

مسألة ثانية:

نطلق قطار من السكون $v_0 = 0 \text{ m.s}^{-1}$ ليتحرك حركة مستقيمة أفقية بتسارع ثابت (مستقيمة منتظمة) فيقطع مسافة 120m خلال

زمن قدره 20s، المطلوب: حساب:

-1 تسارع الجسم

-2 سرعته في نهاية المسافة

-3 الزمن اللازم ليقطع مسافة 30m من بدء حركته.

الحل:

$$v_0 = 0 \text{ m.s}^{-1} / \Delta x = 120 \text{ m} \Leftrightarrow t = 20 \text{ s}$$

$$a = ? \quad -1$$

$$x = \frac{1}{2} \cdot a \cdot t^2 + v_0 t + x_0$$

$$\Delta x = \frac{1}{2} \cdot a \cdot t^2 + v_0 \cdot t$$

$$\frac{1}{2} \cdot a \cdot t^2 = \frac{\Delta x - v_0 \cdot t}{2}$$

أمثال

- نقسم الطرف 2 على الأمثال:

$$\Rightarrow a = \frac{2 \cdot (\Delta x - v_0 \cdot t)}{t^2}$$

$$a = \frac{2 \cdot (120 - (0) \cdot (20))}{(20)^2}$$

$$a = \frac{240}{400} = \frac{24 \times 10}{4 \times 10^2}$$

$$a = 6 \times 10^{-1} = 0.6 \text{ m.s}^{-2}$$

$$v = a \cdot t + v_0 \quad v = ? \quad -2$$

$$v = (6 \times 10^{-1}) \cdot (20) + 0$$

$$v = 12 \text{ m.s}^{-1}$$

$$t = ? \quad \Delta x = 30 \text{ m} \quad -3$$

$$\Rightarrow \Delta x = \frac{1}{2} \cdot a \cdot t^2 + 0$$

$$\Rightarrow t^2 = \frac{2 \cdot \Delta x}{a} = \frac{2 \cdot (30)}{6 \times 10^{-1}}$$

$$t^2 = 100 \Rightarrow t = 10 \text{ s}$$

السقوط الحر:

حالة خاصة من الحركة المستقيمة المتسارعة بانتظام حيث يسقط الجسم بتأثير ثقله فقط.

$$a = g, \quad y_0 = 0 \text{ m}, \quad v_0 = 0 \text{ m.s}^{-1}$$

- موضع جسم متحرك:

$$y = \frac{1}{2} \cdot g \cdot t^2$$

- سرعة الجسم في لحظة t :

$$v = g \cdot t$$

- المعادلة الحالية من الزمن:

$$v^2 = 2 \cdot g \cdot y \Rightarrow v = \sqrt{2 \cdot g \cdot y}$$

الحركة:

المسألة الأولى: (1) المستقيمة المنتظمة:

- مسارها مستقيم:

- تحافظ على ثبات قيمة سرعتها

$$\Rightarrow v = \text{const} \Rightarrow a = 0$$

- التابع الزمني لموضع جسم يتحرك حركة مستقيمة منتظمة:

$$x = vt + x_0$$

المسألة الثانية: (2) المستقيمة المتغيرة بانتظام:

- مسارها مستقيم.

- قيمة سرعتها تتغير بمعدل ثابت بمرور الزمن.

$$\Rightarrow a = \text{const}$$

- معادلة تحدد موضع جسم متحرك:

$$x = \frac{1}{2} \cdot a \cdot t^2 + v_0 t + x_0$$

- معادلة تحدد سرعة جسم متحرك:

$$v = a \cdot t + v_0$$

- المعادلة المستقلة عن الزمن (التابع اللازمي):

$$v^2 - v_0^2 = 2 \cdot a \cdot (x - x_0)$$

المسألة الأولى:

يتحرك جسم على طريق مستقيم أفقى. ويُحدَّد التابع الزمني لفاصلته بالعلاقة:

$$x = 2 \cdot t^2 - 3 \cdot t + 4$$

المطلوب: حساب:

-1 سرعته الابتدائية.

-2 سرعته بعد (45) من بدء الحركة.

