}$$

$$AC = 6\sqrt{3}$$

BC

من المثلث ABC القائم في B

نعلم أن $\hat{A} = 30^\circ$ ونعلم أن الضلع المقابل للزاوية 30°

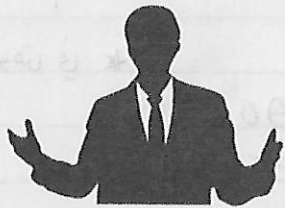
في المثلث القائم يـاوي نصف

طول الوتر

$$BC = \frac{1}{2} AC$$

$$= \frac{1}{2} \times 6\sqrt{3}$$

$$BC = 3\sqrt{3}$$



لؤي الدمني

• حسب مجموع زوايا المثلث ADC لدينا

$$\hat{DCA} = 180 - (\hat{DAC} + \hat{ADC})$$

$$= 180 - (30 + 120)$$

$$= 180 - 150$$

$$\hat{DCA} = 30^\circ$$

$$\hat{DAC} = \hat{DCA} = 30^\circ \text{ بما أن}$$

وفيه المثلث ADC متساوي الساقين لـساوي

زاويتين فيه $\Rightarrow DC = AD$

$$DC = 6$$

من المثلث BDC القائم في B

$$\cos \hat{D} = \frac{\text{مجاور}}{\text{الوتر}}$$

$$\cos 60^\circ = \frac{DB}{DC}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{BD}{6}$$

$$BD = \frac{6}{2} \Rightarrow BD = 3$$

AC : من المثلث ABC لدينا

$$\cos \hat{A} = \frac{\text{مجاور}}{\text{الوتر}}$$

$$\cos 30^\circ = \frac{AB}{AC} \rightarrow AD + DB$$

$$\sin \hat{A} = \frac{BC}{AC}$$

G

$$\sin 45^\circ = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

(1b)

$$\sin A = \frac{6}{6\sqrt{2}}$$

(2b)

$$= \frac{1 \times \sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}}$$

$$\sin A = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

G مركز الدائرة المارة بـ D و C المثلث يقع في

منتصف الوتر AC

$$r = \frac{AC}{2} = \frac{6\sqrt{2}}{2}$$

$$r = 3\sqrt{2}$$

التمرين الثاني:

I . نعلم أن $\hat{ADB} = 180^\circ$ لأنها زاوية مستقيمةونعلم أن $\hat{CDB} = 60^\circ$

$$\Rightarrow \hat{ADC} = \hat{ADB} - \hat{CDB}$$

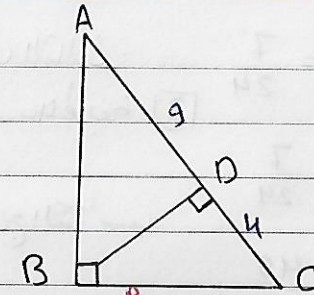
$$= 180^\circ - 60^\circ$$

$$\hat{ADC} = 120^\circ$$

$\tan \hat{B} = \frac{7}{24}$ التمرين الثالث: م. بالطريقة [2] $\frac{\sin B}{\cos B} = \frac{7}{24}$ نضع المتناسب $\frac{\sin^2 B}{\cos^2 B} = \frac{49}{576}$ م. خواص المتناسب $\frac{\sin^2 B + \cos^2 B}{\cos^2 B} = \frac{49 + 576}{576}$ $\frac{1}{\cos^2 B} = \frac{625}{576}$ م. بالطريقة [1] $\cos^2 B = \frac{576}{625} \Rightarrow \cos B = \sqrt{\frac{576}{625}}$ $\cos B = \frac{24}{25}$ نعلم أن $\frac{\tan}{1} = \frac{\sin B}{\cos B}$ $\sin B = \tan B \times \cos B$ $= \frac{7}{24} \times \frac{24}{25}$ $\sin B = \frac{7}{25}$	$S_{ADC} = \frac{\text{القاعدة} \times \text{الارتفاع}}{2}$ $= \frac{AD \times BC}{2}$ $= \frac{6 \times 3\sqrt{3}}{2} = \frac{18\sqrt{3}}{2}$ $S_{ADC} = 9\sqrt{3}$ $S_{ADC} = S_{ABC} - S_{DBC}$ $= \frac{27\sqrt{3}}{2} - \frac{BD \times BC}{2}$ $= \frac{27\sqrt{3}}{2} - \frac{3 \times 3\sqrt{3}}{2}$ $= \frac{27\sqrt{3}}{2} - \frac{9\sqrt{3}}{2}$ $= \frac{18\sqrt{3}}{2}$ $S_{ADC} = 9\sqrt{3}$	تكملة حل التمرين الثاني: (2) أوجد جيب الزاوية \hat{DCB} $\sin \hat{DCB} = \frac{DB}{DC}$ استنتج أن $CB \times CD = BD \times AC$ $\sin \hat{BAC} = \frac{BC}{AC}$ لوحد $\hat{DCB} = \hat{BAC} = 30^\circ$ بما أن $\sin \hat{DCB} = \sin \hat{BAC}$ وفسو $\frac{BD}{CD} = \frac{CB}{AC}$ م. خواص المتناسب $CB \times CD = BD \times AC$ (3) احس مساحة المثلثين ABC , ADC $S_{ABC} = \frac{\text{القاعدة} \times \text{الارتفاع}}{2}$ $= \frac{AB \times BC}{2}$ $= \frac{9 \times 3\sqrt{3}}{2}$ $S_{ABC} = \frac{27\sqrt{3}}{2}$
--	---	--



التمرين الرابع :



$$\tan(\widehat{DBC}) = \tan(\widehat{DAB}) \quad [1]$$

من المثلث ABC نعلم أن مجموع زوايا المثلث 180° وليدًا $\widehat{B} = 90^\circ$

$$\Rightarrow \widehat{A} + \widehat{C} = 90^\circ \quad (1)$$

من المثلث DCB نعلم أن مجموع زوايا المثلث 180° وليدًا $\widehat{D} = 90^\circ$

$$\Rightarrow \widehat{B}_1 + \widehat{C} = 90^\circ \quad (2)$$

من (1) و (2) وليدًا

$$\widehat{A} + \widehat{C} = \widehat{B}_1 + \widehat{C}$$

$$A = B_1$$

$$\Rightarrow \tan A = \tan B_1$$

$$\frac{BD}{AD} = \frac{DC}{BD}$$

$$\frac{BD}{9} = \frac{4}{BD}$$

$$BD^2 = 9 \times 4$$

$$BD^2 = 36$$

$$BD = \sqrt{36} = 6$$

$$\sin(\widehat{BAC}) = \cos(\widehat{ACB}) \quad [2]$$

لأنهما متتامتان

نعلم أن مجموع زوايا المثلث 180° وليدًا $\widehat{B} = 90^\circ$

$$\Rightarrow \widehat{BAC} = \widehat{ACB} = 90^\circ$$

$$\cos(\widehat{ACB}) = \frac{BC}{AC} \quad (3)$$

$$\cos(\widehat{BCD}) = \frac{DC}{BC}$$

نعلم أن \widehat{C} زاوية مشتركة

$$\Rightarrow \cos(\widehat{ACB}) = \cos(\widehat{BCD})$$

$$\frac{BC}{AC} = \frac{DC}{BC}$$

$$BC^2 = AC \times DC$$

وهو المطلوب

السؤال الخامس :

(1) بماء أن $MN \parallel BC$ نطبق مبرهنة التثاقل

$$\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}$$

$$\frac{5x+2}{20} = \frac{4y-2}{4y-2+12} = \frac{7x-5}{15}$$

(1)

(2)

(3)

$$\text{من (1) و (3) نجد : } \frac{5x+2}{20} = \frac{7x-5}{15}$$

$$15(5x+2) = 20(7x-5)$$

$$75x + 30 = 140x - 100$$

$$75x - 140x = -100 - 30$$

$$-65x = -130$$

$$x = \frac{-130}{-65} \Rightarrow x = 2$$

$$\text{نقوم في (3) : } \frac{7(2)-5}{15} = \frac{14-5}{15}$$

$$\frac{9}{15} = \frac{3}{5} \quad (3)$$

$$\text{من (2) و (3) : } \frac{4y-2}{4y+10} = \frac{3}{5}$$

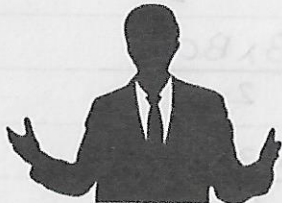
$$5(4y-2) = 3(4y+10)$$

$$20y - 10 = 12y + 30 \Rightarrow 20y - 12y = 30 + 10$$

$$8y = 40$$

$$y = \frac{40}{8}$$

$$y = 5$$



لؤي الدمني

$$\widehat{BAD} = \widehat{BAC} + \widehat{CAD} \quad (4)$$

$$= 60 + 45$$

$$\widehat{BAD} = 105^\circ$$

$$S_{ABCD} = S_{ABC}^* + S_{ADC}^{\heartsuit} \quad (5)$$

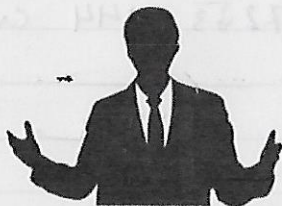
$$* S_{ABC} = \frac{AB \times BC}{2} = \frac{12 \times 12\sqrt{3}}{2}$$

$$S_{ABC} = 72\sqrt{3} \text{ cm}^2$$

$$S_{ADC} = \frac{AD \times DC}{2}$$

لتحساب AD ، DC

تسعى



لؤي الدمني

أضلاع ABC

$$AC = 2r = 2 \times 12$$

$$AC = 24$$

نعلم أن الضلع المقابل للزاوية

30° في المثلث القائم يساوي نصف طول الوتر

ولدينا $\widehat{C} = 30^\circ$

$$\Rightarrow AB = \frac{1}{2} AC$$

$$= \frac{24}{2}$$

$$AB = 12$$

$$\cos \widehat{C} = \frac{\text{جوار}}{\text{وتر}}$$

$$\cos 30^\circ = \frac{BC}{AC}$$

$$\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{BC}{24}$$

$$BC = \frac{24 \times \sqrt{3}}{2} \Rightarrow BC = 12\sqrt{3}$$

(3) BOC مثلث متساوي الساقين لأن ضلعا

OB و OC أضلاع أقطار في الدائرة

AOB مثلث متساوي الساقين لأن ضلعا OA و OB

أضلاع أقطار في الدائرة ولدينا $\widehat{A} = 60^\circ$ فهو متساوي الأضلاع

$$AM = 5x + 2 \quad (2)$$

$$= 5(2) + 2$$

$$= 10 + 2$$

$$AM = 12$$

$$AC = 4y - 2 + 12$$

$$= 4(5) + 10$$

$$= 20 + 10$$

$$AC = 30$$

التمرين السادس:

(1) ADC مثلث قائم في D بسبب وجود دائرة مارة

برؤوسه وأحد أضلاعه AC قطرها

$$\widehat{A} = 45^\circ \text{ وفيه}$$

هو مثلث قائم ومتساوي الساقين

$$\Rightarrow \widehat{ACD} = 45^\circ$$

(2) زوايا المثلث ABC

$$\widehat{C} = 30^\circ \text{ منها " (من الحالة)}$$

$\widehat{ABC} = 90^\circ$ لأن ABC مثلث متساوي الساقين مبرهنه دائرة وأحد

أضلاعه AC قطرها

ونعلم أن مجموع زوايا المثلث تساوي 180°

$$\widehat{BAC} = 60^\circ \text{ وفيه}$$

$$\cos \hat{B} = \frac{AB}{BC} \quad (3)$$

$$S = S_{\text{دائرة}} - S_{\text{ABCD}}$$

من المثلث AOC

$$\cos \hat{A} = \frac{\text{محاور}}{\text{الوتر}}$$

$$\hat{B} + \hat{C} = 90^\circ \quad \text{من المثلث ABC نفهم أن } (1)$$

$$= 144\pi - (72\sqrt{3} + 144)$$

$$\hat{C} + \hat{N} = 90^\circ \quad \text{من المثلث CMN نفهم أن } (2)$$

$$S = \frac{(144\pi - 72\sqrt{3} - 144)}{\text{cm}^2}$$

$$\cos 45 = \frac{AD}{AC}$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{AD}{24}$$

من (1) و (2) نجد

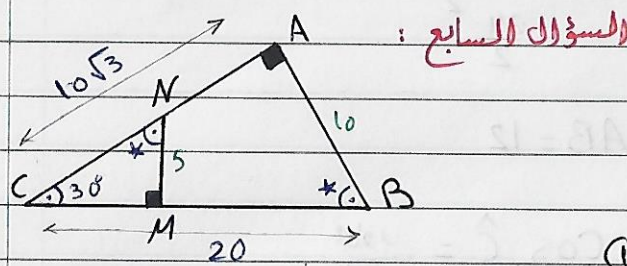
$$B + C = C + N$$

$$\hat{B} = \hat{N}$$

$$\Rightarrow \cos B = \cos N$$

$$\frac{AB}{BC} = \frac{MN}{CN}$$

$$AB \times CN = BC \times MN$$



$$\sin \hat{C} = \frac{AB}{BC}$$

$$\sin \hat{C} = \frac{MN}{CN}$$

$$AD = \frac{24\sqrt{2}}{2} \Rightarrow AD = 12\sqrt{2}$$

$$\Rightarrow DC = 12\sqrt{2}$$

نعوض في المسألة

$$S_{ADC} = \frac{12\sqrt{2} \times 12\sqrt{2}}{2}$$

$$S_{ADC} = 144 \text{ cm}^2$$

(2) استنتج طول CN

من المطلوب ان ابين نفهم ان \hat{C} زاوية مشتركة

بين المثلثين ABC , MNC

$$\Rightarrow \frac{AB}{BC} = \frac{MN}{CN}$$

$$\frac{10}{20} = \frac{5}{CN}$$

$$CN = \frac{20 \times 5}{10} \Rightarrow CN = 10$$

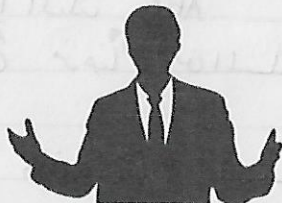
$$S_{ABCD} = 72\sqrt{3} + 144 \text{ cm}^2$$