-3 المسافة المقطوعة عندما تصبح سرعته

الحل:

1. نقارن المعادلة المعطاة مع الشكل العام:

$$x = 2 \cdot t^2 - 3 \cdot t + 4$$

$$x = \frac{1}{2} \cdot a \cdot t^2 + v_0 t + x_0$$

$$\Rightarrow x_0 = 4 \text{ m}$$

$$\frac{1}{2} a = 2 \Rightarrow a = 4 \text{ m.s}^{-2}$$

$$v_0 = -3 \text{ m.s}^{-1}$$

$$v = a \cdot t + v_0$$

$$v = (4) \cdot (4) - 3 = 16 - 3$$

$$v = 13 \text{ m.s}^{-1}$$

2.3 ليس لدينا الزمن \leftarrow المعادلة الحالية من الزمن:

$$v^2 - v_0^2 = 2 \cdot a \cdot (x - x_0)$$

$$(15)^2 - 9 = 2 \cdot (4) \cdot \Delta x$$

$$\Delta x = \frac{225.9}{8} = \frac{216}{8} \Rightarrow \Delta x = 27 \text{ m}$$

قوانين نيوتن:

1- قانون نيوتن الأول:

إذا انعدمت محصلة القوى الخارجية المؤثرة في مركز عطالة جسم فإنه يبقى ساكناً إذا كان ساكناً بالأصل، وتصبح حركته مستقيمة منتظمة إذا كان متحركاً بالأصل.

$$\sum \vec{F} = \vec{0}$$

2- قانون نيوتن الثاني:

إذا خضع مركز عطالة جسم صلب لمحصلة قوى خارجية ثابتة منحى وجهة وشدة، اكتسب تسارعاً ثابتاً يتناسب طرداً مع شدة محصلة القوى الخارجية المؤثرة وله المملي ذاته والجهة نفسها.

$$\vec{a} = \frac{\sum \vec{F}}{m} \quad \text{أو} \quad \sum \vec{F} = m \cdot \vec{a}$$

3- قانون نيوتن الثالث:

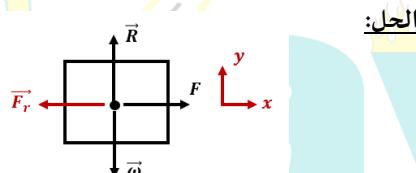
لكل فعل رد فعل يساويه بالشدة ويعاكسه بالاتجاه.

مسألة أولى:

تجر عربة كتلتها 24 kg بدءاً من السكون على طريق مستقيمة أفقية، فلزم لذلک تطبيق قوة أفقية شدتها 75 N فبلغت سرعتها 5 m.s^{-1}

بعد قطعها مسافة 10 m ، المطلوب حساب:

- 1- شدة قوة الاحتكاك بين الأرض والعربة.
- 2- الزمن اللازم لقطع تلك المسافة.



الحل:

$$\sum \vec{F} = m \cdot \vec{a} \quad F_r = ? \quad -1$$

$$\vec{F}_r + \vec{F} + \vec{W} + \vec{R} = m \cdot \vec{a}$$

نسقط على محور موجه بجهة الحركة:

$$F - F_r = m \cdot a$$

$$\Rightarrow F_r = F - m \cdot a$$

$$F_r = 75 - (24) \cdot a$$

حساب a -

$$v_0 = 0 \quad \bullet$$

$$\Delta x = 10 \text{ m} \quad \bullet$$

$$v = 5 \text{ m.s}^{-1} \quad \bullet$$

الحركة متتسارعة بانتظام وليس لدينا زمن.

نستخدم المعادلة الخالية من الزمن:

$$v^2 - v_0^2 = 2 \cdot a \cdot \Delta x$$

$$25 - 0 = 2 \cdot a \cdot (10) \Rightarrow a = \frac{25}{20}$$

$$\Rightarrow a = 1.25 \text{ m.s}^{-2}$$

نعرض a في F_r -

$$F_r = 75 - (24) \cdot (1.25)$$

$$F_r = 75 - 30 \Rightarrow F_r = 45 \text{ N}$$

$$\Delta x = 10 \text{ m} \Leftrightarrow t = ? \quad -2$$

$$v = 5 \text{ m.s}^{-1}$$

$$a = 1.25 \text{ m.s}^{-2}$$

الحركة النسبية:

-1- إذا تحرك الجسم A بجهة حركة جسم B وكلاهما متتحرك بالنسبة لجملة مقارنة ساكنة (C)

$$v_{AB} = v_{AC} + v_{CB}$$

-2- إذا تحرك جسم A بعكس جهة حركة جسم B وكلاهما متتحرك بالنسبة لجملة مقارنة ساكنة (C)

$$v_{AB} = -v_{AC} + v_{CB}$$

-3- الجسمان يتحركان بجهة واحدة و بسرعتين مختلفتين، فتكون السرعة النسبية بينهما:

$$v_{AB} = v_{AE} - v_{EB} ; E: \text{Earth} (\text{الأرض})$$

-4- الجسمان يتحركان في اتجاهين متعاكسين و بسرعتين مختلفتين فالسرعة النسبية بينهما:

$$v_{AB} = v_{AE} + v_{EB}$$

-5- الجسمان يتحركان بجهة واحدة و بنفس السرعة، فالسرعة النسبية بينهما معروفة.

أمثلة:

المثال الأول: شخص P يركب قطار T ويتحرك بنفس جهة القطار، حيث سرعته بالنسبة للقطار $v_{PT} = 2 \text{ m.s}^{-1}$ ، وسرعة القطار بالنسبة للأرض v_{TE} ، وكانت سرعة الشخص بالنسبة للأرض $v_{PE} = 11 \text{ m.s}^{-1}$ ، فما هي سرعة القطار؟

$$v_{TE} = ?$$

$$\Rightarrow v_{PT} = v_{PE} + v_{ET}$$

$$\Rightarrow v_{PT} = v_{PE} - v_{TE}$$

$$v_{TE} = v_{PE} - v_{PT} = 11 - 2$$

$$v_{TE} = 9 \text{ m.s}^{-1}$$

المثال الثاني: يلقي شخص موجود بشاحنة كرة لصديقه الذي يقف على سطح الأرض بسرعة $v_{BT} = 8 \text{ m.s}^{-1}$ ، والشاحنة تسير بسرعة $v_{TE} = 15 \text{ m.s}^{-1}$ قدرها سرعة الكرة.

$$v_{BE} = ?$$

$$v_{BE} = v_{BT} + v_{TE}$$

$$= 8 + 15$$

$$v_{BE} = 23 \text{ m.s}^{-1}$$

المثال الثالث: سيارة حمراء تتحرك بسرعة $v_{RE} = 25 \text{ m.s}^{-1}$

عكس جهة سيارة خضراء تتحرك بسرعة $v_{GE} = 35 \text{ m.s}^{-1}$. ما

سرعة السيارة الحمراء بالنسبة للسيارة الخضراء v_{RG} ؟

$$v_{RG} = v_{RE} + v_{EG}$$

$$v_{RG} = 25 + 35$$

$$v_{RG} = 60 \text{ m.s}^{-1}$$

$$t = 2 \text{ min} = 120 \text{ s}$$

لم يذكر زاوية بين F و $\theta = 0^\circ \iff d$ للجر لأنها بجهة الحركة.

$$W_f = ? \quad -1$$

$$W_F = F \cdot d \cdot \cos\theta(0)$$

$$W_F = (300) \cdot (20) \cdot \cos(0)$$

$$W_F = 6000 \text{ J}$$

$$\theta = 180^\circ \quad \text{يعكس جهة الحركة}$$

$$W_{Fr} = ? \quad -1$$

$$W_{Fr} = F_r \cdot d \cdot \cos(180)$$

$$W_{Fr} = (200) \cdot (20) \cdot (-1)$$

$$W_{Fr} = -4000 \text{ J}$$

$$P = ? \quad -2$$

$$P = \frac{W_F}{t} = \frac{6000}{120}$$

$$P = 50 \text{ Watt}$$

مسألة ثانية: تجر قاطرة عربات بقوة 400 N على سكة مستقيمة أفقية بسرعة 36 m.s^{-1} لمدة ساعة. المطلوب حساب:

- 1 العمل الذي تتجزءه القوة المطبقة على القاطرة.
- 2 استطاعة محرك القاطرة.

الحل:

$$F = 400 \text{ N}, v = 36 \text{ m.s}^{-1}$$

$$t = 1 \text{ hour} = 60 \text{ min} = 3600 \text{ s}$$

$$W = ? \quad -1$$

$$W = F \cdot d \cdot \cos(0) = (400) \cdot d \cdot (1)$$

حساب d : نعلم أن:

$$\Rightarrow d = v \cdot t = (36) \cdot (3600)$$

$$d = 1296 \times 10^2 \text{ m}$$

نعرض d في:

$$W = (400) \cdot (1296 \times 10^2)$$

$$W = 5184 \times 10^5 \text{ J}$$

$$P = ? \quad -2$$

$$P = \frac{W}{t} = \frac{5184 \times 10^5}{3600}$$

$$P = 144 \times 10^2 \text{ Watt}$$

الطاقة: [J] جول

$$E_k = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v^2 \quad \bullet$$

الحركية:

$$E_k = \frac{1}{2} \cdot m \cdot v^2 \quad \bullet$$

الكاميرا الثقالية:

$$E_p = m \cdot g \cdot h$$

$$E_p = w \cdot h$$

الثقل

$$\Rightarrow v = a \cdot t + v_0 = a \cdot t + 0$$

$$\Rightarrow t = \frac{v}{a} = \frac{5}{\frac{25}{20}} = \frac{(20) \cdot (5)}{25}$$

$$t = 4 \text{ s}$$

مسألة ثانية:

تنطلق سيارة كتلتها 1350 kg من السكون على طريق مستقيمة أفقية بتاسرع ثابت، فتبليغ سرعتها $4S \text{ m.s}^{-1}$ خلال زمن قدره 20 s (بإهمال قوى الاحتكاك ومقاومة الهواء)، المطلوب حساب:

- 1 تسارع حركة مركز عطالة السيارة
- 2 شدة قوة جر المحرك.

$$v_0 = 0, a = \text{const} = ? , v = 20 \text{ m.s}^{-1},$$

$$t = 4 \text{ s}$$

$$a = ? \quad -1$$

$$v = a \cdot t + v_0 = a \cdot t + 0$$

$$\Rightarrow a = \frac{v}{t} = \frac{20}{4} \Rightarrow a = 5 \text{ m.s}^{-1}$$

$$F = ? \quad -2$$

$$\sum \vec{F} = m \vec{a}$$

$$\vec{F} + \vec{R} + \vec{W} = m \vec{a}$$

- بالإسقاط على محور موجه بجهة الحركة

$$F = m \cdot a = (1350) \cdot (5)$$

$$F = 6750 \text{ N}$$

العمل والاستطاعة:

$$W - Work$$

هو جداء القوة بالانتقال (داخلياً)

$$[J] \quad W = F \cdot d \cdot \cos\theta : \theta = \vec{F} \cdot \vec{d}$$

$W > 0 \Rightarrow$ العمل محرك ○

$W < 0 \Rightarrow$ العمل مقاوم ○

- الاستطاعة:

هي مقدار العمل المنجز خلال زمن معين.

$$[watt] \quad P = \frac{W}{t}$$

[sec] = [min] $\times 60 \rightarrow$ s

يمكن استعمال وحدة الحصان البخاري hp بدلاً من الواط

$$1hp = 735 \text{ watt}$$

مسألة أولى: يجر عامل عربة على طريق مستقيمة أفقية بقوة 20 m مسافة $F = 300 \text{ N}$ 20 ملدة دقيقتين، وتتعرض العربة لقوة

$$F_r = 200 \text{ N}$$

المطلوب:

- 1 احسب عمل كل من قوة الجر وقوة الاحتكاك.
- 2 احسب الاستطاعة التي تتجزأها قوة الجر.

$$d = 20 \text{ m} \quad \text{الحل:}$$

$$F = 300 \text{ N}, F_r = 200 \text{ N}$$

$F' = F_c$ - قوة الطرد المركزي (عطلة نابذة):
 F_c - قوة جاذبة مركبة.

$$F_c = m \cdot a_c$$

$$F_c = m \cdot \frac{v^2}{r} = mr \cdot \omega^2$$

مهمة: يدور جسم بحركة دائرية منتظمة بسرعة زاوية ثابتة قدرها $\pi \text{ rad.s}^{-1}$ ، ونصف قطر مسارها الدائري 0.5 m . والمطلوب:

حساب:

-1 السرعة الخطية للجسم.

-2 دورة الحركة وتوترها.

-3 المسافة المقطوعة خلال $3T$

-4 الزاوية التي يمسحها نصف القطر خلال 0.1 ثانية.

-5 التساع الناظمي.

$$\omega = \pi \text{ rad.s}^{-1}$$
 الحل:

$$r = 5 \times 10^{-1} \text{ m}$$

$$v = ?$$
 -1

$$v = r \cdot \omega = (5 \times 10^{-1}) \cdot (\pi)$$

$$v = 5\pi \times 10^{-1} = 0.5\pi \text{ m.s}^{-1}$$

$$f = ? , T = ?$$
 -2

حساب T

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi}{\pi}$$

$$T = 2s$$

حساب f

$$f = \frac{1}{T} = \frac{1}{2} \Rightarrow [f = 0.5 \text{ Hz}]$$

$$t = 3T \cdot d = \Delta s = ?$$
 -3

$$\Rightarrow \Delta s = v \cdot t$$

$$\Delta s = (5\pi \times 10^{-1}) \cdot (6)$$

$$\Delta s = (30\pi \times 10^{-1})$$

$$\Delta s = 3\pi \text{ m}$$

$$t = 10^{-1} \text{ s} , \theta = ?$$
 -4

$$\omega = \frac{\theta}{t} \Rightarrow \theta = \omega \cdot t$$

$$\theta = (\pi) \cdot (10^{-1})$$

$$\theta = 0.1\pi \text{ rad}$$

$$a_c = \frac{v^2}{r} = r \cdot \omega^2$$

$$a_c = ?$$
 -5

$$a_c = (0.5) \cdot (\pi)^2 ; \pi^2 \approx 10$$

$$a_c = 5 \text{ m.s}^{-2}$$

التحريك الدوراني:

- عزم القوة:

هو فعل القوة التدوي في الجسم حول محور دوار ثابت.

$$\Gamma = d \cdot F$$
 [m.N]

موجب + سالب -

عمل عزم القوة للحركة الدورانية:

$$W = \Gamma \cdot \theta$$
 [J]

$$E_p = W$$

العمل

الطاقة الكinية (الميكانيكية):

$$E = E_p + E_k = \text{const}$$

كمية الحركة (الاندفاع):