نستخدم مساحة الدائرة

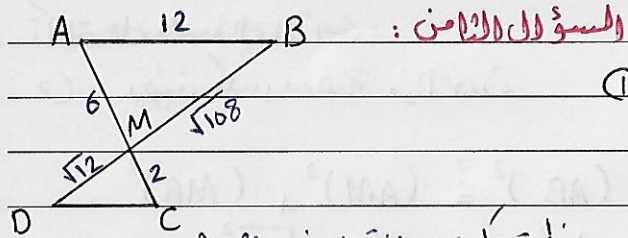
$$S = \pi r^2$$

$$= \pi (12)^2$$

$$S_{\text{دائرة}} = 144\pi \text{ cm}^2$$



لؤي الدمني



$$\cos^2 A = 1 - \frac{9}{25}$$

$$\cos^2 A = \frac{25}{25} - \frac{9}{25}$$

$$\cos^2 A = \frac{16}{25}$$

$$\cos A = \frac{\sqrt{16}}{\sqrt{25}}$$

$$\cos A = \frac{4}{5}$$

زولم آن

$$\tan A = \frac{\sin A}{\cos A}$$

$$\tan A = \frac{3}{5}$$

$$\tan A = \frac{3}{5} \times \frac{5}{4}$$

$$\Rightarrow \tan A = \frac{3}{4}$$

$$\sin \hat{C} = \frac{AB}{BC} \quad (4)$$

$$\sin \hat{C} = \frac{10}{20} = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow C = 30^\circ$$

$$\tan \hat{C} = \frac{\text{مقابل}}{\text{جوار}} \quad (5)$$

$$\tan 30^\circ = \frac{AB}{AC}$$

$$\frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{10}{AC}$$

$$\Rightarrow AC = 10\sqrt{3}$$

$$AN = AC - NC \Rightarrow AN = 10\sqrt{3} - 10$$

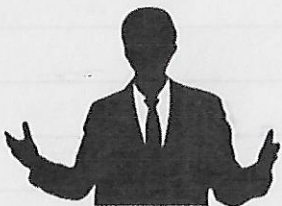
• **تقرین اضافی** : وإذا علمت أن $\sin \hat{A} = \frac{3}{5}$ **المسبب** $\cos A$ و $\tan A$

فعلیم ان

$$\sin^2 A + \cos^2 A = 1$$

$$\left(\frac{3}{5}\right)^2 + \cos^2 A = 1$$

$$\frac{9}{25} + \cos^2 A = 1$$



$$\begin{aligned}
 S_1 &= k^2 \times S \\
 &= 2^2 \times 4 \\
 &= 4 \times 4
 \end{aligned}$$

$$S_1 = 16 \text{ cm}^2$$

لأن التماثل يعطي مساحات الأضلاع k^2

$$V = \frac{1}{3} S h$$

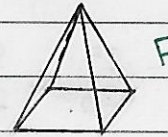
$$= \frac{1}{3} \times 4 \times 6 \Rightarrow V = 8 \text{ cm}^3$$

$$\begin{aligned}
 V_1 &= k^3 \times V \\
 &= 2^3 \times 8 \\
 &= 8 \times 8 \Rightarrow V_1 = 64 \text{ cm}^3
 \end{aligned}$$

لأن التماثل يعطي أحجام الجسام k^3



السؤال التاسع:



أ) نرسم طول ضلع قاعدة F بـ L
نرسم طول ضلع قاعدة F1 بـ L1

$$\begin{aligned}
 L_1 &= k \times L \\
 &= 2 \times 2 \\
 L_1 &= 4
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 h_1 &= k \times h \\
 &= 2 \times 6 \\
 h_1 &= 12
 \end{aligned}$$

لأن التماثل يعطي أطوال الأضلاع k

$$\begin{aligned}
 S &= (\text{طول الضلع})^2 \\
 &= 2^2 \\
 S &= 4 \text{ cm}^2
 \end{aligned}$$

تكملة حل السؤال الثامن:
نطبق على مبرهنة فيثاغورس

$$\begin{aligned}
 (AB)^2 &\stackrel{?}{=} (AM)^2 + (MB)^2 \\
 12^2 &\stackrel{?}{=} 6^2 + \sqrt{108}^2
 \end{aligned}$$

$$144 = 36 + 108$$

$$144 = 144$$

محققة ومنه AMB مثلث قائم في M

3) بما أن $AB \parallel DC$

حسب مبرهنة النسب الثلاث

$$\frac{MA}{MC} = \frac{MB}{MD} = \frac{AB}{CD}$$

$$\Rightarrow \frac{3}{1} = \frac{12}{DC}$$

$$DC = \frac{1 \times 12}{3}$$

$$DC = 4$$

$$\cos(\hat{MAB}) = \frac{AM}{AB}$$

$$\cos(\hat{MAB}) = \frac{6}{12} = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow \hat{MAB} = 60^\circ$$



$$\sin \hat{M} = \frac{\text{مقابل}}{\text{الوتر}}$$

$$\sin 30^\circ = \frac{AB}{AM}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{AM}$$

$$AM = \frac{2 \times 2}{1}$$

$$AM = 4$$

$$AN = MN - AM$$

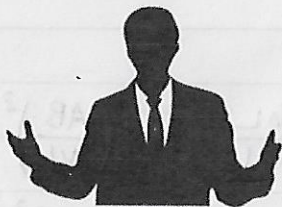
$$= 10 - 4$$

$$AN = 6$$

$$LB = LM - BM$$

$$= 5\sqrt{3} - 2\sqrt{3}$$

$$LB = 3\sqrt{3}$$



لؤي الدمني

$$MN = \frac{5\sqrt{3} \times 2}{\sqrt{3}} \Rightarrow MN = 10$$

نعلم أن الضلع المقابل للزاوية 30° في المثلث القائم $M = 30^\circ$ أو نصف طول الوتر لدينا

$$\Rightarrow LN = \frac{1}{2} MN$$

$$= \frac{1}{2} (10)$$

$$LN = 5$$

(3) من المثلث ABM

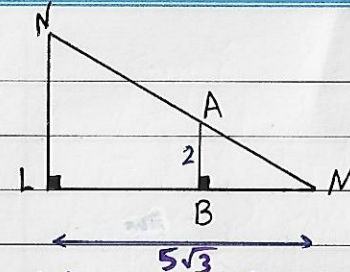
$$\tan \hat{M} = \frac{\text{مقابل}}{\text{جوار}}$$

$$\tan 30^\circ = \frac{AB}{BM}$$

$$\frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{2}{BM}$$

$$BM = \frac{2 \times 3}{\sqrt{3}} = \frac{6 \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{6\sqrt{3}}{3}$$

$$\Rightarrow BM = 2\sqrt{3}$$



السؤال العاشر:

(1) نعلم أن مجموع قياسات زوايا المثلث يساوي 180° لدينا $\hat{L} = 90^\circ$

$$\Rightarrow \hat{M} + \hat{N} = 90^\circ$$

$$\frac{M}{N} = \frac{1}{2}$$

حسب خواص التناسب

$$\frac{M+N}{N} = \frac{1+2}{2}$$

$$\frac{90}{N} = \frac{3}{2}$$

$$N = \frac{90 \times 2}{3} \Rightarrow N = 60^\circ$$

نعوض في *

$$M + 60 = 90 \Rightarrow M = 90 - 60$$

$$\Rightarrow M = 30^\circ$$

$$\sin \hat{N} = \frac{\text{مقابل}}{\text{الوتر}}$$

$$\sin 60^\circ = \frac{LM}{MN}$$

$$\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{5\sqrt{3}}{MN}$$

(4) لدينا

$$AB \parallel NL \Leftrightarrow \begin{cases} AB \perp LM \\ NL \perp LM \end{cases}$$

لأن العمودان على مستقيمين واحد متوازيان.

النسب الثلاث للمثلثين المتشابهين MBA ، MLN

$$\frac{MB}{ML} = \frac{MA}{MN} = \frac{AB}{LN}$$

(5) تناسب أطوال الأضلاع وفضه ضلع

 MBA تصغير MNL

$$k = \frac{AB}{NL} \Rightarrow k = \frac{2}{5}$$

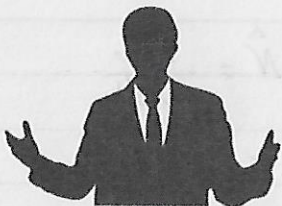
(6)

$$\frac{\text{مساحة } MBA}{\text{مساحة } MLN} = \left(\frac{AB}{NL} \right)^2$$

$$= \left(\frac{2}{5} \right)^2$$

$$\frac{\text{مساحة } MBA}{\text{مساحة } MLN} = \frac{4}{25}$$

... انتهى ...

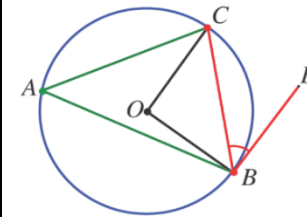


لؤي الدمني



تذكرة ببعض اساسيات وتعريفات الدائرة

- الدائرة:** هي خط منحنى مغلق (مجموعة نقاط) تبعد عن نقطة واحدة المسافة نفسها
- وتسمى تلك النقطة **مركز الدائرة** ونرمز لها بـ O غالباً.
- القطر:** هو القطعة المستقيمة الواصلة بين نقطتين من محيط الدائرة وتمر بالمركز ونرمز له بـ $2r$.
- نصف القطر:** هو أي قطعة مستقيمة تصل بين مركز الدائرة وأي نقطة من محيط الدائرة ونرمز له بـ r .
- الوتر في الدائرة:** هو القطعة المستقيمة الواصلة بين نقطتين من محيط الدائرة ولا تمر بالمركز (القطر حالة خاصة من الوتر).
- المماس لدائرة:** هو المستقيم الذي يشترك مع الدائرة في نقطة واحدة تسمى نقطة التماس، ويكون عمود على نصف القطر في هذه النقطة.
- القوس:** خط منحنى، له بداية وله نهاية، يشكل جزءاً من محيط الدائرة.

الزوايا المركزية
المحيطة - المماسية

الزوايا المركزية:

هي الزاوية التي يقع رأسها

على مركز الدائرة وصلها انصاف اقطار فيها. ($\angle BOC$)

الزوايا المحيطة: هي الزاوية التي يقع رأسها على محيط الدائرة

وصلها وترين فيها. ($\angle BAC$)

الزوايا المماسية: هي الزاوية التي يقع رأسها على محيط الدائرة

(تحديداً على نقطة التماس) وصلها الأول مماس والآخر وتر فيها. ($\angle EBC$)

قواعد هامة (حفظ وفهم)

- الزاوية المركزية تساوي قياس القوس المقابل لها.
- الزاوية المحيطة تساوي نصف قياس القوس المقابل لها.
- الزاوية المحيطة تساوي نصف قياس الزاوية المركزية المشتركة معها بنفس القوس.
- الزاوية المماسية تساوي نصف قياس القوس المقابل لها.
- الزاوية المماسية تساوي نصف قياس الزاوية المركزية المشتركة معها بنفس القوس.
- الزاوية المماسية تساوي قياس الزاوية المحيطة المشتركة معها بنفس القوس.
- قياس زاويتين (محيطيتين أو مماسيتين) تشتركان بنفس القوس متساويتان.
- قياس زاويتين (محيطيتين أو مركبتين أو مماسيتين) تحصران قوسين متساويين في دائرة متساويتان وبالعكس.
- الوتران المتساويان يحصران قوسين متساويين وبالعكس.
- المستقيم المار من مركز دائرة ويعام وتر فيها يمر من منتصف ذلك الوتر، والعكس صحيح: المستقيم المار من مركز دائرة ويمر من منتصف وتر فيها يعام ذلك الوتر.

ملاحظة هامة جداً: غالباً الطلاب في هذا البحث لا يعانون من فهم القوانين وإنما طريقة التعبير عن الحل امتحانياً هي من تشكل لهم خوفاً من أن لا يستوفي حلهم أو كتابتهم الشروط الكاملة في الامتحان وهي أولاً انطلاق الطالب من الفرض ثم إيجاد المطلوب ثم التعليق وهو ما يغفل عنه كثير من طلابنا لذلك يجب حفظ وفهم القواعد السابقة ليستطيع الطالب الحل امتحانياً والتعبير عنه بأفضل طريقة وسأدرج لكم أحد الأساليب التي يمكن لنا أن نتبعها في الحل لضمان العلامة التامة وهي تلخص في ثلاث كلمات وهي

(بما أن - فإن - لأن)

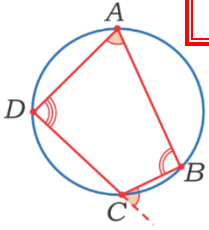
التمارين الهامة هذه الوحدة رقم التمرين الصفحة

$$\frac{2-3}{57} + \frac{1-3}{61} + \frac{3}{64} + \frac{4}{66} + \frac{5-7-8}{67} + \frac{12-14-15}{68} + \frac{18}{69} + \frac{19}{70}$$

هذا لا يعني أن باق التمارين محذوفة

كل ما في الكتاب هام

الرباعي الدائري



تعريف: هو رباعي تقع جميع رؤوسه على محيط دائرة واحدة.

خواص الرباعي الدائري:

كل زاويتان متقابلتان في رباعي دائري متكاملتان.

الزاوية الخارجية في رباعي دائري تساوي الزاوية المقابلة لمجاورتها.

ملاحظة: الزاوية الخارجية لمضلع تكون

محصورة بين ضلع وامتداد الأخرى.

إذا كانت النقاط A, B, C, D

واقعة على دائرة واحدة

وكانت النقطتان A, C في جهة واحدة بالنسبة الى BD كانت الزاويتان $\angle BAD, \angle BCD$ متساويتان.

طرق اثبات رباعي انه دائري

إذا تكاملت زاويتان متقابلتان في رباعي كان الرباعي دائري.

إذا تساوت الزاويتان $\angle BAD, \angle BCD$ وكانت النقطتان A, C في جهة واحدة بالنسبة الى BD كان رباعي دائري.