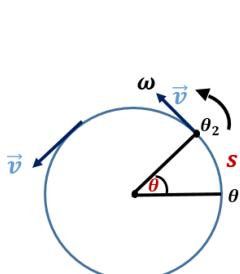
$$P = m \cdot v [\text{kg.m.s}^{-1}]$$

نظرية العمل و الطاقة الحركية:

$$\sum W_F = \Delta E_k$$

$$P = \frac{F}{s} [N.m^{-2} = Pa]$$

الضغط:



الحركة الدائرية:

$$[rad]: \text{فأصلة زاوية}$$

$$(m): \text{فأصلة منحنية}$$

$$S = \theta \cdot r$$

$$[rad.s^{-1}]: \text{سرعة زاوية}$$

$$[m.s^{-1}]: \text{سرعة خطية}$$

$$[v = \omega \cdot r]$$

$$[rad.s^{-2}]: \text{تسارع زاوي}$$

$$\left. \begin{aligned} a_t & \text{ مماسي} \\ a_c & \text{ مرکزي} \end{aligned} \right] [m.s^{-2}]: \text{تسارع خطى}$$

$$a_t = \alpha \cdot r$$

$$a_c = \frac{v^2}{r}$$

$$\Leftrightarrow v = r \cdot \omega$$

$$[m.s^{-2}]: \text{تسارع الكلي}$$

$$a = \sqrt{a_t^2 + a_c^2}$$

ملاحظة: في الحركة الدائرية المنتظمة

$$\omega = \text{const} \Rightarrow \alpha = 0$$

$$v = \text{const} \Rightarrow a_t = 0$$

$$\Rightarrow a = a_c = \frac{v^2}{r} = r \cdot \omega^2$$

الدور: هو زمن إنجاز دورة أو هزة أو

نوسة كاملة.

$$T = \frac{2\pi r}{v}$$

لكن:

$$\Rightarrow v = r \cdot \omega$$

$$\Rightarrow T = \frac{2\pi}{\omega} [s]: \text{ثانية}$$

التوتر: هو عدد الهزات أو الدورات أو النوسات المنجزة خلال

ثانية واحدة.

$$f = \frac{1}{T}$$

$$\Rightarrow f = \frac{v}{2\pi r}$$

$$f = \frac{\omega}{2\pi} [\text{Hz}]: \text{هرتز}$$

$$P = 5 \times 10^{-1} = 0.5 \text{ kg} \cdot \text{m} \cdot \text{s}^{-1}$$

$$I_{\Delta} = ? \quad -4$$

$$I_{\Delta} = m \cdot r^2 \\ = (10^{-1})(25 \times 10^{-2})$$

$$I_{\Delta} = 25 \times 10^{-3} \text{ kg} \cdot \text{m} \cdot \text{s}^{-1}$$

$$L = ? \quad -5$$

$$L = I_{\Delta} \cdot \omega \\ = (25 \times 10^{-3})(10)$$

$$L = 25 \times 10^{-2} \text{ kg} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{rad} \cdot \text{s}^{-2}$$

$$E_k = \frac{1}{2} \cdot I_{\Delta} \cdot \omega^2 \quad -6$$

$$= \frac{1}{2} \cdot (25 \times 10^{-3}) \cdot (10^2)$$

$$12.5 \times 10^{-1}$$

$$E_k = 1.25 = 125 \times 10^{-2} \text{ J}$$

قوة توتر نابض:

$$F = kx \begin{cases} x > 0 \\ x < 0 \end{cases} \quad \text{قانون هوك:}$$

$$F_s = -k \cdot x \quad \text{(قوة إرجاع)}$$

الطاقة الكامنة المرونية:

$$E_p = \frac{1}{2} \cdot k \cdot x^2 \quad [\text{J}]$$

المغناطيسية:

الحقل المغناطيسي في سلك:

$$B = 2 \times 10^{-7} \cdot \frac{I}{d} \quad [\text{T}] \quad \text{تسلا}$$

الحقل المغناطيسي في ملف دائري:

$$B = 2\pi \times 10^{-7} \cdot \frac{NI}{r} \quad [\text{T}]$$

الحقل المغناطيسي في وشيعة:

$$B = 4\pi \times 10^{-7} \cdot \frac{NI}{l} \quad [\text{T}]$$

حيث:

I : شدة التيار الكهربائي $[A]$

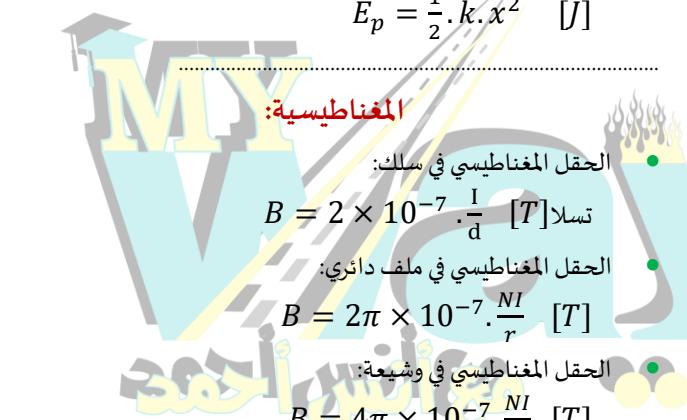
d : بعد النقطة المدروسة عن السلك $[m]$

N : عدد اللفات (لفة أو لفات)

r : نصف قطر الملف $[m]$

l : طول الوشيعة $[m]$

B : شدة الحقل المغناطيسي $[T]$ تسلا



مسألة: ملف دائري نصف قطره $2\pi cm$ وعدد لفاته 5 لفة، يمر

فيه تيار شدته $4A$ ، فإن شدة الحقل:

الحل:

$$r = 2\pi cm = 2\pi \times 10^{-2} m$$

$$N = 50 \text{ لفة}$$

$$I = 4A$$

عزم مزدوجة الفتل:

$$\Gamma_{\eta} = -k \cdot \theta$$

حيث k : ثابت يتعلق بنوع المادة

عمل مزدوجة الفتل:

$$W = -\frac{1}{2} \cdot k \cdot (\theta_2^2 - \theta_1^2) \quad [\text{J}]$$

عزم عطالة نقطة مادية:

$$I_{\Delta} = m \cdot r^2 \quad [\text{kg} \cdot \text{m}^2]$$

بعد النقطة المدروسة عن محور الدوران.

نظريه هاينز (المحاور المتوازية)

نستخدمها عندما لا يمر محور الدوران من مركز عطالة الجسم

$$I'_{\Delta} = I_{\Delta} + m \cdot d^2 \quad [\text{kg} \cdot \text{m}^2]$$

I'_{Δ} : عزم العطالة حول محور لا يمر من مركز العطالة.

I_{Δ} : عزم العطالة حول محور يمر من مركز العطالة.

d : بعد المحور I_{Δ} عن مركز العطالة.

عزم عطالة جملة:

مجموع عزم عطالة أجزاء الجملة.

$$L = r \times P = r \cdot m \cdot v = m \cdot r \cdot r \cdot w = m \cdot r^2 \cdot w$$

$$L = I_{\Delta} \cdot W \quad [\text{kg} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{rad} \cdot \text{s}^{-1}] \quad \text{العزم الحركي:}$$

نظريه التساع الزاوي:

$$\sum \Gamma = I_{\Delta} \cdot \alpha$$

الطاقة الحركية أثناء الدوران:

$$E_k = \frac{1}{2} \cdot I_{\Delta} \cdot W^2$$

مسألة: تدور نقطة مادية كتلتها 0.1 kg بسرعة خطية ثابتة

0.5 m.s^{-1} على بعد ثابت من محور الدوران 0.5 m . والمطلوب

حساب:

1- السرعة الزاوية للنقطة المادية.

2- التساع الناظري.

3- كمية حركة النقطة المادية.

4- عزم عطالة النقطة حول محور الدوران.

5- العزم الحركي للنقطة.

6- الطاقة الحركية لهذه النقطة أثناء دورانها.

الحل: $m = 10^{-1} \text{ kg}$

$$v = 5 \text{ m.s}^{-1}, r = 5 \times 10^{-1} \text{ m}$$

$$a_t = 0 \Leftrightarrow v = \text{const}$$

$$\omega = ? \quad -1$$

$$v = r \cdot \omega \Rightarrow \omega = \frac{v}{r} = \frac{5}{5 \times 10^{-1}}$$

$$\omega = 10 \text{ rad.s}^{-1}$$

$$a_c = ? \quad -2$$

$$a_c = \frac{v^2}{r} = \frac{25}{5 \times 10^{-1}} = 5 \times 10^{+1}$$

$$a_c = 50 \text{ m.s}^{-2}$$

$$P = ? \quad -3$$

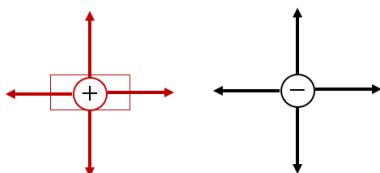
$$P = m \cdot v = (10^{-1}) \cdot (5)$$

نقول عن منطقة أن يسودها حقل كهربائي إذا تأثرت كل شحنة نقطية فيه بقوة كهربائية ساكنة.