المضلعات المنتظمة

تعريف: هو مضلع تكون جميع قياسات زواياه متساوية واطوال اضلاعه متساوية.

خاصة: كل مضلع منتظم قابل للارتسام في دائرة (بمعنى وجود دائرة مارة برؤوسه)

يسمى مركز الدائرة المارة برؤوسه مركز المضلع المنتظم.

قانون: إذا كان AB ضلعاً في مضلع منتظم مركزه O

$$\angle AOB = \frac{360^\circ}{n} \text{ وعده اضلاعه } n \text{ كان}$$

ثلاثي (مثلث متساوي الأضلاع)	رباعي (مربع)	سداسي (ممدس)
$\angle ABC = 60^\circ$ $\angle AOB = 120^\circ$	$\angle ABC = 90^\circ$ $\angle AOB = 90^\circ$	$\angle ABC = 120^\circ$ $\angle AOB = 60^\circ$



أسئلة الامتحان التجريبي الثاني عام 2023/2024

مادة الهندسة (الوحدة الثالثة - الدائرة)

اعداد المدرس لؤي الدمني هـ 0991518690

السؤال الأول:

في كل مما يأتي إجابة واحدة صحيحة من بين ثلاث إجابات مقترحة، اكتبها:

1. مسدس منتظم مرسوم في دائرة نصف قطرها 5 cm فإن محيط هذا الشكل يساوي:

a	50cm	b	25cm	c	30cm
---	------	---	------	---	------

2. ABCD رباعي دائري فيه قياس $B\hat{C}D = 115^\circ$ فإن قياس الزاوية المقابلة لها $B\hat{A}D$ يساوي:

a	65°	b	25°	c	115°
---	-----	---	-----	---	------

3. في الشكل المجاور

a	$E\hat{B}C = B\hat{O}C$	b	$B\hat{A}C = C\hat{B}E$	c	$C\hat{A}B = C\hat{O}B$
---	-------------------------	---	-------------------------	---	-------------------------

4. في الشكل المجاور

a	$E\hat{B}C = \frac{1}{2}B\hat{O}C$	b	$B\hat{A}C = \frac{1}{2}C\hat{B}E$	c	$C\hat{A}B = C\hat{O}B$
---	------------------------------------	---	------------------------------------	---	-------------------------

السؤال الثاني: في كل مما يأتي اجب بكلمة صح او خطأ:

في الشكل المجاور ABCD رباعي فيه: $A\hat{B}D = A\hat{C}D = 90^\circ$

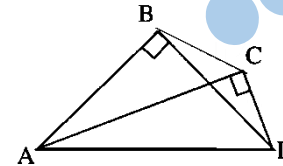
وفيه $AB = BD$ و $AD = 2CD$ فإن:

(1) الرباعي ABCD دائري.

(2) قياس الزاوية $A\hat{D}B = 45^\circ$

(3) قياس الزاوية $A\hat{D}C = 30^\circ$

(4) الزاويتان $B\hat{A}D$, $B\hat{C}D$ متتامتان.



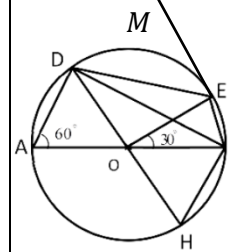
السؤال الثالث: في الشكل المرافق لدينا $E\hat{O}B = 30^\circ$, $D\hat{A}B = 60^\circ$

1. ما طبيعة المثلث DOE بالنسبة لأضلاعه وزواياه؟

2. احسب قياسات زوايا المثلث DEB.

3. احسب قياس $D\hat{H}B$.

4. EM مماس للدائرة في E احسب قياس $O\hat{E}M$, $D\hat{E}M$.

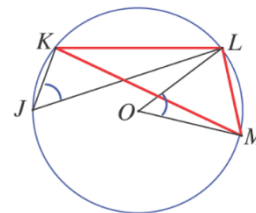


السؤال الرابع: في الشكل المرافق لدينا $K\hat{J}L = L\hat{O}M = 48^\circ$

1. احسب قياس كلاً من الأقواس \widehat{LM} , \widehat{KL} .

2. احسب قياسات زوايا المثلث LMK.

3. احسب قياس $K\hat{O}M$.



السؤال الخامس: في الشكل المجاور: ABCDE مخمس منتظم مرسوم في دائرة

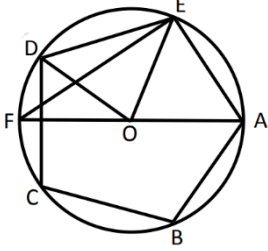
مركزها O وقطرها AF والمطلوب:

1. احسب قياس الزاوية $E\hat{O}A$.

2. احسب قياسات زوايا المثلث AEF.

واستنتج قياس القوس $E\hat{D}F$.

3. احسب قياس الزاوية $F\hat{O}D$.



السؤال السادس: في الشكل المرسوم جانباً:

ABC مثلث قائم في B ومتساوي الساقين فيه $CB = AB = 4\sqrt{2}$

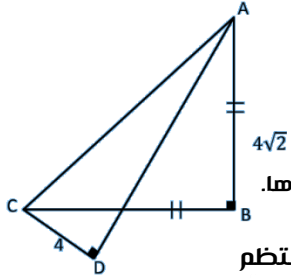
ADC مثلث قائم في D وفيه $CD = 4$ والمطلوب:

1. احسب طول AC.

2. احسب $\sin C\hat{A}D$ من المثلث ACD واستنتج قياس $C\hat{A}D$.

3. أثبت أن ABCD رباعي دائري.

وعين مركز الدائرة المارة برؤوسه واحسب طول نصف قطرها.



السؤال السابع: في الشكل المجاور ABCDEF مسدس منتظم

تمر من رؤوسه دائرة مركزها O وقطرها AD ،

Dx مماس للدائرة في D

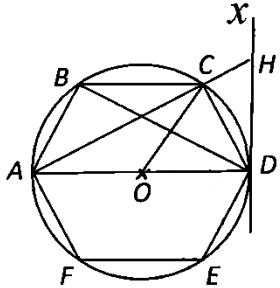
و AC يقطع المماس في النقطة H والمطلوب:

1. احسب قياس الزاوية $C\hat{O}D$

واستنتج قياسات زوايا المثلث ADC.

2. احسب قياسات الزوايا $C\hat{B}D$, $C\hat{D}H$

3. اثبت أن $AB \parallel OC$.



السؤال الثامن: في الشكل المجاور ABC مثلث قائم في B

فيه $AB = 6$ والمثلث BCD متساوي الاضلاع طول ضلعه $6\sqrt{3}$.

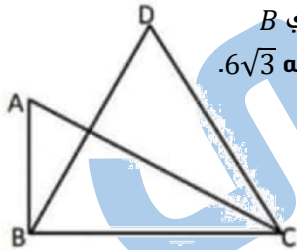
1. أثبت أن $B\hat{A}C = 60^\circ$.

2. اثبت أن ABCD رباعي دائري

وعين مركز الدائرة المارة برؤوسه

ثم احسب طول نصف قطرها.

3. أثبت أن AC منصف للزاوية $B\hat{C}D$ وأثبت أن AC , BD متعامدان.



انتهت، مع دعائي لكم بالتوفيق دوماً

$$\hat{D}OB = \hat{D}OE + \hat{EOB} \quad (3)$$

$$= 90 + 30$$

$$\hat{D}OB = 120^\circ$$

$$\hat{D}OB = 120^\circ \text{ بما أن}$$

$$\hat{D}HB = 60^\circ \text{ فإن}$$

لأن الزاوية المحيطية تساوي نصف قياس الزاوية المركزية المشتركة معها بنفس القوس

$$\hat{OEM} \quad (4)$$

بما أن EM مماس للدائرة

$$\hat{OEM} = 90^\circ \text{ فإن}$$

لأن المماس عمود على نصف القطر في نقطة التماس

$$\hat{DEM}$$

$$\hat{DOE} = 90^\circ \text{ بما أن}$$

$$\hat{DEM} = 45^\circ \text{ فإن}$$

لأن الزاوية المحيطية تساوي نصف المركزية المشتركة معها بنفس القوس

$$\hat{AOB} = 180^\circ \text{ لأنها شكل زاوية مستقيمة}$$

$$\hat{DOE} = 180 - (\hat{AOD} + \hat{EOB})$$

$$= 180 - (60 + 30)$$

$$= 180 - 90$$

$$\hat{DOE} = 90^\circ$$

فالزاوية \hat{DOE} قائم في O ومنه AD وتر

لأن ضلعاه أنصاف أقطار في الدائرة

$$\hat{EDB} \quad (2)$$

$$\hat{EOB} = 30^\circ \text{ بما أن}$$

$$\hat{EDB} = 15^\circ \text{ فإن}$$

لأن الزاوية المحيطية تساوي نصف قياس

الزاوية المركزية المشتركة معها بنفس القوس

$$\hat{EBD}$$

$$\hat{DOE} = 90^\circ \text{ بما أن}$$

$$\hat{EBD} = 45^\circ \text{ فإن}$$

لأن الزاوية المحيطية تساوي نصف قياس

الزاوية المركزية المشتركة معها بنفس القوس

$$\hat{BED}$$

نعلم أن مجموع زوايا المثلث تساوي 180° ومنه

$$\hat{BED} = 180 - (\hat{EBD} + \hat{EDB})$$

$$= 180 - (45 + 15)$$

$$= 180 - 60$$

$$\hat{BED} = 120^\circ$$

• أسئلة الامتحان العربي الثاني

• مادة الهندسة (الوحدة الثالثة - الدائرة)

• المدرّس: لؤي الدمني

السؤال الأول:

1. C

2. a

3. b

4. a

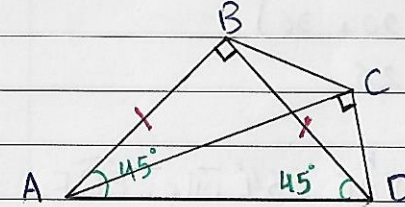
السؤال الثاني:

(1) صح

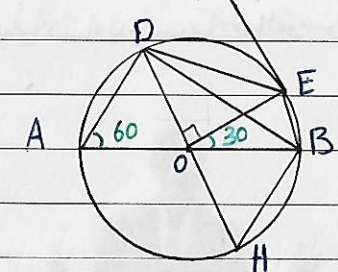
(2) صح

(3) خطأ

(4) خطأ



السؤال الثالث:



(1) ليس المثلث AOD متساوي الساقين لأن ضلعاه

أنصاف أقطار في الدائرة ومنه $\hat{DAO} = 60^\circ$

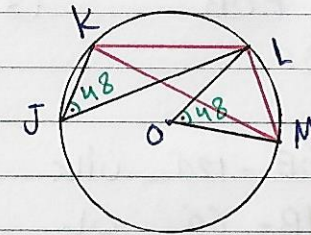
منه $\hat{AOD} = 60^\circ$

$$\Rightarrow \hat{AOD} = 60^\circ$$



لؤي الدمني

السؤال الرابع :



١

بما أن $\widehat{KJL} = 48^\circ$ فيان $\widehat{KL} = 96^\circ$ لأن الزاوية المحيطية تساوي نصف قياس القوس المقابل لها \widehat{LM} بما أن $\widehat{LOM} = 48^\circ$ فيان $\widehat{LM} = 48^\circ$

لأن الزاوية المركزية تساوي قياس القوس المقابل لها

٢

بما أن $\widehat{KJL} = 48^\circ$ فيان $\widehat{LMK} = 48^\circ$

لأن قياس زاويتين محيطيتين تشتركان بنفس القوس متساويان

 \widehat{LKM} بما أن $\widehat{LM} = 48^\circ$ فيان $\widehat{LKM} = 24^\circ$ لأن الزاوية المحيطية تساوي نصف قياس القوس المقابل لها \widehat{MLK} \widehat{MLK} نعلم أن مجموع قياسات زوايا المثلث تساوي 180°

$$\widehat{MLK} = 180 - (\widehat{LMK} + \widehat{LKM})$$

$$= 180 - (48 + 24)$$

$$\widehat{MLK} = 180 - 72$$

$$\widehat{MLK} = 108^\circ$$

٣

لأن الزاوية \widehat{KOM} هي مجموع \widehat{LOK} بما أن $\widehat{LMK} = 48^\circ$ فيان $\widehat{LOK} = 96^\circ$

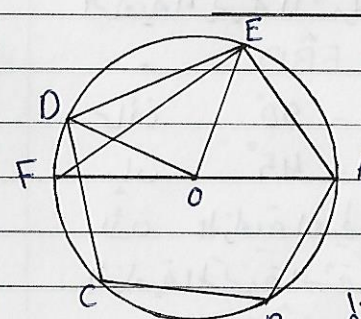
لأن الزاوية المحيطية تساوي نصف قياس

الزاوية المركزية المشتركة معها بنفس القوس

$$\Rightarrow \widehat{KOM} = \widehat{LOK} + \widehat{LOM}$$

$$= 96 + 48$$

$$\widehat{KOM} = 144^\circ$$



السؤال الخامس :

١

$$\widehat{EOA} = \frac{360}{5}$$

$$\widehat{EOA} = 72^\circ$$

$$\widehat{AEF} = 90^\circ$$

$$\widehat{EFA} = 90^\circ$$

$$\widehat{EOA} = 72^\circ$$

$$\widehat{EFA} = 36^\circ$$

لأن الزاوية المحيطية تساوي نصف قياس الزاوية

المركزية المشتركة معها بنفس القوس

$$\widehat{EAF} = 180^\circ - (\widehat{AEF} + \widehat{EFA})$$

$$= 180^\circ - (90 + 36)$$

$$= 180 - 126$$

$$\widehat{EAF} = 54^\circ$$

$$\widehat{EDF} = 108^\circ$$

$$\widehat{EDF} = 108^\circ$$

لأن الزاوية المحيطية تساوي نصف قياس القوس المقابل لها



لؤي الدمني

«طلب إجابتي»

المسبب قياس القوس \widehat{AB} و \widehat{CD} \widehat{AB} بما أن $\widehat{ACB} = 45^\circ$ فيان $\widehat{AB} = 90^\circ$

لأن الزاوية المحيطية تساوي نصف قياس القوس المقابل لها

 \widehat{CD} بما أن $\widehat{CAD} = 30^\circ$ فيان $\widehat{CD} = 60^\circ$

لأن الزاوية المحيطية تساوي نصف قياس القوس المقابل لها

1. بما أن المثلث ABC قائم في B

نطبق مبرهنة فيثاغورس:

$$\begin{aligned}(AC)^2 &= (AB)^2 + (BC)^2 \\ &= (4\sqrt{2})^2 + (4\sqrt{2})^2 \\ &= 16(2) + 16(2)\end{aligned}$$

$$(AC)^2 = 64$$

$$AC = \sqrt{64}$$

$$AC = 8$$

$$\sin(\widehat{CAD}) = \frac{\text{مقابل}}{\text{الوتر}} = \frac{CD}{AC} \quad 2$$

$$\sin(\widehat{CAD}) = \frac{4}{8} = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow \widehat{CAD} = 30^\circ$$

3. ليس

$$\widehat{ABC} = \widehat{ADC}$$

و B و D تقعان بجهة واحدة

بالنسبة للمستقيم AC

فالرباعي دائري

مركز الدائرة المدة برؤوسه يقع في منتصف الوتر AC

$$r = \frac{AC}{2} = \frac{8}{2}$$

$$r = 4$$

3. \widehat{FOD} 1. لدينا القوس $\widehat{EDF} = 108^\circ$ ونعلم أن $\widehat{ED} = 72^\circ$

$$\widehat{DF} = \widehat{EDF} - \widehat{ED}$$

$$= 108 - 72$$

$$\widehat{DF} = 36^\circ$$

بما أن $\widehat{DF} = 36^\circ$ فيان $\widehat{DOF} = 36^\circ$

لأن الزاوية المركزية تساوي قياس القوس المقابل لها

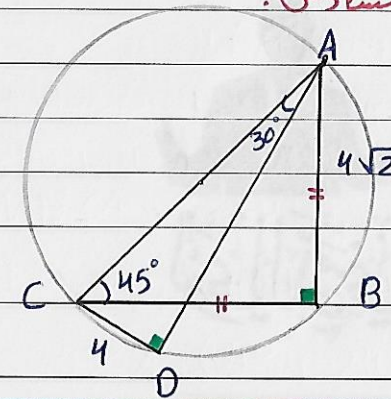
$$\widehat{FOD} = \widehat{FOA} - (\widehat{DOE} + \widehat{EOA}) \quad 2$$

لأن المثلث منظم $\widehat{FOA} = 180^\circ - (72^\circ + 72^\circ) = 180^\circ - 144^\circ = 36^\circ$

$$= 180 - 144$$

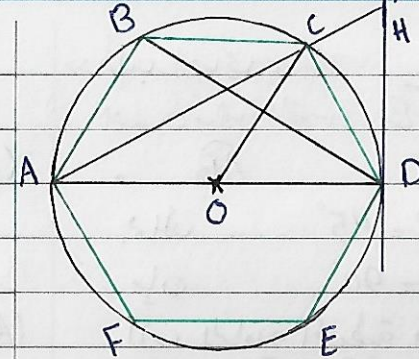
$$\widehat{FOD} = 36^\circ$$

المسؤول السادس:



لؤي الدمني

المسألة السابعة :



أ) بما أن المماس مماس
 $\hat{C}OD = \frac{360}{6}$

$$\Rightarrow \boxed{\hat{C}OD = 60^\circ}$$

أ. $\hat{A}CD$

لدينا $\triangle ACD$ تمر برؤوسه دائرة وأحد أضلاعها AD قطر فيها فهو موصول قائم في C

$$\Rightarrow \boxed{\hat{A}CD = 90^\circ}$$

أ. $\hat{C}AD$

بما أن $\hat{C}OD = 60^\circ$

فإن $\hat{C}AD = 30^\circ$

لأن الزاوية المحيطية تساوي نصف قياس المركزية

المشتركة معها بنفس القوس $\hat{C}D$

أ. $\hat{C}DA$

نعلم أن مجموع زوايا المثلث تساوي 180°

$$\Rightarrow \hat{C}DA = 180 - (\hat{A}CD + \hat{C}AD)$$

$$= 180 - (90 + 30)$$

$$= 180 - 120$$

$$\boxed{\hat{C}DA = 60^\circ}$$

أ. $\hat{C}DH$

بما أن $\hat{C}AD = 30^\circ$

فإن $\hat{C}DH = 30^\circ$

لأن الزاوية المماسية تساوي الزاوية المحيطية
 المشتركة معها بنفس القوس

أ. $\hat{C}BD$

بما أن $\hat{C}AD = 30^\circ$

فإن $\hat{C}BD = 30^\circ$

لأنهما محيطيتان تشتركان بنفس القوس
 منها مساويتان

(3) لدينا $\hat{C}OD = 60^\circ$

$$\hat{B}AD = \frac{1}{2} \hat{B}D$$

لأنها محيطية تساوي نصف قياس القوس
 المقابل لها

$$\hat{B}AD = \frac{1}{2} (120)$$

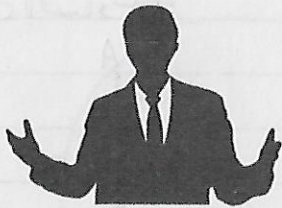
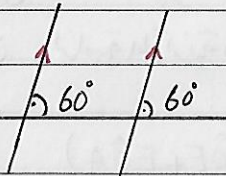
لأن المماس مماس

$$CD = CB = 60$$

$$\boxed{\hat{B}AD = 60^\circ}$$

ومنه
 $\hat{C}OD = \hat{B}AD$
 وهما زاويتان متساويتان

ومنه
 $AB \parallel OC$
 وهو المطلوب



لؤي الدمني

نفر من J نقطة التقاطعلدينا من المثلث JBC

$$\hat{JBC} = 60^\circ$$

$$\hat{JCB} = 30^\circ$$

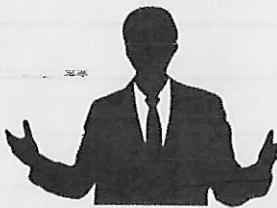
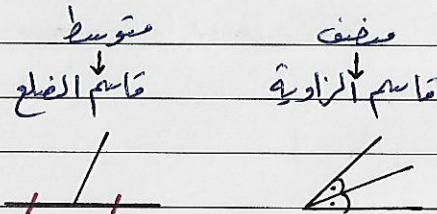
وفيه مجموع زوايا المثلث

$$\begin{aligned} \hat{BJC} &= 180 - (30 + 60) \\ &= 180 - 90 \end{aligned}$$

$$\hat{BJC} = 90^\circ$$

$$\Rightarrow BD \perp AC$$

ملاحظة:



لؤي الدمني

$$\sin \hat{A} = \frac{\text{مقابل}}{\text{الوتر}}$$

$$\sin 60^\circ = \frac{BC}{AC}$$

$$\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{6\sqrt{3}}{AC}$$

$$AC = \frac{2 \times 6\sqrt{3}}{\sqrt{3}} \Rightarrow AC = 12$$

$$\Rightarrow r = \frac{12}{2} \Rightarrow r = 6$$

(3)

$$\hat{DCB} = 60^\circ \text{ لدينا}$$

لأن DCB مثلث متساوي الأضلاعمن المثلث ABC القائم في B

لدينا حسب مجموع زوايا المثلث

$$\Rightarrow \hat{ACB} = 30^\circ$$

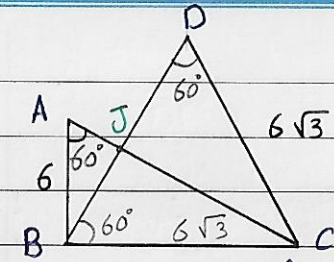
وفيه

$$\hat{ACD} = \hat{BCD} - \hat{BCA}$$

$$= 60 - 30$$

$$\hat{ACD} = 30^\circ$$

$$\Rightarrow \hat{ACD} = \hat{ACB}$$

وفيه AC منتصف

السؤال الثامن:

$$\tan \hat{BAC} = \frac{\text{مقابل}}{\text{مجاور}}$$

(1)

$$= \frac{BC}{AB} = \frac{6\sqrt{3}}{6}$$

$$\tan \hat{BAC} = \sqrt{3}$$

$$\Rightarrow \hat{BAC} = 60^\circ$$

حسب جدول نسب الزوايا الستة.

(2) لدينا BDC مثلث متساوي الأضلاع وفيه

$$\Rightarrow \hat{BDC} = 60^\circ$$

وفيه

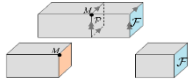
$$\hat{BDC} = \hat{BAC}$$

و A, D تقعان على دائرة واحدة بالنسبة لـ BC

فالرباعي دائري

ومركز الدائرة يقع في منتصف وتر المثلث القائم

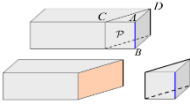
 ABC أي في منتصف AC



مقاطع مجسمات

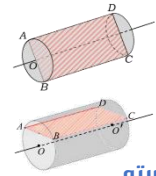
مقطع متوازي مستطيلات بمستوي

- مقطع متوازي مستطيلات بمستوي يوازي أحد أوجهه هو مستطيل يطابق ذلك الوجه.
- مقطع متوازي مستطيلات بمستوي يوازي أحد أحرافه هو مستطيل أحد بعديه يساوي ذلك الحرف.



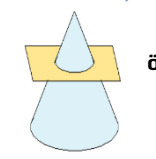
مقطع أسطوانة دورانية بمستوي

- مقطع أسطوانة دورانية بمستوي يوازي قاعدتها أو يعامد محورها هو دائرة تطابق القاعدة.
- مقطع أسطوانة دورانية بمستوي يوازي محورها هو مستطيل أحد بعديه يساوي ارتفاع الأسطوانة.



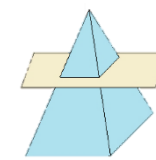
مقطع مخروط دوراني بمستوي

- مقطع مخروط دوراني بمستوي يوازي قاعدته هو دائرة مصغرة عن دائرة القاعدة



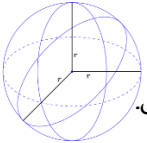
مقطع هرم بمستوي

- مقطع هرم بمستوي يوازي قاعدته هو تصغير عن القاعدة.
- اضلاع المقطع توازي مقابلاتها في القاعدة.

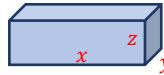


مقطع كرة بمستوي

- مقطع كرة بمستوي هو دائرة.
- مقطع مجسم كروي بمستوي هو قرص دائري.
- عندما يمر لمستوي القاطع بمركز الكرة فالمقطع هو دائرة كبرى.
- عندما يمر المستوي الكرة يكون المقطع هو نقطة التماس.



انتهى ملخص الوحدة الرابعة



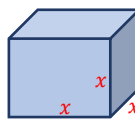
متوازي المستطيلات:

حجم متوازي المستطيلات يساوي جداء ابعاده.

$$V = \underset{\text{الارتفاع}}{x} \times \underset{\text{العرض}}{y} \times \underset{\text{الطول}}{z}$$

مساحة سطح متوازي مستطيلات هو مجموع مساحات سطوحه

$$S = 2(x \cdot y) + 2(x \cdot z) + 2(y \cdot z)$$



المكعب:

حجم مكعب طول حرفه x يساوي مكعب طول الحرف.

$$V = x^3$$

مساحة سطح مكعب طول حرفه x هو مساحة الوجه الواحد مضروباً بعدد الوجوه.

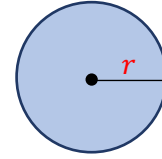
$$S = \underset{\text{عدد الوجوه}}{6} \times \underset{\text{مساحة الوجه الواحد}}{x^2}$$



الكرة:

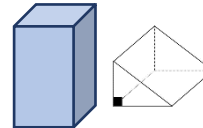
- السطح الكروي ذو المركز O ونصف القطر R
- مجموعة نقاط الفراغ M التي تحقق $OM = R$
- المجسم الكروي ذو المركز O ونصف القطر R
- مجموعة نقاط الفراغ M التي تحقق $OM \leq R$
- مساحة سطح كرة تساوي المساحة الجانبية للأسطوانة التي تحوي الكرة.
- $S = 4\pi R^2$ مساحة سطحها
- حجم كرة يساوي ثلثي حجم الأسطوانة التي تحوي الكرة

$$V = \frac{4}{3} \pi R^3$$



الدائرة:

- محيطها $P = 2\pi r$
- مساحتها $S = \pi r^2$



الموشور القائم:

$$S_L = \underset{\text{الارتفاع}}{h} \times \underset{\text{محيط القاعدة}}{P}$$

$$S_T = S_L + 2 \times \underset{\text{مساحة القاعدة}}{S}$$

$$V = \underset{\text{الارتفاع}}{h} \times \underset{\text{مساحة القاعدة}}{S}$$

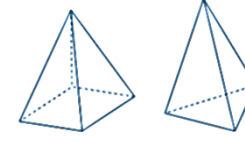


الأسطوانة:

$$S_L = \underset{\text{الارتفاع}}{h} \times \underset{\text{محيط القاعدة}}{P} = 2\pi r h$$

$$S_T = S_L + 2 \times \underset{\text{مساحة القاعدة}}{S} = 2\pi r h + 2\pi r^2$$

$$V = \underset{\text{الارتفاع}}{h} \times \underset{\text{مساحة القاعدة}}{S} = \pi r^2 h$$



الهرم:

الهرم المنتظم تكون قاعدته مضلع منتظم.

$$V = \frac{1}{3} \times \underset{\text{مساحة القاعدة}}{S} \times \underset{\text{الارتفاع}}{h}$$



المخروط:

$$V = \frac{1}{3} \times \underset{\text{مساحة القاعدة}}{S} \times \underset{\text{الارتفاع}}{h} = \frac{1}{3} \pi r^2 h$$

ملخص الوحدة الرابعة لعام 2023/2024

مادة الهندسة (مجسمات ومقاطع)

اعداد المدرس لؤي الدمني 0991518690



المثلث:

- محيطه يساوي مجموع أطوال اضلاعه.
- مساحته تساوي $\frac{\text{القاعدة} \times \text{الارتفاع}}{2}$
- مساحة المثلث القائم تساوي جداء الضلعين القائمتين $\frac{2}{2}$
- مساحة المثلث متساوي الاضلاع واصله a ارتفاعه $h = \frac{\sqrt{3}}{2} a$ مساحته $S = \frac{\sqrt{3}}{4} a^2$



المستطيل:

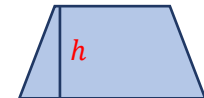


- محيطه $P = 2(\text{الطول} + \text{العرض})$
- مساحته $S = \text{الطول} \times \text{العرض}$



المربع:

- محيطه $P = 4(\text{طول الضلع})$
- مساحته $S = (\text{طول الضلع})^2$



شبه المنحرف:

- مجموع اطوال اضلاعه P محيطه
- ارتفاعه $S = \left(\frac{\text{مجموع القاعدتين}}{2} \right) \times \text{ارتفاعه}$

يجب حل التمارين ص 77-80-81
مثال محلول ص 86-87

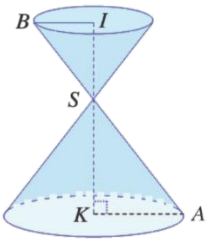
أسئلة امتحان التجريبي الثالث عام 2023/2024

مادة الهندسة (الوحدة الرابعة - المجسمات)

اعداد المدرس لؤي الدمني هـ 0991518690



السؤال الرابع: في الشكل المرافق لدينا مخروطان دورانيان متقابلان بالرأس S .