$$[N \cdot c^{-1}] \quad E = \frac{F}{q'} \quad F = k \cdot \frac{q q'}{d^2} \Rightarrow E = k \cdot \frac{q}{d^2}$$

ملاحظات:

1- مقدار شعاعي و بالتالي \vec{E} مقدار شعاعي.
2- تكون جهة الحقل الكهربائي كالتالي:



مثال: منطقة يسودها حقل كهربائي ساكن $E = 600 \text{ N} \cdot \text{C}^{-1}$ إذا وضعت فيه شحنة $q = 2\mu\text{C}$, فإن القوة الكهربائية F :

$$E = \frac{F}{q'} \Rightarrow F = q' \cdot E \\ F = (2 \times 10^{-6}) \cdot (600) \Rightarrow F = 12 \times 10^{-4} \text{ N}$$

مثال: وضعت شحنة نقطية q' في منطقة يسودها حقل كهربائي E , نجعل الشحنة أربع أمثال ما كانت عليه وتنقص الحقل الكهربائي إلى النصف فتصبح F' :

$$E = \frac{F}{q'} \Rightarrow F = q' \cdot E \\ F \sim q' \Rightarrow 4q' \Rightarrow F' = 4 \cdot F \\ F \sim E \Rightarrow \frac{E}{2} \Rightarrow F' = \frac{F}{2} \\ F' = \frac{4}{2} \cdot F = 2F \Leftarrow$$

الكمون الكهربائي:

هو مقدار الطاقة المخزنة في الشحنة

$$V = \frac{E_p}{q'} \quad [\text{volt}] \\ V = E \cdot d = k \frac{q}{d}$$

من أجل ناقل كروي:

$$V = k \cdot \frac{q}{R}$$

مثال: ناقل كروي نصف قطره 2cm مشحون ومعزول وموضع في الخلاء كمونه يساوي -2700 volt , فإن قيمة شحنته q :

$$V = k \cdot \frac{q}{R} \Rightarrow q = \frac{Rv}{k} \\ q = \frac{(2 \times 10^{-2}) \cdot (-2700)}{9 \times 10^9} \\ q = -6 \times 10^{-9} \text{ C}$$

$$\Rightarrow B = 4\pi \times 10^{-7} \frac{NI}{r} \\ B = 2\pi \times 10^{-7} \frac{(50)(4)}{2\pi \times 10^{-2}} \\ B = 200 \times 10^{-5} \\ B = 2 \times 10^{-3} \text{ T}$$

مسالة: يمر تيار كهربائي شدته 20A في سلك مستقيم، فإن شدة الحقل المغناطيسي المولود في نقطة تبعد عنه 20cm :

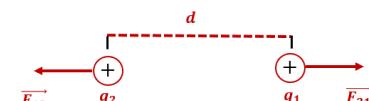
الحل:

$$I = 20\text{A}, d = 20\text{cm} = 20 \times 10^{-2} = 2 \times 10^{-1} \\ B = 2 \times 10^{-7} \cdot \frac{I}{d} \\ B = 2 \times 10^{-7} \cdot \frac{20}{2 \times 10^{-1}} \\ B = 2 \times 10^{-6} \text{ T}$$

مسالة: نمر تيار كهربائي متواصل في وشيعة فيتولد فيها حقل مغناطيسي شدته B , نجعل شدة التيار المار ثلاثة أمثال ما كان عليه فتصبح شدة الحقل عندها:

$$B = 4\pi \times 10^{-7} \frac{NI}{l} \\ B \sim I \Rightarrow 3 \cdot I \Rightarrow 3 \cdot B \\ \Rightarrow B' = 3B$$

الكهرباء الساكنة:



قانون كولوم:

$$F = k \cdot \frac{q_1 \cdot q_2}{d^2} \quad [\text{N}] \\ k = 9 \times 10^9 \quad [\text{N} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{C}^{-2}]$$

ملاحظة:

- القوى بين الشحنات المتماثلة تنافرية.
- القوى بين الشحنات المتعاكسة، متجاذبة.

مثال: شحنتان نقطيتان q_1, q_2 ساكنتان، البعد بينهما d , نضاعف كل من الشحنتين ونزيد البعد بينهما إلىضعف، فتصبح القوة الكهربائية F' الساكنة:

من القانون نلاحظ:

$$F' \sim q_1 \cdot q_2 \quad \text{طرداً} \quad -1 \\ \Rightarrow (2 \cdot q_1) \cdot (2 \cdot q_2) = (4) \cdot q_1 \cdot q_2 \sim 4 \cdot F' \quad -2 \\ F' \sim \frac{1}{d^2} \quad \text{عكساً} \\ \frac{1}{(2d)^2} = \frac{1}{4d^2} \sim \frac{F'}{4} \\ F' = 4 \cdot \frac{F^*}{4} \quad \Leftarrow \\ \Rightarrow F' = F$$