مركزا قاعدتيهما I و K .

ونصفا قطريهما $[IB]$, $[KA]$.

المستقيمان (KI) , (AB) متقاطعان في S .

والمستقيمان (KA) , (IB) , متوازيان

ونعلم أن $KA = \frac{9}{2} \text{ cm}$ و $KS = 6 \text{ cm}$ و $SI = 4 \text{ cm}$.

1. احسب طول IB ثم الطولين SA , SB .

2. المخروط الذي مركز قاعدته I تصغير للمخروط الذي مركز قاعدته K .

A. ما معامل التصغير.

B. احسب V_K ثم استنتج V_I .

السؤال الخامس: مخروط دوراني رأسه S وقاعدته قرص دائري مركزه O

وارتفاع المخروط $SO = 12 \text{ cm}$ ونصف قطر قاعدته $OM = 3 \text{ cm}$.

A نقطة من SO تحقق $SA = 8 \text{ cm}$. المستوي p المار بالنقطة A

موازياً قاعدة المخروط يقطع أحد مولداته SM في النقطة N .

1. احسب V_O حجم المخروط الذي مركز قاعدته O .

2. إذا علمت أن المخروط الذي مركز قاعدته A

تصغير للمخروط الذي مركز قاعدته O

a. اوجد معامل التصغير.

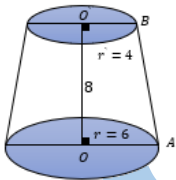
b. استنتج V_A حجم المخروط الذي مركز قاعدته A .

c. احسب V حجم جذع المخروط.

3. تحقق من حساباتك باستخدام دستور حساب جذع المخروط:

$$V = \frac{\pi}{3} (r_O^2 + r_A^2 + r_O r_A) h$$

السؤال السادس: لدينا جذع مخروط معطيته موضحة على الرسم جانباً، والمطلوب:



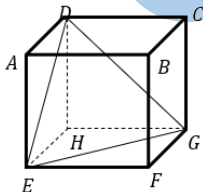
1. احسب كلاً من مساحة قاعدتيه الكبرى والصغرى.

2. إذا علمت أن حجم جذع المخروط يعطى بالعلاقة

$$V = \frac{\pi}{3} (r^2 + r'^2 + rr') \times h$$

3. احسب مساحة شبه المنحرف $OABO'$.

السؤال السابع: في الشكل المرسوم جانباً مكعب طول حرفه 5 cm .



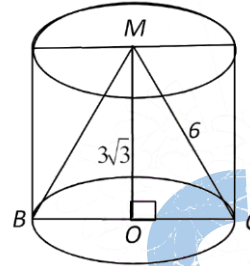
1. احسب مساحة سطح المكعب ثم حجمه.

2. اوجد طول EG . ثم استنتج طبيعة المثلث EDG .

3. ما هو مقطع المكعب بمستوي يوازي أحد أوجهه.

انتهت، مع دعائي لكم بالتوفيق دوماً

السؤال الأول: في الشكل المرسوم جانباً أسطوانة دورانية وضع بداخلها مخروط



طول مولده $MC = 6 \text{ cm}$ مشترك بال قاعدة ارتفاعهما مشترك

طوله $h = 3\sqrt{3} \text{ cm}$ والمطلوب:

1. اوجد $\cos(\angle OMC)$ واستنتج قياس الزاوية $\angle OMC$.

2. أثبت أن نصف قطر القاعدة $R = 3 \text{ cm}$.

3. احسب المساحة الجانبية ثم الكلية للأسطوانة.

4. احسب V حجم الجزء المحصور بين الأسطوانة والمخروط.

السؤال الثاني: هرم منتظم $SABCD$ رأسه S وقاعدته $ABCD$ مربع طول ضلعه 6 cm

ارتفاع الهرم $SO = 12 \text{ cm}$. نقطة من ارتفاعه SO تحقق $SG = 9 \text{ cm}$

قُطع هذا الهرم بمستوي يوازي قاعدته ويمر من G .

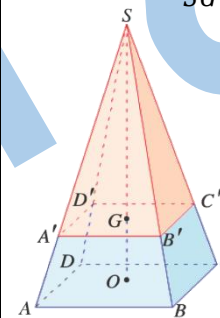
1. احسب v_1 حجم الهرم $SABCD$.

2. احسب v_2 حجم الهرم $SAB'C'D'$ ثم استنتج حجم جذع الهرم.

3. تحقق من حساباتك باستخدام الدستور

$$V = \frac{1}{3} h (S + S' + \sqrt{S \times S'})$$

حيث: S, S' مساحتا قاعدتيه



السؤال الثالث: في الشكل المجاور كرة مركزها O ونصف قطرها $OA = 4 \text{ cm}$

بداخلها مخروط دوراني رأسه A وقاعدته دائرة مركزها M تبعد عن مركز الكرة

مسافة $MO = 2 \text{ cm}$ والمطلوب:

1. احسب كلاً من AC , MC .

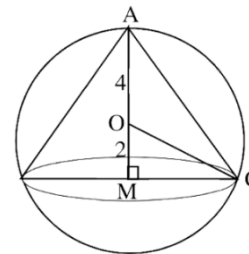
2. احسب $\sin \angle OCM$ واستنتج قياس الزاوية $\angle OCM$.

3. ما هو مقطع الكرة.

احسب مساحة المقطع المار من النقطة M .

4. احسب V_1 حجم الكرة.

5. احسب V_2 حجم المخروط واستنتج V حجم الفراغ المحصور بينهما.



السؤال الثاني:

$$V_1 = \frac{1}{3} S \times h \quad (1)$$

$$= \frac{1}{3} (\text{طول الضلع})^2 \times 12$$

$$= \frac{1}{3} (6^2) \times 12$$

$$= \frac{1}{3} \times 36 \times 12$$

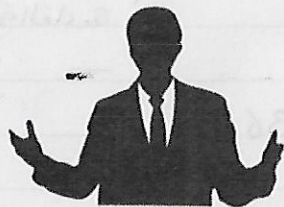
$$= 12 \times 12$$

$$V = 144 \text{ cm}^3$$

SABCD هو نصف الهرم SABC'D'

$$k = \frac{SG}{SO} = \frac{9}{12} = \frac{3}{4}$$

تبع



لؤي الدمني

$$S_L = p \times h \quad (3)$$

$$= 2\pi r \times h$$

$$= 2\pi(3) \times 3\sqrt{3}$$

$$= 6\pi \times 3\sqrt{3}$$

$$S_L = 18\sqrt{3}\pi \text{ cm}^2$$

$$S_T = S_L + 2S$$

$$= 18\sqrt{3}\pi + 2(\pi r^2)$$

$$= 18\sqrt{3}\pi + 2(\pi(3^2))$$

$$= 18\sqrt{3}\pi + 2(9\pi)$$

$$S_T = 18\sqrt{3}\pi + 18\pi$$

$$V = V - V \quad (4)$$

نحوط اسطوانة ضلع

$$V = S \times h - \frac{1}{3} \pi r^2 \times h$$

$$= \pi r^2 \times 3\sqrt{3} - \frac{1}{3} (9\pi) \times 3\sqrt{3}$$

$$= 9\pi \times 3\sqrt{3} - 3\pi \times 3\sqrt{3}$$

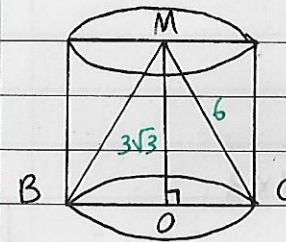
$$= 27\sqrt{3}\pi - 9\sqrt{3}\pi$$

$$V = 18\sqrt{3}\pi \text{ cm}^3$$

• أسئلة الامتحان التحصيلي الثالث

• مادة الهندسة (الوحدة الرابعة - الجسمان)

• المدرس: لؤي الدمني



السؤال الأول:

$$\cos(\angle OMC) = \frac{\text{مجاور}}{\text{الوتر}} \quad (1)$$

$$= \frac{OM}{MC}$$

$$\cos(\angle OMC) = \frac{3\sqrt{3}}{6} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\Rightarrow \angle OMC = 30^\circ$$

$$\sin(\angle OMC) = \frac{\text{مقابل}}{\text{الوتر}} \quad (2)$$

$$\sin 30^\circ = \frac{OC}{MC}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{OC}{6}$$

$$OC = \frac{6}{2} = 3$$

$$\Rightarrow R = 3$$

بما أن المثلث OMC قائم في M طبق مبرهنة فيثاغورس

$$(OC)^2 = (OM)^2 + (MC)^2$$

$$4^2 = 2^2 + (MC)^2$$

$$16 = 4 + (MC)^2$$

$$\Rightarrow (MC)^2 = 16 - 4$$

$$(MC)^2 = 12$$

$$MC = \sqrt{12} = \sqrt{4 \times 3}$$

$$MC = 2\sqrt{3} \text{ cm}$$

$$AM = OA + OM \Rightarrow AM = 4 + 2 = 6$$

في AC ، بما أن المثلث AMC قائم في M طبق مبرهنة فيثاغورس

$$(AC)^2 = (AM)^2 + (MC)^2$$

$$= 6^2 + (2\sqrt{3})^2$$

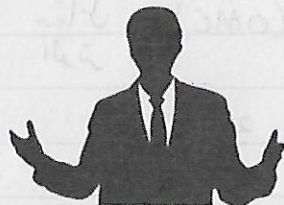
$$= 36 + 4(3)$$

$$(AC)^2 = 48$$

$$AC = \sqrt{48}$$

$$= \sqrt{16 \times 3}$$

$$AC = 4\sqrt{3} \text{ cm}$$



لؤي الدمني

لغوص في المستور

$$V = \frac{1}{3} h (S + S' + \sqrt{S \times S'})$$

$$= \frac{1}{3} \times 3 \times (36 + 20.25 + \sqrt{36 \times 20.25})$$

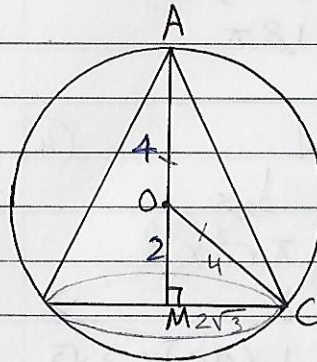
$$= 56.25 + 6 \times 4.5$$

$$= 56.25 + 27$$

$$V = 83.25 \text{ cm}^3$$

محققة

السؤال الثالث:



(1) لدينا المثلث AOC متساوي الساقين لأن ضلعاها أضلاع أطوار في الدائرة

$$\Rightarrow OA = OC = 4$$

في MC من المثلث القائم OMC

$$\Rightarrow V_2 = K^3 \times V_1$$

$$= \left(\frac{3}{4}\right)^3 \times 144$$

$$= \frac{27}{64} \times 144 = \frac{3888}{64}$$

$$V_2 = 60.75 \text{ cm}^3$$

لأن النسبة بينه وبين حجم الجسمان K^3

$$V = V_1 - V_2$$

$$= 144 - 60.75$$

$$V = 83.25 \text{ cm}^3$$

(3) ارتفاع جذع الهرم

$$h = GO = SO - SG$$

$$h = 12 - 9 = 3$$

مساحة القاعدة S'

$$S' = K^2 \times S$$

$$= \left(\frac{3}{4}\right)^2 \times 36$$

$$= \frac{9}{16} \times 36$$

$$S' = 20.25 \text{ cm}^2$$

من 1 و 2 نجد

$$BI = \frac{\frac{9}{2} \times 4}{6} = \frac{18}{6}$$

$$BI = 3 \text{ cm}$$

بما أن المثلث AKS قائم في K نطبق مبرهنة فيثاغورس

$$(SA)^2 = (KS)^2 + (KA)^2$$

$$= 6^2 + \left(\frac{9}{2}\right)^2$$

$$= \frac{36}{1} + \frac{81}{4}$$

$$= \frac{144}{4} + \frac{81}{4}$$

$$(SA)^2 = \frac{225}{4}$$

$$SA = \sqrt{\frac{225}{4}} = \frac{15}{2} \Rightarrow SA = 7.5 \text{ cm}$$

$$V_2 = \frac{1}{3} \pi r^2 \times h$$

$$= \frac{1}{3} \pi (2\sqrt{3})^2 \times 6$$

$$= \frac{1}{3} \pi \times 4(3) \times 6$$

$$= \frac{1}{3} \pi \times 12 \times 6$$

$$V_2 = 24 \pi \text{ cm}^3$$

$$V = V_1 - V_2$$

$$= \frac{256 \pi}{3} - \frac{24 \pi}{1}$$

$$= \frac{256 \pi}{3} - \frac{72 \pi}{3}$$

$$V = \frac{184 \pi}{3}$$

والسؤال الرابع :

1) بما أن $KA \parallel BI$ نطبق مبرهنة التناظر

$$\frac{BS}{AS} = \frac{BI}{KA} = \frac{SI}{SK}$$

$$\frac{BS}{AS} = \frac{BI}{KA} = \frac{4}{6}$$

$$\frac{(3)}{(2)} = \frac{(1)}{(2)}$$

تكملة على السؤال الثالث :

$$\sin(\widehat{OCM}) = \frac{\text{مقابل}}{\text{وتر}} \quad (2)$$

$$\sin(\widehat{OCM}) = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow \widehat{OCM} = 30^\circ$$

(3) مقطع كرة بمسوّ هو دائرة

$$S = \pi r^2 \Rightarrow S = \pi (2\sqrt{3})^2$$

$$= \pi \times 4(3)$$

$$S = 12 \pi \text{ cm}^2$$

$$V_1 = \frac{3}{4} \pi R^3 \quad (4)$$

$$= \frac{4}{3} \pi (4)^3$$

$$= \frac{4}{3} \pi (64)$$

$$V_1 = \frac{256 \pi}{3} \text{ cm}^3$$



$$V = V_0 - V_A \quad .c$$

$$= \frac{36\pi}{1} - \frac{32\pi}{3}$$

$$= \frac{108\pi}{3} - \frac{32\pi}{3}$$

$$V = \frac{76\pi}{3}$$

$$V_0 = \frac{1}{3} \pi r^2 \times h \quad (1)$$

$$= \frac{1}{3} \pi (3)^2 \times 12$$

$$= \frac{1}{3} \pi (9) \times 12$$

$$V_0 = 3\pi \times 12 \Rightarrow V_0 = 36\pi \text{ cm}^3$$

$$\frac{S_B}{S_A} = \frac{4}{6}$$

من A و B نجد

$$\frac{S_B}{7.5} = \frac{4}{6}$$

$$S_B = \frac{7.5 \times 4}{6} = \frac{30}{6}$$

$$S_B = 5 \text{ cm}$$

$$r_A = k \times r_0 \quad (3)$$

$$= \frac{2}{3} \times 3 \Rightarrow r_A = 2$$

$$V = \frac{\pi}{3} (r_0^2 + r_A^2 + r_0 r_A) h$$

$$= \frac{\pi}{3} (3^2 + 2^2 + 3 \times 2) \times 4$$

$$= \frac{\pi}{3} (9 + 4 + 6) \times 4$$

$$= \frac{\pi}{3} (19) \times 4 \Rightarrow V = \frac{76\pi}{3}$$

$$k = \frac{S_A}{S_0} = \frac{8}{12} \quad .a (2)$$

$$k = \frac{2}{3}$$

$$V_A = k^3 \times V_0 \quad .b$$

$$= \left(\frac{2}{3}\right)^3 \times 36\pi$$

$$= \frac{8}{27} \times 36\pi$$

$$= \frac{288\pi}{27} \Rightarrow V_A = \frac{32\pi}{3} \text{ cm}^3$$

$$k = \frac{2}{3}$$

$$V_k = \frac{1}{3} \pi r^2 \times h$$

$$= \frac{1}{3} \pi \left(\frac{9}{2}\right)^2 \times 6$$

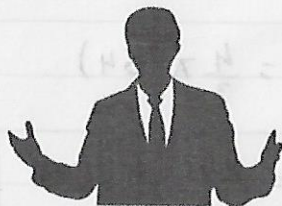
$$= \frac{1}{3} \pi \left(\frac{81}{4}\right) \times 6$$

$$V_k = \frac{81}{2} \pi \text{ cm}^3$$

$$V_I = k^3 \times V_k$$

$$= \left(\frac{2}{3}\right)^3 \times \frac{81}{2} \pi$$

$$= \frac{8}{27} \times \frac{81}{2} \pi \Rightarrow V_I = 12\pi \text{ cm}^3$$



لؤي الدمني

السؤال السادس :

السؤال السابع :

(3)

مقطع المكعب بمسوى يوازي أحد أوجهه هو مربع

$$\begin{aligned} S &= 6 \times x^2 \\ &= 6 \times 5^2 \\ &= 6 \times 25 \end{aligned} \quad (1)$$

$$S = 150 \text{ cm}^2$$

$$\begin{aligned} V &= x^3 \\ &= 5^3 \end{aligned}$$

$$V = 125 \text{ cm}^3$$

② لإيجاد طول EG من المثلث EFG

القائم في F

نطبق مبرهنة فيثاغورس

$$\begin{aligned} (EG)^2 &= (EF)^2 + (FG)^2 \\ &= 5^2 + 5^2 \\ &= 25 + 25 \end{aligned}$$

$$(EG)^2 = 50$$

$$\Rightarrow EG = \sqrt{50} = \sqrt{5 \times 2}$$

$$EG = 5\sqrt{2}$$

بالمثل الأضلاع DG و ED فالمثلث EDG

مستساوي الأضلاع

$$\begin{aligned} S' &= \pi r^2 \\ &= \pi (4)^2 \end{aligned}$$

$$S = 16\pi$$

$$\begin{aligned} S &= \pi r^2 \\ &= \pi (6)^2 \end{aligned} \quad (1)$$

$$S = 36\pi$$

$$V = \frac{\pi}{3} (r^2 + r'^2 + rr') \times h \quad (2)$$

$$\begin{aligned} &= \frac{\pi}{3} (6^2 + 4^2 + 6 \times 4) \times 8 \\ &= \frac{\pi}{3} (36 + 16 + 24) \times 8 \\ &= \frac{\pi}{3} (76) \times 8 \end{aligned}$$

$$V = \frac{608}{3} \pi$$

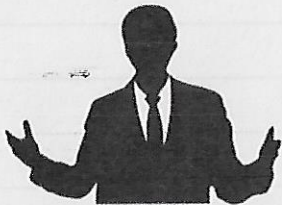
$$S_{OABO'} = \left(\frac{\text{القاعدة الكبرى} + \text{القاعدة الصغرى}}{2} \right) h \quad (3)$$

$$= \left(\frac{OA + O'B}{2} \right) h$$

$$= \left(\frac{6 + 4}{2} \right) 8 = \frac{10}{2} \times 8$$

$$= 5 \times 8$$

$$S_{OABO'} = 40$$



لؤي الدمني



السؤال الأول: في الشكل المجاور: دائرتان متمستان داخلاً في النقطة A هما C_1 مركزها O ونصف قطرها 6 و C_2 مركزها O' وقطرها $AM = 4$ والمستقيم (MN) مماس للدائرة C_2 في النقطة M ، وقياس القوس \widehat{BC} هو 60° ، والمطلوب:

1. بين أن $\angle ACB = 90^\circ$ و $\angle BAC = 30^\circ$ ، واحسب الطولين AC و BC .
2. بين أن مبرهنة النسب الثلاث تشمل المثلثين AME و ABC ، ثم اكتب النسب الثلاث المتساوية، واحسب طول ME .
3. أثبت أن $CNMB$ رباعي دائري، عين مركز الدائرة المارة برؤوسه.
4. احسب قياس الزاوية $\angle NME$.

2022

السؤال الثاني: في الشكل المرسوم جانباً: C_1 دائرة مركزها I و C_2 دائرة مركزها K وهما متماستان خارجاً في النقطة N ، ولدينا: $AK = 10$ وقياس الزاوية $\widehat{AKB} = 60^\circ$ والمستقيم AB يمس كلًا من الدائرة C_1 في النقطة D والدائرة C_2 في النقطة B ، ولنفرض أن $DI = x$. والمطلوب:

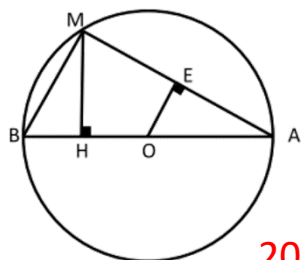
- احسب قياس كلًا من الزاويتين \widehat{ADI} ، \widehat{ABK} وبين أن المستقيمين ID ، BK متوازيان.
- احسب قياس كلًا من الزاويتين \widehat{DIA} ، \widehat{ADN} .
- في المثلث القائم KBA احسب الطول BK .
- احسب الطول AN ، ثم احسب قيمة x .

والمستقيم (AC) مماس للدائرة في النقطة C.
والمستقيم (CB) عمودي على المستقيم (NO).
ولدينا $AB = 10$ و $AC = 2\sqrt{5}$ ، والمطلوب:

1. بين أن قياس الزاوية $\hat{A}CD$ يساوي قياس الزاوية $\hat{C}BD$.
2. أثبت أن ABC مثلث قائم في C، واستنتج أن $BC = 4\sqrt{5}$.
3. اكتب عبارة $\sin(\hat{B})$ في كل من المثلثين ACB و CDB ، ثم احسب الطولين CD و DB .
4. أثبت أن الرباعي $CDNO$ دائري، وعين مركز الدائرة برؤوسه.

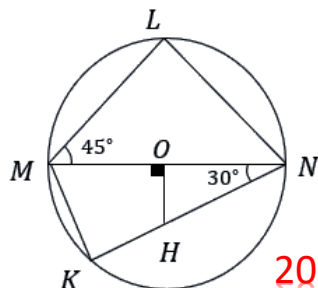
2020

المارة برؤوسه واحسب طول نصف قطرها.



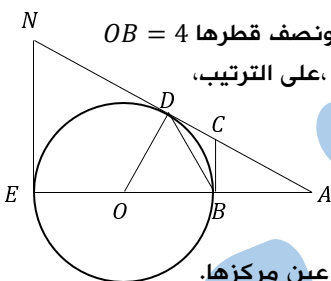
2019

4. أثبت أن $OHKM$ رباعي دائري وعين مركز الدائرة المارة برؤوسه.

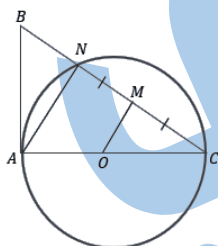


2018

4. أثبت أن النقاط O, D, C, B تقع على دائرة واحدة، عين مركزها.



4. اثبت أن $BAOM$ دای، وعین مرکز الدائرة المارة برؤوسه



اتھت، مع دعائی لکم بالتوفیق دوماً

مسائل الـ 100 درجة هندسة

السؤال الأول : 2022

١) $\hat{ACB} = 90^\circ$ لأن المثلث ABC تمر برؤوسه الدائرة C_1 وأحد أضلاعها AB قطرها.

بما أن $\hat{BC} = 60^\circ$

فإن $\hat{BAC} = 30^\circ$

لأن الزاوية المحيطية تساوي ضعف مركز القوس المقابل لها.

لدينا $OB = 6$ ومنه $AB = 12$ قطر الدائرة C_1 ونعلم أن الضلع المقابل للزاوية 30° في المثلث القائم يساوي نصف الوتر

$$\Rightarrow BC = \frac{1}{2} AB = \frac{1}{2} (12)$$

$$BC = 6$$

حساب AC نأخذ $\cos \hat{A} = \frac{AC}{AB}$ $\hat{A} = 30^\circ$

$$\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{AC}{12}$$

$$AC = \frac{12\sqrt{3}}{2}$$

$$AC = 6\sqrt{3}$$

٢) AEM مثلث قائم في E بسبب وجود دائرة C_2 مارة برؤوسه وأحد أضلاعها قطرها ومنه $EM \perp AE$

ولدينا ABC مثلث قائم في C ومنه $BC \perp AC$ نعلم أن العمودان على مستقيم واحد متوازيان ومنه $EM \perp AC$ $BC \parallel EM$

بما أن $BC \parallel EM$ نطبق مبرهنة النسب الثلاث

$$\frac{AM}{AB} = \frac{AE}{AC} = \frac{EM}{BC}$$

$$\frac{EM}{6} = \frac{4}{12} \quad \text{من (1) و (3) نجد}$$

$$EM = \frac{6 \times 4}{12} = \frac{24}{12} \Rightarrow EM = 2$$

٣) بما أن MN مماس لـ C_2

فإن $\hat{AMN} = 90^\circ$

لأن المماس عمود على نصف القطر في نقطة التماس.

$$\hat{NMB} + \hat{NCB} = 180^\circ \quad \text{ومنه}$$

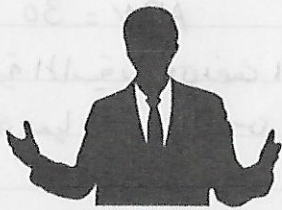
تكملة زاويتان متجاورتان في رباعي فالرباعي دائري

ومركز الدائرة يقع في منتصف وتر المثلثين القائمين المتكامل أي في منتصف NB

$$\hat{MAE} = 30^\circ$$

$$\hat{NME} = 30^\circ$$

لأن الزاوية الخارجة تساوي الزاوية المحيطة المتكاملة معها بقوس القوس



لؤي الدمني

السؤال الثاني : 2021

(1) بمأن AB مماس
فإن $\hat{ABK} = 90^\circ$
لأن المماس عمود على نصف القطر في نقطة التماس

بمأن AB مماس
فإن $\hat{ADI} = 90^\circ$
لأن المماس عمود على نصف القطر في نقطة التماس

وفيه $\begin{cases} BK \perp AB \\ ID \perp AB \end{cases}$

لأن العمودان على مستقيم واحد متوازيان

(2) من المثلث ABK القائم في B لدينا $\hat{AKB} = 60^\circ$

وفيه حسب مجموع زوايا المثلث $\hat{KAB} = 30^\circ$

من المثلث ADI القائم في D لدينا $\hat{IAD} = 60^\circ$

بمأن $\hat{DIA} = 60^\circ$

فإن $\hat{ADN} = 30^\circ$

لأن الزاوية المماسية تساوي نصف الزاوية المركزية
المشتركة معها بنفس القوس \hat{DN}