الحقل الكهربائي الساكن:

$$U_{eq} = U_1 = U_2 = U_3 = \dots$$

$$\Rightarrow C_{eq} = C_1 + C_2 + C_3 + \dots$$

إذا كانت متماثلة: -

$$C_{eq} = n \cdot C$$

الطاقة المختزنة: •

$$E = \frac{1}{2} \cdot q \cdot U$$

$$E = \frac{1}{2} \cdot C \cdot U^2$$

$$E = \frac{1}{2} \cdot \frac{q^2}{C}$$

مثال: $C_1 = 6\mu F$ و $C_2 = 8\mu F$

$$C_{eq} = ?$$
 (تفع)

$$C_{eq} = C_1 + C_2 = 6 + 8$$

$$C_{eq} = 14\mu F = 14 \times 10^{-6}$$

- فرق الكمون الكهربائي: (بين نقطتين)

هو مقدار العمل المبذول لنقل وحدة الشحنات الموجبة بين نقطتين
بعكس اتجاه الحقل الكهربائي.

أي، هو مقدار الطاقة الكهربائية التي تكتسبها وحدة الشحنات الموجبة
عند نقلها بين نقطتين بعكس اتجاه الحقل.

$$U_{AB} = V_A - V_B$$
 [volt]

$$U_{AB} = \frac{W_{A \rightarrow B}}{q'}$$

$$U_{AB} = E \cdot d = \frac{F \cdot d}{q'}$$

مثال: ست مكثفات متساوية على التفرع أعيد وصلها على التسلسل

$$C_{eq} = 9\mu F$$

$$C_{eq} = n \cdot C_1 \Rightarrow C_1 = \frac{C_{eq}}{n} = \frac{9}{6}$$

$$C_1 = \frac{3}{2}\mu F$$

$$\Rightarrow C_{eq} = \frac{C_1}{n} = \frac{\frac{3}{2}}{6} = \frac{3}{12}$$

$$C_{eq} = \frac{1}{4}\mu F = 0.25\mu F$$

الآمواج:

سرعة انتشار الموجة:

$$v = \lambda f = \frac{\lambda}{T}$$

[m]: طول الموجة -

[Hz]: التواتر هرتز -

[S]: الدور -

شرط تواافق نقطتين في وسط الانتشار: •

$$\Delta = k \cdot \lambda$$

شرط تعاكس نقطتين في وسط الانتشار: •

$$\Delta = (2k + 1) \cdot \frac{\lambda}{2}$$

الأفعال المتبادلة في حقل الجاذبية:

قانون الجذب الكوني: •

$$F_1 = F_2 = G \frac{mM}{d^2}$$

شدة حقل الجاذبية الأرضية حسب الارتفاع: •

$$\Rightarrow F = m \cdot g = G \frac{mM}{d^2}$$

$$\Rightarrow g = G \cdot \frac{M}{d^2}$$

مثال: إذا كان العمل المبذول لنقل شحنة مقدارها $10\mu C$ بين نقطتين
من منطقة يسودها حقل كهربائي ساكن يساوي $0.01 J$, فإن فرق
الكمون بين هاتين النقطتين يساوي:

الحل:

$$q' = 10\mu C = 10 \times 10^{-6} = 10^{-5}$$

$$W_{A \rightarrow B} = 0.01 J = 10^{-2} J$$

$$U_{AB} = ?$$

$$U_{AB} = \frac{W}{q'} = \frac{10^{-2}}{10^{-5}} = \frac{1}{10^{-3}}$$

$$U_{AB} = 10^3 = 1000 \text{ volt}$$

السعة الكهربائية والمكثفات:

السعة الكهربائية:

$$C = \frac{q}{v} [F]$$

$$nF \xrightarrow{\times 10^{-9}} F - \mu F \xrightarrow{\times 10^{-6}} F$$

السعة الكهربائية لناقل كروي:

$$C = \frac{r}{9 \times 10^9}$$

الكمون المشترك لناقلين:

$$V_{eq} = \frac{\sum q}{\sum c}$$

سعة المكثفات:

$$C = \frac{q}{U}$$
 [F]

فرق الكمون

ضم المكثفات على التسلسل:

$$q_{eq} = q_1 = q_2 = \dots$$

$$U_{eq} = U_1 + U_2 + U_3 + \dots$$

$$\Rightarrow \frac{1}{C_{eq}} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \frac{1}{C_3} + \dots$$

إذا كانت متماثلة:

$$C_1 = C_2 = C_3$$

$$\frac{1}{C_{eq}} = \frac{n}{C_1} \Rightarrow C_{eq} = \frac{C_1}{n}$$

ضم المكثفات على التفرع:

$$q_{eq} = q_1 + q_2 + q_3 + \dots$$