(3) لدينا $\hat{BAK} = 30^\circ$ وفيه $BK = \frac{1}{2} AK$

$\Rightarrow BK = 5$

لأن الضلع المقابل للزاوية 30° في المثلث القائم تساوي نصف الوتر

$$AN = AK + KN \quad (4)$$

$$= 10 + 5 = 15$$

من المثلث ADI القائم في D

$$\sin \hat{A} = \frac{ID}{AI}$$

$$\sin 30 = \frac{x}{15+x}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{x}{x+15}$$

$$2x = x + 15$$

$$2x - x = 15$$

$$x = 15$$

السؤال الثالث : 2020

(1) لدينا \hat{ACD} زاوية مماسية لحصص القوس \hat{DC}

ولدينا \hat{CBD} زاوية محيطية لحصص نفس القوس

\hat{DC} وفيه محيطية ومماسية لحصصان نفس القوس

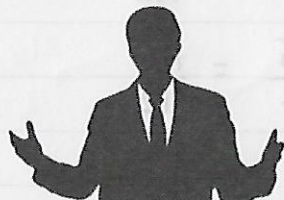
مماسات متساويتان

(2) بمأن AC مماس، فإن

$$\hat{ACB} = 90^\circ$$

لأن المماس عمود على نصف القطر في نقطة التماس

وفيه ABC مثلث قائم في C



لؤي الدمني

$$\cos \hat{A} = \frac{\text{مجاور}}{\text{الوتر}}$$

$$\cos 30^\circ = \frac{AM}{AB}$$

$$\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{AM}{12}$$

$$AM = \frac{12\sqrt{3}}{2}$$

$$AM = 6\sqrt{3}$$

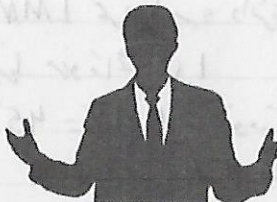
(2) نعلم أن الضلع المقابل للزاوية 30° في المثلث القائم AOE تساوي نصف طول الوتر

$$OE = \frac{1}{2} OA$$

$$= \frac{1}{2} \times 6$$

$$OE = 3$$

$$\cos (\hat{EOA}) = \frac{OE}{OA} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$



لؤي الدمني

$$\hat{CDN} = 90^\circ \text{ لدينا}$$

$$\hat{CON} = 90^\circ \text{ لدينا}$$

زاويتان متتامتان متكاملتان في رباعي
فالرباعي دائري

مركز الدائرة يقع في منتصف وتر المثلثين القائمين
CN ، CDN أي في منتصف CN

المسؤول الرابع : 2019

ABM . C

$$\hat{AM} = 120^\circ$$

$$\hat{ABM} = 60^\circ$$

لأن الزاوية المحيطة تساوي نصف قياس القوس
المقابل لها

$$\hat{AMB} = 90^\circ \text{ لأنها تقسم نصف قوس دائرة}$$

$$\hat{MAB} = 30^\circ$$

وفيه حسب مجموع زوايا المثلث

$$\text{لدينا } AB = 12 \text{ لأنه قطر في الدائرة}$$

نعلم أن الضلع المقابل للزاوية 30° في المثلث القائم تساوي
نصف طول الوتر وفه

$$\Rightarrow BM = \frac{1}{2} AB$$

$$= \frac{1}{2} \times 12$$

$$BM = 6$$

تكملة حل السؤال الثالث : 2020

$$\sin (\hat{B}) = \frac{AC}{AB} \quad \text{من المثلث ACB}$$

$$\sin (\hat{B}) = \frac{CD}{BC} \quad \text{من المثلث CDB}$$

$$\Rightarrow \frac{CD}{BC} = \frac{AC}{AB} \quad \text{وفه}$$

$$\frac{CD}{4\sqrt{5}} = \frac{2\sqrt{5}}{10}$$

$$CD = \frac{2\sqrt{5} \times 4\sqrt{5}}{10} = \frac{8(5)}{10}$$

$$= \frac{40}{10}$$

$$CD = 4$$

لدينا المثلث DCB قائم في D لأن أحد
أضلاعه قطر في الدائرة

نطبق برهنة فيثاغورس في المثلث DCB

$$(BC)^2 = (DC)^2 + (DB)^2$$

$$(DB)^2 = (BC)^2 - (DC)^2$$

$$= 80 - 16$$

$$(DB)^2 = 64$$

$$DB = 8$$

تكملة حل السؤال الرابع : 2019

(3) لدينا $\hat{BAM} = 30^\circ$

ومن المثلث BHM القائم في H حسب مجموع قياسات زوايا المثلث

$$\hat{BMH} = 30^\circ$$

$$\Rightarrow \hat{BMH} = \hat{BAM}$$

(4) لدينا

$$\hat{OHM} + \hat{OEM} = 180^\circ$$

تكملة زواويتان متتامتان في رباعي خالرباعي دائري مركز الدائرة يقع في منتصف الوتر المشترك OM

نعلم أن OM هو نصف قطر في الدائرة ووفه

$$OM = 6$$

$$r = \frac{6}{2} = 3$$

(السؤال الخامس) : 2018

(1) المثلث LMN متبربر ذو مركز دائرة وأحد أضلاعه

MN قطرها منو قائم في L

وفيه $\hat{LMN} = 45^\circ$ منو مساوي الساقين

$$\Rightarrow \hat{LMN} = 45^\circ$$

(2) $\hat{MKN} = 90^\circ$ لأننا طهر نصف قوس دائرة

$$\hat{LNK} = \hat{LNM} + \hat{M\hat{N}K}$$

$$= 45^\circ + 30^\circ = 75^\circ$$

$$\hat{LNK} = 75^\circ$$

$$\hat{LMK} = 150^\circ$$

لأن الزاوية المحيطية تساوي نصف قياس القوس المقابل لها.

(3) ML

من المثلث القائم MNL

$$\cos(\hat{LMN}) = \frac{\text{جوار}}{\text{وتر}}$$

$$\cos 45^\circ = \frac{ML}{MN}$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{ML}{8}$$

$$ML = \frac{8\sqrt{2}}{2} \Rightarrow ML = 4\sqrt{2}$$

KM

نعلم أن الضلع المقابل للزاوية 30° في المثلث القائم

$$KM = \frac{1}{2} MN$$

$$= \frac{1}{2} (8)$$

$$KM = 4$$

KN

من المثلث القائم KMN

$$\cos(\hat{M\hat{N}K}) = \frac{KN}{MN}$$

$$\cos 30^\circ = \frac{KN}{MN}$$

$$\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{KN}{8}$$

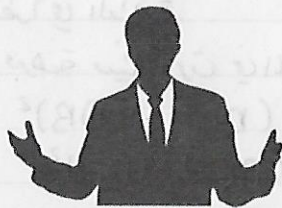
$$KN = \frac{8\sqrt{3}}{2} \Rightarrow KN = 4\sqrt{3}$$

(4) لدينا $\hat{MOH} + \hat{HKM} = 180^\circ$

تكملة زواويتان متتامتان في رباعي خالرباعي دائري

مركز الدائرة المارة بـ O يقع في منتصف الوتر المشترك

للثلاثين القائم HM



لؤي الدمني

السؤال السادس :

(1) من المثلث ODA

بما أن OA عمودي

فإن $\hat{ODA} = 90^\circ$

لان المماس عمود على نصف القطر في نقطة المماس

ولدينا $\hat{DAO} = 30^\circ$

وفيه حسب مجموع قياسات زوايا المثلث

$$\hat{DOB} = 180 - (\hat{ODA} + \hat{DAO})$$

$$= 180 - (90 + 30)$$

$$= 180 - 120$$

$$\hat{DOB} = 60^\circ$$

المثلث DOB متساوي الساقين لان أضلاعه

أنصاف أقطار في الدائرة وفيه $\hat{DOB} = 60^\circ$

ممنوع مساوي الأضلاع

(2) \hat{DBC} بما أن $\hat{DOB} = 60^\circ$ فإن $\hat{OBC} = 30^\circ$

لان الزاوية المماسية تساوي نصف قياس

الزاوية المركزية المشتركة معها

ينطبق القوس

$$\tan(\hat{DAO}) = \frac{\text{مقابل}}{\text{جوار}} \quad (3)$$

$$\tan 30^\circ = \frac{OD}{AD}$$

$$\frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{4}{AD}$$

$$AD = \frac{4 \times 3}{\sqrt{3}} = \frac{12 \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{12\sqrt{3}}{3}$$

$$\Rightarrow AD = 4\sqrt{3}$$

(4) بما أن BC عمودي

فإن $\hat{OBC} = 90^\circ$

لان المماس عمود على نصف القطر في نقطة

المماس

$$\hat{OBC} + \hat{ODC} = 180^\circ \quad \leftarrow$$

تكملة زوايا متقابلتان في رباعي

مائل الرباعي دائري

مركز الدائرة المارة برؤوسه يقع في منتصف

الوتر OC المشترك للمثلثين القائمين

OBC و ODC

السؤال السابع :

$$* \quad \boxed{AN + NC = 180^\circ} \quad \text{لدينا}$$

لانها تشكل نصف قوس دائرة

$$\frac{AN}{NC} = \frac{1}{2}$$

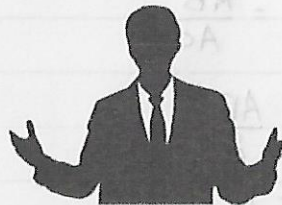
حسب قواعد التناسب

$$\frac{AN + NC}{NC} = \frac{1 + 2}{2}$$

$$\frac{180}{NC} = \frac{3}{2}$$

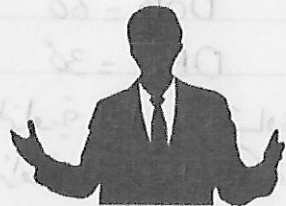
$$NC = \frac{180 \times 2}{3} = \frac{360}{3}$$

$$\boxed{NC = 120^\circ}$$



لؤي الدمني

<p>نكلمة حل السؤال السابع:</p> <p>نعوض في *</p> $AN + NC = 180$ $AN + 120 = 180$ $AN = 180 - 120$	<p>نعلم أن الضلع المقابل للزاوية 30 يوازي نصف طول الوتر وفنه</p> $AB = \frac{1}{2} BC$	<p>وفنه OM قطعة مستقيمة وأصله بين منتصفين ضلعين من أضلاع المثلث مني توازي الثالثة ويساوي نصف طولها، وفنه NA // OM</p>
<p>بما أن NA // OM نطبق برهنة النسب المثلث</p> $\frac{CM}{CN} = \frac{CO}{CA} = \frac{OM}{NA}$	$\frac{8\sqrt{3}}{3} = \frac{BC}{2}$ $BC = \frac{8\sqrt{3} \times 2}{3}$	$\widehat{AN} = 60^\circ$
<p>تناسبت أطوال الأضلاع المثلثات CMO و CNA و CMA</p> <p>(4) نعلم أن المستقيم المار من مركز دائرة ويمر من منتصف وترها يعامد ذلك الوتر وفنه $\widehat{OMB} = 90^\circ$</p> <p>لأن M تقع منتصف NC لدينا $\widehat{OMB} + \widehat{BAC} = 180^\circ$</p> <p>شكلا متوازيين متقابلين في رباعي مارباعي دائري</p> <p>لأن المماس عمود على نصف القطر في نقطة التماس</p> <p>للثلاثين القائمة OMB و BAO</p>	<p>مماسات زوايا المثلث ABC</p> <p>بما أن AB مماس $\widehat{CAB} = 90^\circ$</p> <p>لأن المماس عمود على نصف القطر في نقطة التماس</p> <p>لدينا من المطلوب السابق $\widehat{ACN} = 30^\circ$</p> <p>حسب مجموع قياسات زوايا المثلث $\widehat{ABC} = 60^\circ$</p>	<p>بما أن $AN = 60^\circ$</p> <p>بما أن $\widehat{ACN} = 30^\circ$</p> <p>لأن الزاوية المحيطية تساوي نصف قياس القوس المقابل لها.</p>
<p>(3) لدينا M تقع منتصف NC من هنا</p> <p>و O مركز الدائرة يقع في منتصف AC</p>	<p>حسب مجموع قياسات زوايا المثلث $\widehat{ABC} = 60^\circ$</p>	<p>(2) أطوال أضلاع المثلث ABC</p> <p>$AC = 2r = 2 \times 4 = 8$</p> <p>$\tan(\widehat{ACB}) = \frac{\text{مقابل}}{\text{جوار}}$</p> <p>$\tan 30^\circ = \frac{AB}{AC}$</p> <p>$\frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{AB}{8}$</p>
		$AB = \frac{8\sqrt{3}}{3}$



لؤي الدمني

ملخص الأسئلة النظرية لعام 2023/2024

اختر الإجابة الصحيحة

جمع واعداد المدرس لؤي الدمني هـ 0991518690



في كل مما يأتي إجابة واحدة صحيحة من بين ثلاث إجابات مقترحة، اكتبها:

1. العدد $(\sqrt{3})^2$ هو عدد: دورة 2018

A	صحيح	B	عادي	c	غير عادي
---	------	---	------	---	----------

2. هرم ارتفاعه 9 cm وقاعدته مربع طول ضلعه 3 cm فإن حجم الهرم يساوي: دورة 2018

A	81 cm ³	B	27 cm ³	c	36 cm ³
---	--------------------	---	--------------------	---	--------------------

3. الكسر المختزل $\frac{121}{77}$ هو: دورة 2018

A	$\frac{11}{3}$	B	$\frac{11}{7}$	c	$\frac{22}{7}$
---	----------------	---	----------------	---	----------------

4. إذا كان f تابع معرف وفق الصيغة $f(x) = 3x^2 + 2x + 8$ فإن $f(1)$ تساوي: دورة 2018

A	11	B	12	c	13
---	----	---	----	---	----

5. القاسم المشترك الأكبر للعددين 105 , 147 هو: دورة 2019

A	5	B	7	c	21
---	---	---	---	---	----

6. ثلث العدد 3⁴ يساوي: دورة 2019

A	9	B	81	c	27
---	---	---	----	---	----

7. في الفراغ مجموعة النقاط التي مسافات متساوية وتساوي 5 عن نقطة ثابتة O هي: دورة 2019

A	دائرة	B	كرة	c	مجسم كروي
---	-------	---	-----	---	-----------

8. إذا كان f تابع معرف وفق الصيغة $f(x) = (x - 5)^2$ فإن $f(3)$ تساوي: دورة 2019

A	2	B	4	c	-4
---	---	---	---	---	----

9. العدد $\sqrt{3} \times 5\sqrt{3}$ يساوي: دورة 2020

A	15√3	B	15	c	7√3
---	------	---	----	---	-----

10. العدد $\frac{1}{3} + \frac{1}{6}$ يساوي: دورة 2020

A	صحيح	B	غير عادي	c	عشري
---	------	---	----------	---	------

11. العددين الأوليان فيما بينهما: دورة 2020

A	27 , 33	B	11 , 32	c	8 , 42
---	---------	---	---------	---	--------

12. مسدس منتظم مرسوم في دائرة نصف قطرها 5 cm عندئذ محيط المسدس يساوي: دورة 2020

A	30 cm	B	15 cm	c	9 cm
---	-------	---	-------	---	------

13. القاسم المشترك الأكبر للعددين 70 , 84 هو: دورة 2021

A	14	B	5	c	2
---	----	---	---	---	---

14. الكسر المختزل فيما يأتي هو: دورة 2021

A	$\frac{3}{102}$	B	$\frac{6}{111}$	c	$\frac{3}{101}$
---	-----------------	---	-----------------	---	-----------------

15. العدد الذي يمثل أحد حلول المتراجحة $-2x \geq 3x + 5$ هو: دورة 2021

A	$-\frac{1}{5}$	B	+1	c	-1
---	----------------	---	----	---	----

16. العدد 10³ هو: دورة 2021

A	صحيح	B	غير صحيح	c	غير عادي
---	------	---	----------	---	----------

17. العدد $\frac{3^7 \times 2^8}{9^3 \times 2^5}$ يساوي: دورة 2022

A	24	B	12	c	26
---	----	---	----	---	----

18. الكسر المختزل المساوي للكسر $\frac{130}{520}$ هو: دورة 2022

A	$\frac{1}{8}$	B	$\frac{1}{2}$	c	$\frac{1}{4}$
---	---------------	---	---------------	---	---------------

19. المعادلة التي تقبل $x = -2$ حلاً لها هي: دورة 2022

A	$3x + 1 = 2x$	B	$5x + 2 = 3x - 2$	c	$x^2 + 4 = 0$
---	---------------	---	-------------------	---	---------------

20. العدد $\sqrt{3} + 2\sqrt{2}$ يساوي: دورة 2022

A	5√2	B	1 - √2	c	1 + √2
---	-----	---	--------	---	--------

21. إن قيمة العدد $\sqrt{7 + \sqrt{7 - \sqrt{9}}}$ تساوي:

A	A = 4	B	A = 3	c	A = 2
---	-------	---	-------	---	-------

22. العدد $\frac{\sqrt{27} - \sqrt{3}}{2}$ هو عدد:

A	عادي	B	صحيح	c	غير عادي
---	------	---	------	---	----------

23. يكتب العدد $\frac{3}{4}$ بالشكل العشري:

A	0.75	B	0.3	c	0.2
---	------	---	-----	---	-----

24. ثلاثة أمثال العدد $\sqrt{12}$ تساوي:

A	6√2	B	6√3	c	3√3
---	-----	---	-----	---	-----

ملخص الأسئلة النظرية لعام 2023/2024

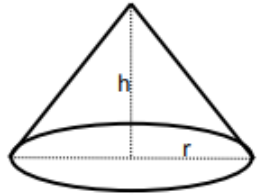
ضع إشارة صح أو خطأ

جمع واعداد المدرس لؤي الدمني 0991518690



في كل مما يأتي اجب بكلمة صح أو خطأ:

1. الربيع الأول للعينة 5, 6, 7, 8, 10, 11, 12, 14 هو 6.5. دورة 2018
2. سطح كروي مركزه O ونصف قطره R هو مجموعة نقاط الفراغ M التي تحقق $OM < R$. 2018.
3. مقطع أسطوانة دورانية بمستوي يوازي محورها هو مستطيل أحد بعديه يساوي ارتفاع الأسطوانة. دورة 2018
4. النقطة O هي مركز مثنى منتظم أحد أضلاعه AB فإن قياس الزاوية $\angle AOB = 40^\circ$. 2018
 > تأمل الشكل المجاور مخروط دوراني ارتفاعه $h = 2 \text{ cm}$
 ونصف قطر قاعدته $r = 3 \text{ cm}$ فإن:
 5. مساحة القاعدة $S = 6\pi \text{ cm}^2$. دورة 2019
 6. حجم المخروط $V = 6\pi \text{ cm}^3$. دورة 2019
 7. مقطع المخروط الدوراني بمستوي يوازي قاعدته هو دائرة مصغرة عن دائرة القاعدة. دورة 2019
 8. إذا تغير الارتفاع وأصبح $h = 1 \text{ cm}$ فإن حجم المخروط الجديد يساوي نصف حجم المخروط الأصلي. دورة 2019
 9. الكسر $\frac{45}{63}$ هو كسر مختزل. دورة 2020
 10. $\cos 20^\circ = \sin 70^\circ$. دورة 2020
 11. $\sqrt{1 + \sqrt{5 + \sqrt{16}}}$ يساوي 4. دورة 2020
 12. العدد -1 هو أحد حلول المعادلة $(2x + 2)(x - 3) = 0$. دورة 2020
 13. مقطع متوازي مستطيلات بمستوي يوازي أحد أوجهه هو مستطيل يطابق ذلك الوجه. 2021
 14. مقطع متوازي مستطيلات بمستوي يوازي أحد أحرفه هو مستطيل أحد بعديه يساوي ذلك الحرف. دورة 2021
 15. مقطع هرم بمستوي يوازي قاعدته هو تصغير عن القاعدة. دورة 2021
 16. مساحة دائرة نصف قطرها 3 cm يساوي $6\pi \text{ cm}^2$. إن العدد $\sqrt{9 + 16}$ يساوي $\sqrt{9} + \sqrt{16}$. دورة 2021



25. الكسر المختزل للعدد $\frac{117}{63}$ هو:

A	$\frac{13}{9}$	B	$\frac{13}{7}$	c	$\frac{39}{21}$
---	----------------	---	----------------	---	-----------------

26. ربع العدد 8^5 هو:

A	2^{13}	B	2^8	c	2^{15}
---	----------	---	-------	---	----------

27. إن قيمة العدد $A = \frac{6^4 \times 7 \times 5^4}{(35)^2 \times 4^2 \times 3^3}$ هي:

A	$\frac{5}{3}$	B	$\frac{75}{7}$	c	15
---	---------------	---	----------------	---	----

28. إن العدد $(\sqrt{5} - \sqrt{2})^2$:

A	عادي	B	غير عادي	c	صحيح
---	------	---	----------	---	------

29. مقطع أسطوانة بمستوي يوازي محورها هو:

A	دائرة	B	مستطيل	c	مربع
---	-------	---	--------	---	------

30. المجسم الكروي ذو المركز O ونصف القطر R هو مجموعة النقاط M التي تحقق:

A	$OM = R$	B	$OM \geq R$	c	$OM \leq R$
---	----------	---	-------------	---	-------------

31. مكعب طول حرفه $x = 0.1 \text{ m}$ فيكون حجمه:

A	10^{-2} m^3	B	10^{-3} m^3	c	10^2 m^3
---	-----------------------	---	-----------------------	---	--------------------

32. إذا كان a, b أوليان فيما بينهما فإن القاسم المشترك الأكبر لهما هو:

A	a	B	b	c	1
---	-----	---	-----	---	---

33. ناتج نشر الجداء $(x - \sqrt{3})(x + \sqrt{3})$ يساوي:

A	$x^2 - \sqrt{3}$	B	$x^2 + 3$	c	$x^2 - 3$
---	------------------	---	-----------	---	-----------

34. في التناسب التالي $\frac{3}{12} = \frac{1}{4}$ يمكننا أن نحصل على التناسب ____ بتطبيق إحدى خواص التناسب:

A	$\frac{12}{3} = 4$	B	$\frac{1}{12} = \frac{3}{4}$	c	$\frac{3}{12} = \frac{4}{1}$
---	--------------------	---	------------------------------	---	------------------------------

35. إذا كانت $\tan A = 1$ فإن قياس الزاوية A هو:

A	30°	B	45°	c	60°
---	------------	---	------------	---	------------

عادة السؤال الأول في قسم (أولاً) هو اختر الإجابة الصحيحة وقد طرح لك في هذه الورقات بعض الأمثلة واسئلة الدورات السابقة للفائدة.

غالباً هذا السؤال بـ 60 درجة أي لكل سؤال 15 درجة.

الرجاء قراءة السؤال جيداً قبل الإجابة وعدم التسرع في الحل.

17. مقطع مكعب بمستوى يوازي أحد أوجهه هو مربع. دورة 2022

18. $\cos 80^\circ = \sin 20^\circ$. دورة 2022

19. العدد $\sqrt{3}$ هو حل للمعادلة $x^2 - 3 = 0$. دورة 2022

20. إذا كانت الزاوية \hat{A} تحقق $0 < \hat{A} < 90$ فإن $0 < \sin \hat{A} < 1$. دورة 2022

21. مثلث أطوال اضلاعه $AB = 3\sqrt{2}$, $AC = \sqrt{2} + \sqrt{8}$, $BC = 5\sqrt{2} - \sqrt{8}$ فالمثلث متساوي الاضلاع.

22. إذا كان b قاسماً للعدد a فإن: $GCD(a, b) = a$.

23. ان العدد $\frac{1}{\sqrt{7}}$ يساوي 7.

24. نصف العدد 4^4 هو العدد 2^3 .

25. إذا كان $A = \frac{2^3 \times 3}{8 \times 3^{-2}}$ و $B = 3^3$ فإن $A = B$.

26. قيمة العدد $(\sqrt{3})^{-6}$ تساوي 9.

27. للمعادلة $x^2 = 2$ حلان متعاكسان بالإشارة.

28. حلول المتراجحة $5 > -3x$ هي جميع قيم x التي تحقق $x > -\frac{5}{3}$.

29. إذا كان $x < 3$ فإن $-x < -3$.

30. أي عدد موجب ليس حلاً للمتراجحة $-3x + 1 > 0$.

31. التمثيل البياني للمعادلة $y = mx$ هو مستقيم لا يمر من مبدأ الاحداثيات.

32. نقطة تقاطع المستقيمين $y = 3$ و $x = 2$ هو النقطة $(3, 2)$.

33. المعادلتان $x - 2y = 4$, $\frac{1}{2}x - y = 2$ متكافئتان.

34. f تابع معرف بالصيغة $f(x) = (x - 1)(x + 5)$ فإن $f(2) = -6$.

35. التابع f معطى بالصيغة $f(x) = x^2 + 25$ فإن العدد 5 ليس له اسلاف.

36. في تجربة رمي قطعة نقود متجانسة فإن احتمال ظهور الشعار

يساوي احتمال ظهور الكتابة ويساوي 0.5.

37. وسيط مفردات العينة الإحصائية 12, 11, 10, 9, 7, 5, 3 هو 10.

38. نقول إن حدثين متنافيين إذا كان مجموع احتماليهما يساوي الواحد.

39. الضلع الواصلة بين منتصفي ضلعين في مثلث توازي الضلع الثالثة وتساوي نصفها.

40. $\sin^2 20 + \sin^2 70 = 1$

41. قيم \sin و \cos أي زاوية تكون دائماً محصورة بين الصفر والواحد.

42. الوتر في المثلث القائم هو أصغر اضلاع المثلث.

43. يتطابق شكلين متشابهين إذا كانت نسبة تشابههما تساوي الواحد.

44. إذا كانت نسبة التشابه $0 < k < 1$ يؤول التشابه الى تكبير الشكل.

45. هرم حجمه $12 m^3$ ، صُمم نموذجاً مكبراً له حجمه $96 m^3$ فإن معامل التكبير $k = 2$.

46. إذا كان قياس $A = 70^\circ$ في الرباعي الدائري $ABCD$ فإن قياس الزاوية المقابلة لها $C = 20^\circ$.

47. ABC مثلث قائم في A يوجد دائرة مارة من رؤوسه نصف قطرها يساوي $r = \frac{1}{2}AC$.

48. الوتران المتساويان في دائرة يحصران قوسين متساويين.

49. مقطع مخروط دوراني يوازي القاعدة هو دائرة طبوقة على دائرة القاعدة.

50. مقطع الكرة بمستوى يمر من المركز هو دائرة طول قطرها يساوي طول قطر الكرة.

51. المكعب الذي طول حرفه a مساحة سطحه تساوي $6a^2$.

52. المجسم الحاصل عن دوران مثلث قائم هو كرة.

53. إن العدد $\sqrt{9 + 16}$ يساوي $\sqrt{9} - \sqrt{16}$.

54. ناتج نشر $(\sqrt{2}x + 3)^2$ يساوي $2x^2 + 9$.

55. الزاويتان المتتامتان هما اللتان مجموع قياسيهما 90° .

56. العددان 8 و 15 أوليان فيما بينهما.

عادة السؤال الثاني في قسم (أولاً) هو اكتب كلمة صح او خطأ وقد طرحتم لكم في هذه الورقات بعض الأمثلة واسئلة الدورات السابقة للفائدة.

غالباً هذا السؤال يأتي بـ 40 درجة أي لكل سؤال 10 درجات وفي بعض الدورات ورد بـ 60 درجة أي لكل سؤال 15 درجة.

الرجاء قراءة السؤال جيداً قبل الإجابة وعدم التسرع في الحل.

قم بمراسلة المدرس لطلب الحل





المرجع في الرياضيات

اعلم أن هذه الأوراق بين يديك ذات أهمية كبيرة وهي بوابتك
للعلامة المرضية بعون الله وتوفيقه وكرمه

اهدي هذا العمل الى احبابي أمل هذه الأمة
طلاب الصف الثالث الاعدادي في جميع أنحاء القطر

سائلاً الله ان أكون قد وفقتُ في تلخيص اهم الأفكار والقواعد
المتعلقة بمادة الرياضيات

واساله ان ينفعنا وينفع بنا واعتذر عن ورود أي خطأ فني تتاكراً من
يهدي الي اخطائي فهذه الأوراق صناعة بشرية

وفقنا الله واياكم...

دعم دراستك في بيتك عبر مجموعات المرجع في الرياضيات

عن طريق التواصل مع الرقم 0991518690

وعن طريق قناة اليوتيوب **لؤي الدمني** – Louay Al Damani

ولا تنسى أن تستفسر عن الجلسات الامتحانية وعن المعسكر الإمتحاني

